

**SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
NGHỆ AN
ĐỀ THI CHÍNH THỨC**

**KỶ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT
NĂM HỌC 2021 – 2022
Môn thi: TOÁN
Thời gian làm bài: 120 phút**

Câu 1 (2,5 điểm):

a) Tính $A = \sqrt{64} + \sqrt{16} - 2\sqrt{36}$

b) Xác định các hệ số a, b của đường thẳng $y = ax + b$, biết đường thẳng này đi qua điểm $M(1;9)$ và song song với đường thẳng $y = 3x$.

c) Rút gọn biểu thức $P = \left(\frac{1}{\sqrt{x}} - \frac{2}{1+\sqrt{x}} \right) \cdot \frac{x+\sqrt{x}}{1-\sqrt{x}}$, với $x > 0, x \neq 1$.

Câu 2 (2,0 điểm)

a) Giải phương trình $2x^2 - 5x + 2 = 0$.

b) Cho phương trình $x^2 - 12x + 4 = 0$ có hai nghiệm dương phân biệt x_1, x_2 . Không giải phương trình, hãy tính giá trị của biểu thức $T = \frac{x_1^2 + x_2^2}{\sqrt{x_1} + \sqrt{x_2}}$.**Câu 3 (1,5 điểm)**

Vào tháng 5 năm 2021, chỉ sau 26 giờ phát hành sản phẩm âm nhạc MV “Trốn tìm” của rapper Đen Vâu đã chính thức dành Top 1 trending của YouTube Việt Nam. Giả sử trong tất cả những người đã xem MV, có 60% số người đã xem 2 lượt và những người còn lại mới chỉ xem 1 lượt. Hỏi đến thời điểm nói trên có bao nhiêu người đã xem MV, biết rằng tổng số lượt xem là 6,4 triệu lượt?

Câu 4 (3,0 điểm)

Cho tam giác nhọn ABC ($AB < AC$) nội tiếp đường tròn tâm O , các đường cao AD, BE và CF ($D \in BC, E \in AC$ và $F \in AB$) cắt nhau tại H .

a) Chứng minh $BCEF$ là tứ giác nội tiếp.b) Gọi N là giao điểm của CF và DE . Chứng minh rằng $DN \cdot EF = HF \cdot CN$.c) Gọi M là trung điểm của BC , tiếp tuyến tại B của đường tròn (O) cắt đường thẳng OM tại P . Chứng minh $\angle OAM = \angle DAP$.**Câu 5 (1,0 điểm)**

Giải hệ phương trình
$$\begin{cases} x - 3y + 2\sqrt{xy} = 4(\sqrt{x} - \sqrt{y}) \\ (x+1)(y + \sqrt{xy} - x^2 + x) = 4 \end{cases} \quad (x, y \in \mathbb{R}).$$

HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT
THỰC HIỆN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM

Câu 1**Phương pháp:**

- a) Vận dụng hằng đẳng thức $\sqrt{A^2} = |A|$ để rút gọn biểu thức
- b) Vận dụng tính chất của hai đường thẳng song song xác định hệ số a và điều kiện của hệ số b Đường thẳng đi qua $M(1;9)$, xác định được hệ số b đối chiếu điều kiện, kết luận.
- c) Áp dụng quy tắc trừ, nhân các phân thức đại số để rút gọn biểu thức.

Cách giải:

a) Ta có:

$$A = \sqrt{64} + \sqrt{16} - 2\sqrt{36}$$

$$= 8 + 4 - 2 \cdot 6 = 0$$

Vậy $A = 0$.b) Ta có: $M(1;9)$ thuộc đường thẳng có phương trình $y = ax + b$ nên ta có: $a + b = 9$ (1)Đường thẳng $y = ax + b$ song song với đường thẳng $y = 3x$ nên $\begin{cases} a = 3 \\ b \neq 0 \end{cases}$.Thay $a = 3$ vào (1) ta được: $b = 6$ (tm)Vậy $a = 3, b = 6$.c) Với $x > 0, x \neq 1$ ta có:

$$P = \left(\frac{1}{\sqrt{x}} - \frac{2}{1 + \sqrt{x}} \right) \cdot \frac{x + \sqrt{x}}{1 - \sqrt{x}}$$

$$= \frac{1 + \sqrt{x} - 2\sqrt{x}}{\sqrt{x}(1 + \sqrt{x})} \cdot \frac{\sqrt{x}(1 + \sqrt{x})}{1 - \sqrt{x}}$$

$$= \frac{1 - \sqrt{x}}{1 - \sqrt{x}} = 1$$

Vậy $P = 1$ với $x > 0, x \neq 1$.**Câu 2****Phương pháp:**

- a) Vận dụng công thức nghiệm của phương trình bậc hai một ẩn, xác định nghiệm của hệ phương trình.
- b) Áp dụng hệ thức Vi – ét, xác định $x_1 + x_2; x_1 x_2$ để tính giá trị của biểu thức T

Chú ý: $x_1^2 + x_2^2 = (x_1 + x_2)^2 - 2x_1 x_2; (\sqrt{x_1} + \sqrt{x_2})^2 = x_1 + x_2 + 2\sqrt{x_1 x_2} \Rightarrow \sqrt{x_1} + \sqrt{x_2}$ **Cách giải:**

a) Ta có: $\Delta = 5^2 - 4 \cdot 2 \cdot 2 = 9 > 0$ nên phương trình có 2 nghiệm phân biệt

$$\begin{cases} x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{5 + \sqrt{9}}{2 \cdot 2} = 2 \\ x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{5 - \sqrt{9}}{2 \cdot 2} = \frac{1}{2} \end{cases}$$

Vậy tập nghiệm của phương trình là $S = \left\{ 2; \frac{1}{2} \right\}$.

b) Vì phương trình $x^2 - 12x + 4 = 0$ có hai nghiệm dương phân biệt x_1, x_2 nên theo định lí Vi-ét ta có:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = 12 \\ x_1 x_2 = 4 \end{cases}$$

Ta có:

$$x_1^2 + x_2^2 = (x_1 + x_2)^2 - 2x_1 x_2 = 12^2 - 2 \cdot 4 = 136$$

$$(\sqrt{x_1} + \sqrt{x_2})^2 = x_1 + x_2 + 2\sqrt{x_1 x_2} = 12 + 2\sqrt{4} = 16 \Rightarrow \sqrt{x_1} + \sqrt{x_2} = 4.$$

$$\text{Vậy } T = \frac{x_1^2 + x_2^2}{\sqrt{x_1} + \sqrt{x_2}} = \frac{136}{4} = 34.$$

Câu 3

Phương pháp:

Gọi x là số người đã xem MV (triệu người)

Xác định số người đã xem 2 lượt và số người chỉ xem 1 lượt

Theo giả thiết, tổng số lượt xem là 6,4 triệu nên lập phương trình

Giải phương trình, xác định x , đối chiếu điều kiện, kết luận.

Cách giải:

Gọi x là số người đã xem MV (triệu người) ($x \in \mathbb{N}^*$)

Khi đó số người đã xem 2 lượt là $60\%x = 0,6x$ (người) và số người chỉ xem 1 lượt là $40\%x = 0,4x$ (người).

Vì tổng số lượt xem là 6,4 triệu nên ta có phương trình:

$$0,6x \cdot 2 + 0,4x \cdot 1 = 1,6x = 6,4$$

$$\Leftrightarrow 1,6x = 6,4 \Leftrightarrow x = 4$$

Vậy có 4 triệu người xem MV.

Câu 4

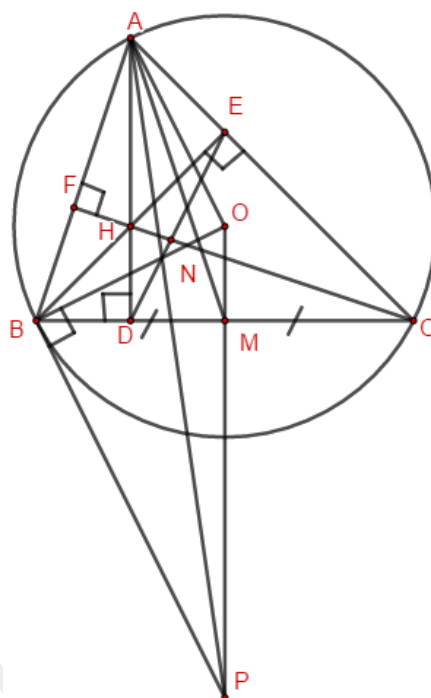
Phương pháp:

a) Vận dụng dấu hiệu nhận của tứ giác: tứ giác có 2 đỉnh kề cùng nhìn một cạnh dưới các góc bằng nhau.

b) Vận dụng tính chất của tam giác đồng dạng, tính chất đường phân giác.

c) Áp dụng kiến thức góc – đường tròn, tiếp tuyến của đường tròn và tam giác đồng dạng.

Cách giải:



a) Ta có $\angle BEC = \angle BFC = 90^\circ$ (do $BE \perp AC, CF \perp AB$)

⇒ $BCEF$ là tứ giác nội tiếp (Tứ giác có 2 đỉnh kề cùng nhìn một cạnh dưới các góc bằng nhau).

b) Ta có $\angle CDH = \angle CEH = 90^\circ$ (gt) ⇒ $\angle CDH + \angle CEH = 180^\circ$ nên $CDHE$ là tứ giác nội tiếp (tứ giác có tổng hai góc đối bằng 180°).

⇒ $\angle DCN = \angle NEH$ (Hai góc nội tiếp cùng chắn cung DH).

Xét tam giác $\triangle DCN$ và $\triangle HEN$ ta có:

$$\angle DCN = \angle NEH \text{ (cmt)}$$

$$\angle DNC = \angle HNE \text{ (đối đỉnh)}$$

⇒ $\triangle DCN$ đồng dạng với $\triangle HEN$ (g.g)

$$\Rightarrow \frac{DN}{NC} = \frac{HN}{EN} \text{ (hai cạnh tương ứng)} \quad (1)$$

Ta có $BCEF$ là tứ giác nội tiếp (cmt) nên $\angle DCN = \angle HEF$ (2 góc nội tiếp cùng chắn cung BF).

Mà $\angle DCN = \angle NEH$ (cmt) nên $\angle NEH = \angle HEF$ hay EH là tia phân giác của $\angle NEF$.

$$\Rightarrow \frac{HN}{EN} = \frac{HF}{EF} \text{ (tính chất đường phân giác)} \quad (2)$$

Từ (1) và (2) ta được $\frac{DN}{NC} = \frac{HF}{EF} \Leftrightarrow DN \cdot EF = HF \cdot CN$ (đpcm)

c) Ta có M là trung điểm của BC nên $OM \perp BC$ (quan hệ vuông góc giữa đường kính và dây cung).

Mà $BC \perp AD$ (gt) nên $OM \parallel AD \Rightarrow OP \parallel AD$

$$\Rightarrow \angle DAP = \angle APO \text{ (so le trong)} \quad (3)$$

Mặt khác ta có: PB là tiếp tuyến của (O) tại B nên $OB \perp BP \Rightarrow \angle OBP = 90^\circ$ (định nghĩa).

Áp dụng hệ thức lượng trong tam giác OPB vuông tại B có BM là đường cao ta có $OB^2 = OM \cdot OP$.

$$\text{Mà } OA^2 = OB^2 \Rightarrow OA^2 = OM \cdot OP \Rightarrow \frac{OM}{OA} = \frac{OA}{OP}.$$

Xét tam giác $\triangle OAM$ và $\triangle OPA$ ta có:

$\angle AOP$ chung;

$$\frac{OM}{OA} = \frac{OA}{OP} \text{ (cmt)};$$

⇒ $\triangle OAM$ đồng dạng với $\triangle OPA$ (c.g.c)

$$\Rightarrow \angle OAM = \angle OPA \text{ (2 góc tương ứng)} \quad (4)$$

Từ (3) và (4) suy ra $\angle OAM = \angle DAP$ (đpcm)

Câu 5

Phương pháp:

Xác định điều kiện của hệ phương trình

$$\text{Đặt } \begin{cases} x - 3y + 2\sqrt{xy} = 4(\sqrt{x} - \sqrt{y}) & (1) \\ (x+1)(y + \sqrt{xy} - x^2 + x) = 4 & (2) \end{cases}, \text{ biến đổi phương trình (1), tìm được mối liên hệ giữa } x \text{ và } y$$

Thế lần lượt vào phương trình (2), tìm nghiệm của hệ phương trình, đối chiếu điều kiện, kết luận.

Cách giải:

ĐKXD: $x, y \geq 0$.

$$\begin{cases} x - 3y + 2\sqrt{xy} = 4(\sqrt{x} - \sqrt{y}) & (1) \\ (x+1)(y + \sqrt{xy} - x^2 + x) = 4 & (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - 3y + 2\sqrt{xy} = 4(\sqrt{x} - \sqrt{y}) & (1) \\ (x+1)(y + \sqrt{xy} - x^2 + x) = 4 & (2) \end{cases}$$

$$\begin{aligned}
 (1) &\Leftrightarrow x - \sqrt{xy} + 3\sqrt{xy} - 3y = 4(\sqrt{x} - \sqrt{y}) \\
 &\Leftrightarrow \sqrt{x}(\sqrt{x} - \sqrt{y}) + 3\sqrt{y}(\sqrt{x} - \sqrt{y}) = 4(\sqrt{x} - \sqrt{y}) \\
 &\Leftrightarrow (\sqrt{x} - \sqrt{y})(\sqrt{x} + 3\sqrt{y}) = 4(\sqrt{x} - \sqrt{y}) \\
 &\Leftrightarrow (\sqrt{x} - \sqrt{y})(\sqrt{x} + 3\sqrt{y} - 4) = 0 \\
 &\Leftrightarrow \begin{cases} \sqrt{x} = \sqrt{y} \\ \sqrt{x} + 3\sqrt{y} = 4 \end{cases}
 \end{aligned}$$

TH1: $\sqrt{x} = \sqrt{y} \Leftrightarrow x = y$. Thay vào (2) ta có:

$$\begin{aligned}
 (x+1)(x+x-x^2+x) &= 4 \\
 \Leftrightarrow (x+1)(3x-x^2) &= 4 \\
 \Leftrightarrow x^3 - 2x^2 - 3x + 4 &= 0 \\
 \Leftrightarrow x^3 - 1 - (2x^2 + 3x - 5) &= 0 \\
 \Leftrightarrow (x-1)(x^2 + x + 1) - (x-1)(2x + 5) &= 0 \\
 \Leftrightarrow (x-1)(x^2 + x + 1 - 2x - 5) &= 0 \\
 \Leftrightarrow (x-1)(x^2 - x - 4) &= 0 \\
 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 = y \\ x = \frac{1 + \sqrt{17}}{2} = y \text{ (do } x, y \geq 0) \end{cases}
 \end{aligned}$$

$$\text{TH2: } \begin{cases} \sqrt{x} + 3\sqrt{y} = 4 \\ (x+1)(y + \sqrt{xy} - x^2 + x) = 4 \end{cases}$$

$$\text{Đặt } \sqrt{x} = a, \sqrt{y} = b \text{ (} a, b \geq 0 \text{)} \Rightarrow \begin{cases} a + 3b = 4 \Leftrightarrow b = \frac{4-a}{3} \\ (a^2 + 1)(b^2 + ab - a^4 + a^2) = 4 \text{ (*)} \end{cases}$$

Thế $b = \frac{4-a}{3}$ vào (*) ta được:

$$\begin{aligned}
 (a^2 + 1) \left(\left(\frac{4-a}{3} \right)^2 + a \cdot \frac{4-a}{3} - a^4 + a^2 \right) &= 4 \\
 \Leftrightarrow (a^2 + 1) \cdot \frac{16 - 8a + a^2 + 12a - 3a^2 - 9a^4 + 9a^2}{9} &= 4 \\
 \Leftrightarrow (a^2 + 1)(-9a^4 + 7a^2 + 4a + 16) &= 32 \\
 \Leftrightarrow 9a^6 + 2a^4 - 4a^3 - 23a^2 - 4a + 20 &= 0 \\
 \Leftrightarrow (a-1)^2(9a^4 + 18a^3 + 29a^2 + 36a + 20) &= 0 \\
 \Leftrightarrow a = 1 \text{ (do } a \geq 0) \Rightarrow b = \frac{4-1}{3} &= 1 \\
 \Rightarrow \begin{cases} \sqrt{x} = 1 \Leftrightarrow x = 1 \\ \sqrt{y} = 1 \Leftrightarrow y = 1 \end{cases}
 \end{aligned}$$

Vậy nghiệm của hệ phương trình là $(x; y) \in \left\{ (1; 1); \left(\frac{1 + \sqrt{17}}{2}; \frac{1 + \sqrt{17}}{2} \right) \right\}$.