

**SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO  
BÌNH ĐỊNH  
ĐỀ CHÍNH THỨC**

**KỶ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT  
NĂM HỌC 2018 – 2019  
Môn thi: TOÁN  
Thời gian làm bài: 120 phút  
Ngày thi: 13/6/2018**

**Bài 1 (2 điểm):**

Cho biểu thức:  $A = \left( \frac{1}{x + \sqrt{x}} - \frac{1}{\sqrt{x} + 1} \right) : \frac{\sqrt{x}}{x + 2\sqrt{x} + 1}$ , với  $x > 0$ .

a) Rút gọn biểu thức:  $A$ .

b) Tìm các giá trị của  $x$  để  $A > \frac{1}{2}$ .

**Bài 2 (2,0 điểm):**

1) Không dùng máy tính, trình bày cách giải hệ phương trình: 
$$\begin{cases} 2x - y = 4 \\ x + 3y = -5 \end{cases}$$

2) Trong mặt phẳng tọa độ  $Oxy$  đường thẳng  $d$  có hệ số góc  $k$  đi qua điểm  $M(1; -3)$  cắt các trục  $Ox$ ,  $Oy$  lần lượt tại  $A$  và  $B$ .

a) Xác định tọa độ các điểm  $A$ ,  $B$  theo  $k$ .

b) Tính diện tích tam giác  $OAB$  khi  $k = 2$ .

**Bài 3 (2,0 điểm).** Tìm một số có hai chữ số biết rằng: Hiệu của số ban đầu với số đảo ngược của nó bằng 18 (số đảo ngược của một số là số thu được bằng cách viết các chữ số của số đó theo thứ tự ngược lại) và tổng của số ban đầu với bình phương số đảo ngược của nó bằng 618.

**Bài 4 (3,0 điểm)**

Cho tam giác đều  $ABC$  có đường cao  $AH$ . Trên cạnh  $BC$  lấy điểm  $M$  tùy ý ( $M$  không trùng với  $B$ ,  $C$ ,  $H$ ). Gọi  $P$ ,  $Q$  lần lượt là hình chiếu vuông góc của  $M$  lên  $AB$  và  $AC$ .

- Chứng minh tứ giác  $APMQ$  nội tiếp được trong đường tròn và xác định tâm  $O$  của đường tròn này.
- Chứng minh  $OH \perp PQ$ .
- Chứng minh  $MP + MQ = AH$ .

**Bài 5 (1,0 điểm):**

Cho tam giác đều  $ABC$  có cạnh bằng  $a$ . Hai điểm  $M$ ,  $N$  lần lượt di động trên hai đoạn thẳng  $AB$ ,  $AC$  sao cho  $\frac{AM}{MB} + \frac{AN}{NC} = 1$ . Đặt  $AM = x$  và  $AN = y$ . Chứng minh:  $MN = a - x - y$ .

## HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

## THỰC HIỆN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM

**Bài 1:****Phương pháp:**

+) Quy đồng mẫu các phân thức, biến đổi và rút gọn biểu thức.

+) Dựa vào kết quả rút gọn biểu thức ở câu a), giải bất phương trình  $A > \frac{1}{2}$ . Đối chiếu với điều kiện và kết luận nghiệm  $x$ .

**Cách giải:**

**Cho biểu thức:**  $A = \left( \frac{1}{x + \sqrt{x}} - \frac{1}{\sqrt{x} + 1} \right) : \frac{\sqrt{x}}{x + 2\sqrt{x} + 1}$ , với  $x > 0$ .

**a) Rút gọn biểu thức: A.**

Điều kiện:  $x > 0$ .

$$\begin{aligned} A &= \left( \frac{1}{x + \sqrt{x}} - \frac{1}{\sqrt{x} + 1} \right) : \frac{\sqrt{x}}{x + 2\sqrt{x} + 1} \\ &= \left( \frac{1}{\sqrt{x}(\sqrt{x} + 1)} - \frac{1}{\sqrt{x} + 1} \right) : \frac{\sqrt{x}}{(\sqrt{x} + 1)^2} \\ &= \frac{1 - \sqrt{x}}{\sqrt{x}(\sqrt{x} + 1)} \cdot \frac{(\sqrt{x} + 1)^2}{\sqrt{x}} \\ &= \frac{(1 - \sqrt{x})(\sqrt{x} + 1)}{x} \\ &= \frac{1 - x}{x}. \end{aligned}$$

**b) Tìm các giá trị của  $x$  để  $A > \frac{1}{2}$ .**

Điều kiện:  $x > 0$ .

Ta có:  $A > \frac{1}{2}$

$$\Leftrightarrow \frac{1-x}{x} > \frac{1}{2}$$

$$\Leftrightarrow \frac{1-x}{x} - \frac{1}{2} > 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{2-2x-x}{2x} > 0$$

$$\Leftrightarrow 2-3x > 0 \quad (\text{do } 2x > 0 \quad \forall x > 0)$$

$$\Leftrightarrow x < \frac{2}{3}$$

Vậy với  $0 < x < \frac{2}{3}$  thì  $A > \frac{1}{2}$ .

## Bài 2:

### Phương pháp:

1) Giải phương trình bằng phương pháp thế hoặc phương pháp cộng đại số.

2) a) Phương trình đường thẳng  $d$  có hệ số góc  $k$  đi qua điểm  $M(1; -3)$  là:  $y = k(x-1) - 3 \Leftrightarrow y = kx - k - 3$ .

+) Điểm  $A \in Ox \Rightarrow A(x_A; 0)$ ,  $B \in Oy \Rightarrow B(0; y_B)$ . Thay tọa độ các điểm  $A$  và  $B$  vào công thức hàm số của đường thẳng  $d$  để tìm tọa độ các điểm  $A$ ,  $B$  theo  $k$ .

b) Với  $k=2$  ta có phương trình đường thẳng  $d$ :  $y = 2x - 5$ .

+) Từ đó ta có thể suy ra được tọa độ các điểm  $A$  và  $B$ .

+) Ta có  $OAB$  là tam giác vuông tại  $O$  và có diện tích được tính theo công thức:  $S_{OAB} = \frac{1}{2}OA \cdot OB = \frac{1}{2} \cdot |x_A| \cdot |y_B|$ .

### Cách giải:

1) Không dùng máy tính, trình bày cách giải hệ phương trình: 
$$\begin{cases} 2x - y = 4 & (1) \\ x + 3y = -5 & (2) \end{cases}$$

Nhân cả 2 vế của phương trình (1) với 3 sau đó cộng vế với vế của hai phương trình với nhau để tìm  $x$ . Sau đó thế giá trị vừa tìm được của  $x$  vào phương trình (1) để tìm  $y$ .

$$\begin{cases} 2x - y = 4 \\ x + 3y = -5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 6x - 3y = 12 \\ x + 3y = -5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 7x = 7 \\ y = 2x - 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = 2 \cdot 1 - 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = -2 \end{cases}$$

Vậy hệ phương trình có nghiệm duy nhất:  $(x; y) = (1; -2)$ .

2) Trong mặt phẳng tọa độ  $Oxy$  đường thẳng  $d$  có hệ số góc  $k$  đi qua điểm  $M(1; -3)$  cắt các trục  $Ox$ ,  $Oy$  lần lượt tại  $A$  và  $B$ .

a) Xác định tọa độ các điểm  $A$ ,  $B$  theo  $k$ .

Gọi phương trình đường thẳng  $d$  có hệ số góc  $k$  là:  $y = kx + b$

Đường thẳng  $d$  đi qua điểm  $M(1; -3)$  nên ta có:  $-3 = k \cdot 1 + b \Leftrightarrow b = -k - 3$

Khi đó phương trình đường thẳng  $d$  có dạng:  $y = kx - k - 3$

Nếu  $k = 0 \Rightarrow d: y = -3$  nên điểm  $M$  không thuộc vào đường thẳng  $d$  trái với giả thiết. Khi đó ta suy ra  $k \neq 0$ .

+) Đường thẳng  $d$  giao với trục  $Ox$  (Phương trình  $y = 0$ ) tại điểm  $A$ :

Khi đó ta có tọa độ điểm  $A$  là nghiệm của hệ phương trình: 
$$\begin{cases} y = 0 \\ y = kx - k - 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = 0 \\ x = \frac{k+3}{k} \end{cases} \Rightarrow A\left(\frac{k+3}{k}; 0\right)$$

+) Đường thẳng  $d$  giao với trục  $Oy$  (phương trình  $x = 0$ ) tại điểm  $B$ :

Khi đó tọa độ điểm  $B$  chính là nghiệm của hệ phương trình:

$$\begin{cases} x = 0 \\ y = kx - k - 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ y = -k - 3 \end{cases} \Rightarrow B(0; -k-3)$$

**b) Tính diện tích tam giác  $OAB$  khi  $k = 2$**

Khi  $k = 2$  ta có tọa độ của các điểm  $A, B$  là:  $A\left(\frac{5}{2}; 0\right); B(0; -5)$

$$OA = \left|\frac{5}{2}\right| = \frac{5}{2}; OB = |-5| = 5$$

Ta có tam giác  $OAB$  vuông tại  $A$  khi đó  $S_{OAB} = \frac{1}{2}OA \cdot OB = \frac{1}{2} \cdot \frac{5}{2} \cdot 5 = \frac{25}{4}$  (dvdv)

Vậy khi  $k = 2$  thì ta có:  $S_{OAB} = \frac{25}{4}$  (dvdv)

### Bài 3.

**Phương pháp:** giải bài toán bằng cách lập phương trình hoặc hệ phương trình

Bước 1: Đặt ẩn và tìm điều kiện cho ẩn.

Bước 2: Biểu thị các đại lượng chưa biết qua ẩn.

Bước 3: Lập phương trình hoặc hệ phương trình sau đó tìm nghiệm đối chiếu với điều kiện ban đầu và kết luận.

**Cách giải:**

Gọi số có hai chữ số cần tìm là:  $\overline{ab}$  ( $a \in \mathbb{N}^*, b \in \mathbb{N}, 0 < a \leq 9, 0 \leq b \leq 9$ ).

Số đảo ngược của số ban đầu là:  $\overline{ba}$  ( $b \neq 0$ )

Theo đề bài, hiệu của số ban đầu với số đảo ngược của nó bằng 18 nên ta có:

$$\overline{ab} - \overline{ba} = 18$$

$$\Leftrightarrow 10a + b - (10b + a) = 18$$

$$\Leftrightarrow 10a + b - 10b - a = 18$$

$$\Leftrightarrow a - b = 2 \quad (1)$$

Tổng của số ban đầu với bình phương số đảo ngược của nó bằng 618 nên ta có:

$$\overline{ab} + (\overline{ba})^2 = 618$$

$$\Leftrightarrow 10a + b + (10b + a)^2 = 618$$

$$\Leftrightarrow 10a + b + 100b^2 + 20ab + a^2 = 618 \quad (2)$$

Từ (1) và (2) ta có hệ phương trình:

$$\begin{cases} a - b = 2 \\ 10a + b + 100b^2 + 20ab + a^2 = 618 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = b + 2 \\ 10(b + 2) + b + 100b^2 + 20(b + 2)b + (b + 2)^2 = 618 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a = b + 2 \\ 10b + 20 + b + 100b^2 + 20b^2 + 40b + b^2 + 4b + 4 = 618 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = b + 2 \\ 121b^2 + 55b - 594 = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a = b + 2 \\ b = 2(tm) \\ b = -\frac{27}{11}(ktm) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b = 2 \\ a = 4(tm) \end{cases}$$

Vậy số cần tìm là: 42.

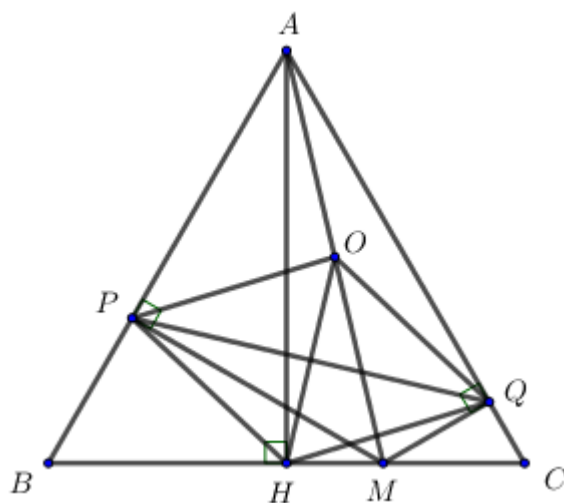
#### Bài 4.

##### Phương pháp:

- Chứng minh tứ giác APMQ có tổng hai góc đối bằng  $180^\circ$ .
- Chứng minh OH là trung trực của PQ.
- Dựa vào diện tích tam giác:  $S_{\Delta MAB} + S_{\Delta MAC} = S_{\Delta ABC}$

##### Cách giải:

Cho tam giác đều ABC có đường cao AH. Trên cạnh BC lấy điểm M tùy ý (M không trùng với B, C, H). Gọi P, Q lần lượt là hình chiếu vuông góc của M lên AB và AC.



- Chứng minh tứ giác APMQ nội tiếp được trong đường tròn và xác định tâm O của đường tròn này.

Xét tứ giác APMQ có:  $\angle APM = \angle AQM = 90^\circ$  (gt)  $\Rightarrow \angle APM + \angle AQM = 180^\circ \Rightarrow$  Tứ giác APMQ là tứ giác nội tiếp đường tròn đường kính AM.

Gọi  $O$  là trung điểm của  $AM \Rightarrow$  tứ giác  $APMQ$  nội tiếp được trong đường tròn tâm  $O$  đường kính  $AM$ .

**b) Chứng minh  $OH \perp PQ$ .**

Ta có  $\angle AHM = 90^\circ$  (gt)  $\Rightarrow \angle AHM$  nội tiếp chắn nửa đường tròn đường kính  $AM \Rightarrow H$  thuộc đường tròn  $(O)$ .

Ta có  $\angle HPQ = \angle HAC$  (hai góc nội tiếp cùng chắn cung  $HQ$ )

$\angle HQP = \angle HAB$  (hai góc nội tiếp cùng chắn cung  $HP$ ).

Mà  $\angle HAC = \angle HAB$  (tam giác  $ABC$  đều nên đường cao  $AH$  đồng thời là đường phân giác)

$\Rightarrow \angle HPQ = \angle HQP \Rightarrow \triangle HPQ$  cân tại  $H \Rightarrow HP = HQ$  (1).

Mà  $OP = OQ$  (do  $P, Q$  đều thuộc  $(O)$ ) (2).

Từ (1) và (2)  $\Rightarrow OH$  là trung trực của  $PQ$ .

$\Rightarrow OH \perp PQ$ .

**c) Chứng minh  $MP + MQ = AH$ .**

Ta có

$$S_{\triangle MAB} = \frac{1}{2} MP \cdot AB = \frac{1}{2} MP \cdot BC \quad (\text{Do } AB = BC)$$

$$S_{\triangle MAC} = \frac{1}{2} MQ \cdot AC = \frac{1}{2} MQ \cdot BC \quad (\text{Do } AC = BC)$$

$$S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} AH \cdot BC$$

Mà  $S_{\triangle MAB} + S_{\triangle MAC} = S_{\triangle ABC}$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} MP \cdot BC + \frac{1}{2} MQ \cdot BC = \frac{1}{2} AH \cdot BC$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} BC (MP + MQ) = \frac{1}{2} AH \cdot BC$$

$$\Rightarrow MP + MQ = AH \quad (\text{dpcm})$$

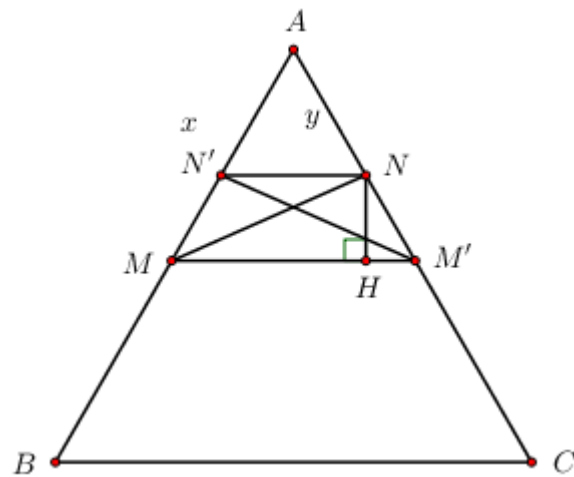
## Bài 5:

### Cách giải:

Cho tam giác đều  $ABC$  có cạnh bằng  $a$ . Hai điểm  $M, N$  lần lượt di động trên hai đoạn thẳng  $AB, AC$

sao cho  $\frac{AM}{MB} + \frac{AN}{NC} = 1$ . Đặt  $AM = x; AN = y$ .

**Chứng minh  $MN = a - x - y$**



Ta có:

$$\frac{AM}{MB} + \frac{AN}{NC} = 1 \Rightarrow \frac{AM}{AB - AM} + \frac{AN}{AC - AN} = 1 \Leftrightarrow \frac{x}{a-x} + \frac{y}{a-y} = 1$$

$$\Leftrightarrow ax - xy + ay - xy = a^2 - ax - ay + xy$$

$$\Leftrightarrow a^2 - 2ax - 2ay + 3xy = 0$$

$$\Leftrightarrow a^2 + x^2 + y^2 - 2ax - 2ay + 2xy = x^2 + y^2 - xy$$

$$\Leftrightarrow (a-x-y)^2 = x^2 + y^2 - xy$$

Giả sử  $x > y$ , kẻ  $MM' \parallel BC$ ,  $NN' \parallel BC$   $M' \in AC$ ;  $N' \in AB$ .

Áp dụng định lí Ta-let ta có  $\frac{AM}{AB} = \frac{AM'}{AC}$ ;  $AB = AC \Rightarrow AM = AM'$

$\angle BAC = 60^\circ \Rightarrow \angle MAM' = 60^\circ \Rightarrow \Delta AMM'$  đều  $\Rightarrow MM' = AM = x$ .

Chứng minh tương tự ta có:  $NN' = y$

$MM' \parallel NN'$ ;  $\angle AMM' = \angle AM'N = 60^\circ \Rightarrow$  tứ giác  $MM'NN'$  là hình thang cân.

Ta có  $MN' = M'N = x - y$ .

Kẻ  $NH \perp MM'$  ta có:  $M'H = \frac{x-y}{2}$ ;  $MH = \frac{x+y}{2}$ .

Áp dụng định lí Pitago trong tam giác vuông  $NHM'$  có:

$$NH = \sqrt{NM'^2 - M'H^2} = \sqrt{(x-y)^2 - \frac{(x-y)^2}{4}} = \frac{(x-y)\sqrt{3}}{2}$$

Áp dụng định lí Pitago trong tam giác vuông  $NHM$  có:

$$\begin{aligned} MN &= \sqrt{NH^2 + MH^2} \\ &= \sqrt{\frac{3(x-y)^2}{4} + \frac{(x+y)^2}{4}} = \sqrt{\frac{4x^2 + 4y^2 - 4xy}{4}} = \sqrt{x^2 + y^2 - xy} = \sqrt{(a-x-y)^2} = |a-x-y| \end{aligned}$$

Ta có

$$\frac{AM}{MB} + \frac{AN}{NC} = 1$$

$$\Rightarrow \frac{AM}{MB} < 1 \Rightarrow AM < MB$$

$$\Rightarrow AM + AM < AM + MB = AB = a$$

$$\Rightarrow AM < \frac{1}{2}a$$

Chứng minh tương tự ta có  $AN < \frac{1}{2}a$

$$\Rightarrow a - x - y > a - \frac{1}{2}a - \frac{1}{2}a = 0 \Rightarrow |a - x - y| = a - x - y$$

Vậy  $MN = a - x - y$ .