

ĐỀ THI GIỮA HỌC KÌ I – ĐỀ SỐ 3

Môn: Toán học - Lớp 12

Chương trình GDPT 2018

BIÊN SOẠN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM

Mục tiêu

- Ôn tập lý thuyết giữa học kì I của chương trình sách giáo khoa Toán 12.
- Vận dụng linh hoạt lý thuyết đã học trong việc giải quyết các câu hỏi trắc nghiệm Toán học.
- Tổng hợp kiến thức dạng hệ thống, dần trải tất cả các chương giữa học kì I – chương trình Toán 12.

HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

THỰC HIỆN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM

Phần I: Câu trắc nghiệm nhiều phương án lựa chọn. Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 12. Mỗi câu hỏi thí sinh chỉ chọn một phương án.

1. A	2. A	3. B	4. D	5. A	6. A
7. D	8. A	9. A	10. A	11. C	12. B

Câu 1. Cho hàm số $y = f(x)$ xác định trên $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$, liên tục trên mỗi khoảng xác định và có bảng biến thiên như hình. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$
y'	$-$		$-$ 0 $+$	
y	$+\infty$	$-\infty$	$+\infty$	$+\infty$

- A. Hàm số nghịch biến trên $(-\infty; -1)$
- B. Hàm số nghịch biến trên $(-\infty; +\infty)$
- C. Hàm số đồng biến trên khoảng $(-1; +\infty)$
- D. Hàm số đồng biến trên khoảng $(-\infty; 1)$

Phương pháp giải:

Quan sát bảng biến thiên và nhận xét.

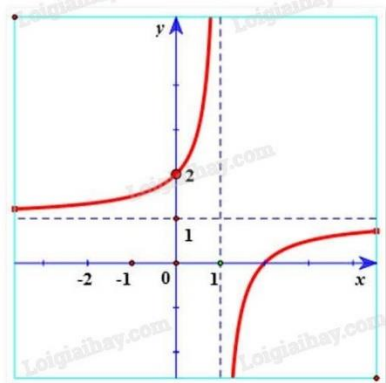
Lời giải chi tiết:

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy trên khoảng $(-\infty; -1)$ đạo hàm $y' < 0$ nên hàm số nghịch biến.

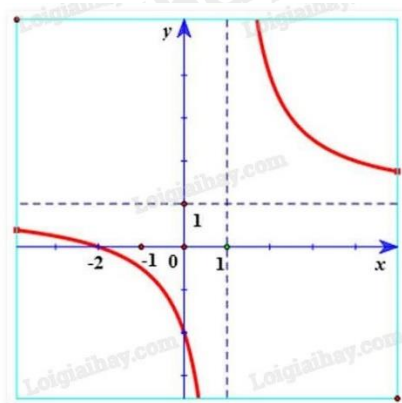
Đáp án A.

Câu 2. Hàm số $y = \frac{x-2}{x-1}$ có đồ thị là hình vẽ nào sau đây? Hãy chọn câu trả lời đúng.

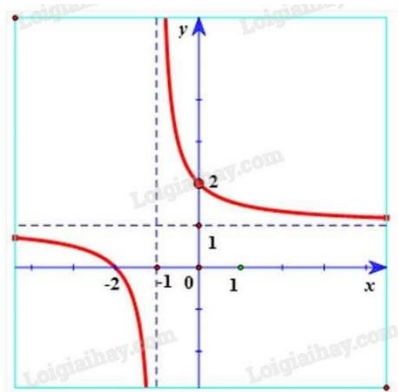
A.



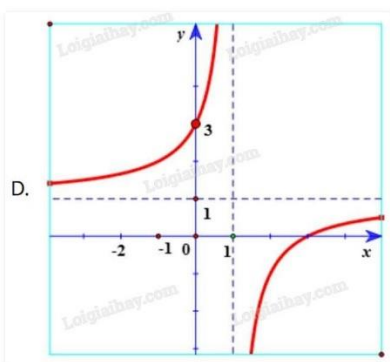
B.



C.



D.



Phương pháp giải:

Quan sát đồ thị và nhận xét.

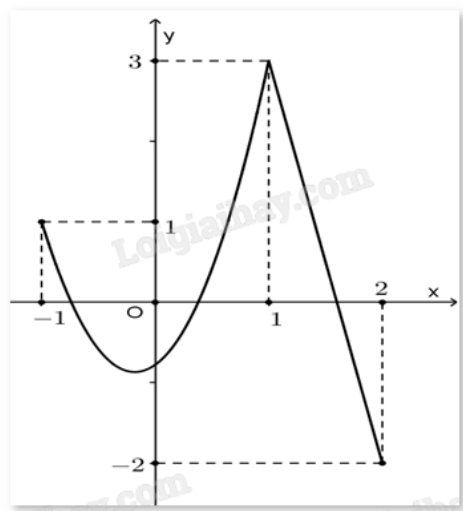
Lời giải chi tiết:

Hàm số $y = \frac{x-2}{x-1}$ có tiệm cận đứng $x = 1$. Tiệm cận ngang $y = 1$ nên loại trường hợp D.

Đồ thị hàm số $y = \frac{x-2}{x-1}$ đi qua điểm $(0; 2)$ nên chọn đáp án A.

Đáp án A.

Câu 3. Cho hàm số $y = f(x)$ liên tục trên đoạn $[-1;2]$ và có đồ thị như hình vẽ bên. Gọi M, m lần lượt là giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số đã cho trên đoạn $[-1;2]$. Tính $M + 2m$.



A. $y = 2$

B. $y = -1$

C. $y = 0$

D. $y = 1$

Phương pháp giải:

Quan sát đồ thị và nhận xét.

Lời giải chi tiết:

$$M = \max_{[-1;2]} f(x) = f(1) = 3.$$

$$m = \min_{[-1;2]} f(x) = f(2) = -2.$$

$$\text{Vậy } M + 2m = 3 + 2 \cdot (-2) = -1.$$

Đáp án B.

Câu 4. Cho hàm số $y = f(x)$ có bảng biến thiên như sau:

x	$-\infty$	1	$+\infty$
$f(x)$	2	$+\infty$	5

Tổng số tiệm cận ngang và số tiệm cận đứng của đồ thị hàm số đã cho là:

- A. 4
- B. 1
- C. 3
- D. 2

Phương pháp giải:

Quan sát bảng biến thiên và nhận xét các giới hạn.

Lời giải chi tiết:

Ta có:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2 \text{ nên ta có tiệm cận ngang } y = 2.$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 5 \text{ nên ta có tiệm cận ngang } y = 5.$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = +\infty \text{ nên ta có tiệm cận đứng } x = 1.$$

Vậy tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang là 3.

Đáp án D.

Câu 5. Đường tiệm cận xiên của đồ thị hàm số $y = \frac{x^2 + 4x - 7}{x - 2}$ là:

- A. $y = x + 6$
- B. $y = x - 6$
- C. $y = 6x$
- D. $y = 6$

Phương pháp giải:

Thực hiện phép chia đa thức (ở tử) cho đa thức (ở mẫu) ta được $y = ax + b + \frac{M}{cx + d}$ ($a \neq 0$) với M là hằng số.

Đường thẳng $y = ax + b$ ($a \neq 0$) gọi là đường tiệm cận xiên của đồ thị hàm số $y =$

$$f(x) \text{ nếu } \lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - (ax + b)] = 0 \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (ax + b)] = 0.$$

Kết luận đường thẳng $y = ax + b$ là đường tiệm cận xiên của đồ thị hàm số.

Lời giải chi tiết:

$$\text{Ta có: } y = \frac{x^2 + 4x - 7}{x - 2} = x + 6 + \frac{5}{x - 2} = f(x).$$

$$\text{Từ đó: } \lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - (x + 6)] = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{5}{x - 2} = 0.$$

Vậy đường thẳng $y = x + 6$ là đường tiệm cận xiên của đồ thị hàm số đã cho.

Đáp án A.

Câu 6. Tọa độ tâm đối xứng của đồ thị hàm số $y = \frac{x + 4}{x - 3}$ là:

A. (3;1)

B. (1;3)

C. (3;-4)

D. (3;4)

Phương pháp giải:

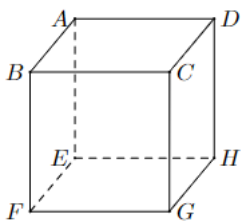
Tìm tiệm cận ngang và tiệm cận đứng của đồ thị và tìm giao điểm của chúng.

Lời giải chi tiết:

Tiệm cận ngang của đồ thị là $y = 1$, tiệm cận đứng của đồ thị là $x = 3$ nên tâm đối xứng có tọa độ (3;1).

Đáp án A.

Câu 7. Cho hình hoặk ABCD.EFGH. Kết quả phép toán $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{EH}$ là



A. \overrightarrow{BD}

B. \overrightarrow{AE}

C. \overrightarrow{BH}

D. \overrightarrow{DB}

Phương pháp giải:

Dựa vào định nghĩa các vecto bằng nhau, quy tắc cộng, trừ vecto.

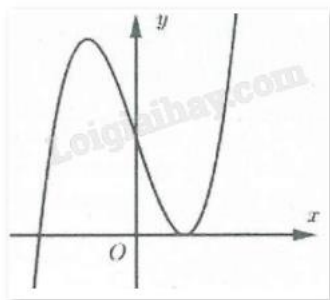
Lời giải chi tiết:

Ta có: $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{EF}$, $\overrightarrow{DB} = \overrightarrow{HF}$ vì chúng cùng độ dài và cùng hướng.

$$\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{EH} = \overrightarrow{EF} + \overrightarrow{HE} = \overrightarrow{HF} = \overrightarrow{DB}.$$

Đáp án D.

Câu 8. Đường cong hình bên là đồ thị của hàm số nào trong bốn hàm số dưới đây?



A. $y = x^3 - 3x^2 + 2$

B. $y = x^2 - x + 1$

$$C. y = \frac{x+3}{x-2}$$

$$D. y = -x^3 + 3x^2 + 2$$

Phương pháp giải:

Quan sát đồ thị và nhận xét.

Lời giải chi tiết:

Dựa vào đồ thị ta thấy có hai điểm cực trị nên đây là hàm số bậc ba.

Mặt khác, $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = +\infty$ nên hệ số $a > 0$.

Đáp án A.

Câu 9. Giá trị lớn nhất của hàm số $y = \sqrt{25 - x^2}$ trên đoạn $[-4;4]$ là:

A. 5

B. 4

C. 3

D. 0

Phương pháp giải:

Tìm đạo hàm của hàm số sau đó tính các giá trị $f(x)$.

Lời giải chi tiết:

$$f'(x) = \frac{-x}{\sqrt{25-x^2}} = 0 \Leftrightarrow x = 0.$$

Ta có: $f(-4) = 4$; $f(0) = 5$; $f(4) = 3$.

Vậy giá trị lớn nhất của hàm số $y = \sqrt{25 - x^2}$ trên đoạn $[-4;4]$ bằng 5.

Đáp án A.

Câu 10. Cho hàm số $y = f(x)$ có đạo hàm $f'(x) = x(x-2)(x^2-4)(x+1)$. Hàm số $y = f(x)$ có bao nhiêu điểm cực trị?

A. 3

B. 2

C. 4

D. 5

Phương pháp giải:

Cực trị của hàm số $f(x)$ là nghiệm bội lẻ của phương trình $f'(x) = 0$.

Lời giải chi tiết:

Ta có: $f'(x) = 0$ có 3 nghiệm bội lẻ là $x = 0$, $x = 2$ và $x = -1$, tương ứng với 3 điểm cực trị.

Đáp án A.

Câu 11: Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho vecto $\vec{u} = 2\vec{j} + 3\vec{i} - \vec{k}$. Tọa độ của vecto \vec{u} là

A. (2;1;-3)

B. (2;3;-1)

C. (3;2;-1)

D. (2;1;3)

Phương pháp giải:

Trong không gian có hệ trục tọa độ Oxyz, $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$ lần lượt là các vectơ đơn vị trên các trục Ox, Oy, Oz.

Lời giải chi tiết:

Tọa độ của vectơ \vec{u} là (3;2;-1).

Đáp án C.

Câu 12. Cho hai vectơ $\vec{u} = (2; -1; 3)$, $\vec{v} = (-3; 4; 1)$. Tích $\vec{u} \cdot \vec{v}$ bằng:

A. 11

B. -7

C. 5

D. -2

Phương pháp giải:

Sử dụng công thức tính tọa độ tích vô hướng của hai vectơ.

Lời giải chi tiết:

Ta có: $\vec{u} \cdot \vec{v} = 2 \cdot (-3) + (-1) \cdot 4 + 3 \cdot 1 = -7$.

Đáp án B.

Phần II: Câu trắc nghiệm đúng sai. Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 4. Trong mỗi ý a), b), c), d) ở mỗi câu, thí sinh chọn đúng hoặc sai.

Câu 1. Cho hàm số $f(x)$ xác định trên \mathbb{R} có bảng biến thiên như sau:

x	$-\infty$	0	2	3	$+\infty$
y'	+	0	-	0	-
y	$-\infty$	3	-1	3	$-\infty$

a) Hàm số $f(x)$ đồng biến trên mỗi khoảng (0;2) và (2;3)

b) Số điểm cực trị của hàm số đã cho là 3

c) Hàm số $f(x)$ có giá trị lớn nhất bằng 3

d) Hàm số đạt cực tiểu tại $x = -1$

Phương pháp giải:

Quan sát bảng biến thiên và nhận xét.

Lời giải chi tiết:

a) Sai. Hàm số $f(x)$ nghịch biến trên (0;2).

b) **Đúng.** Số điểm cực trị của hàm số đã cho là 3 ($x = 0, x = 2, x = 3$).

c) **Đúng.** Hàm số $f(x)$ có giá trị lớn nhất là 3.

d) **Sai.** Hàm số đạt cực tiểu tại $x = 2$.

Câu 2. Cho hàm số $f(x) = -x^4 + 12x^2 + 1$.

a) Hàm số $f(x)$ đồng biến trên khoảng $(1;37)$

b) Số điểm cực trị của hàm số đã cho là 3

c) Hàm số $f(x)$ có giá trị nhỏ nhất trên đoạn $[-1;2]$ bằng 12

d) Hàm số $f(x)$ có giá trị lớn nhất trên đoạn $[-1;2]$ bằng 33

Phương pháp giải:

Lập bảng biến thiên và nhận xét.

Lời giải chi tiết:

$$f'(x) = -4x^3 + 24x^2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \sqrt{6} \\ x = -\sqrt{6} \end{cases}$$

x	$-\infty$	$-\sqrt{6}$	0	$\sqrt{6}$	$+\infty$				
y'		$+$	0	$-$	0	$+$	0	$-$	
y	$-\infty$		37		1		37		$-\infty$

Ta có: $f(-1) = 12; f(2) = 33; f(0) = 1$.

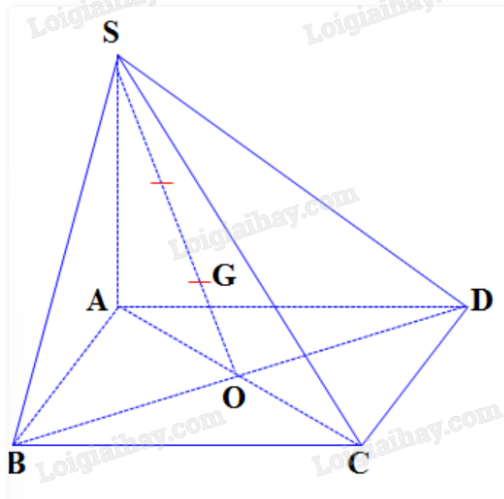
a) **Sai.** Hàm số $f(x)$ nghịch biến trên $(\sqrt{6}; +\infty)$.

b) **Đúng.** Hàm số có ba điểm cực trị ($x = -\sqrt{6}, x = 0, x = \sqrt{6}$).

c) **Sai.** Hàm số $f(x)$ có giá trị nhỏ nhất trên $[-1;2]$ bằng 1.

d) **Đúng.** Hàm số $f(x)$ có giá trị lớn nhất trên $[-1;2]$ bằng 33.

Câu 3. Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình bình hành tâm O và G là trọng tâm tam giác SBD.



a) $\vec{SG} = \frac{2}{3}\vec{SO}$

b) $\vec{AS} + \vec{AB} + \vec{AD} = \vec{AG}$

c) $\vec{SA} + \vec{SC} = 3\vec{SG}$

d) $\vec{SA} + \vec{SB} + \vec{SC} + \vec{SD} = 12\vec{GO}$

Phương pháp giải:

Sử dụng quy tắc cộng vecto, lý thuyết các vecto bằng nhau, vecto đối nhau, quy tắc trọng tâm.

Lời giải chi tiết:

a) **Đúng.** Vì hai vecto \vec{SG} , \vec{SO} cùng hướng và $|\vec{SG}| = \frac{2}{3}|\vec{SO}|$.

b) **Sai.** Vì $\vec{AS} + \vec{AB} + \vec{AD} = 3\vec{AG}$ (quy tắc trọng tâm)

c) **Đúng.** Vì $\vec{SA} + \vec{SC} = 2\vec{SO} = 2 \cdot \frac{2}{3}\vec{SG} = 3\vec{SG}$.

d) **Đúng.** Vì $\vec{SA} + \vec{SB} + \vec{SC} + \vec{SD} = \vec{SA} + \vec{SC} + \vec{SB} + \vec{SD} = 2\vec{SO} + 2\vec{SO} = 4\vec{SO} = 4 \cdot 3\vec{GO} = 12\vec{GO}$.

Câu 4. Trong không gian Oxyz, cho vecto $\vec{a} = (1; 2; 3)$, $\vec{b} = (3; 6; 9)$.

a) $\vec{b} - \vec{a} = (2; 4; 6)$

b) \vec{a} và \vec{b} cùng phương

c) $|\vec{a}| = \sqrt{6}$

d) $-\vec{b} = 3\vec{i} + 6\vec{j} + 9\vec{k}$

Phương pháp giải:

Sử dụng các quy tắc cộng, trừ vecto, nhân vecto với một số, khái niệm hai vecto cùng phương, công thức tính độ dài vecto.

Lời giải chi tiết:

a) **Đúng.** Vì $\vec{b} - \vec{a} = (3 - 1; 6 - 2; 9 - 3) = (2; 4; 6)$.

b) **Đúng.** Vì $\frac{1}{3} = \frac{2}{6} = \frac{3}{9}$ nên \vec{a} và \vec{b} cùng phương.

c) **Sai.** Vì $|\vec{a}| = \sqrt{1^2 + 2^2 + 3^2} = \sqrt{14}$.

d) **Sai.** Vì $-\vec{b} = (-3; -6; -9) = -3\vec{i} - 6\vec{j} - 9\vec{k}$.

Phần III: Câu trắc nghiệm trả lời ngắn. Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 6.

Câu 1. Giá trị nhỏ nhất của hàm số $f(x) = \frac{x^2 + 3}{x - 1}$ trên đoạn $[2; 4]$ bằng bao nhiêu?

Phương pháp giải:

- Tính y' , tìm các nghiệm của $y' = 0$

- Tìm giá trị y tại các điểm cực trị của hàm số và hai đầu mút của đoạn.

Lời giải chi tiết:

$$\text{Ta có: } f'(x) = \frac{x^2 - 2x - 3}{(x - 1)^2} = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 3 \end{cases}$$

$$\text{Xét đoạn } [2; 4] \text{ có: } f(2) = 7; f(3) = 6; f(4) = \frac{19}{3}.$$

Vậy giá trị nhỏ nhất của hàm số trên $[2; 4]$ là 6.

Đáp án: 6.

Câu 2. Tìm điều kiện của tham số m để đồ thị của hàm số $y = \frac{(2m + 1)x + 3}{x + 1}$ có đường tiệm cận đi qua

điểm $A(-2; 7)$.

Phương pháp giải:

Sử dụng quy tắc tìm đường tiệm cận của hàm phân thức.

Lời giải chi tiết:

$$\text{Nếu } m = 1, \text{ ta có hàm số } y = \frac{3x + 3}{x + 1} = 3 \text{ không có tiệm cận qua } A(-2; 7).$$

Nếu $m \neq 1$, đồ thị có tiệm cận đứng $x = -1$ và tiệm cận ngang $y = 2m + 1$.

Như vậy, để thỏa mãn yêu cầu đề bài, tiệm cận ngang phải đi qua A , khi và chỉ khi $2m + 1 = 7$, tức $m = 3$.

Đáp án: 3.

Câu 3. Một cửa hàng bán một loại sản phẩm với lợi nhuận thu được khi bán x (trăm) sản phẩm được mô tả bởi hàm số $L(x) = -0,5x^2 + 6x - 10$. Trong đó, x là số lượng sản phẩm bán ra, $L(x)$ là lợi nhuận thu được (đơn vị: triệu đồng). Hãy xác định số lượng sản phẩm mà cửa hàng cần bán ra để lợi nhuận đạt mức cao nhất.

Phương pháp giải:

Tìm x để hàm số $L(x) = -0,5x^2 + 6x - 10$ đạt giá trị lớn nhất.

Lời giải chi tiết:

Lợi nhuận đạt mức cao nhất khi $L(x) = -0,5x^2 + 6x - 10$ đạt giá trị lớn nhất.

Ta có: $L'(x) = -x + 6 = 0 \Leftrightarrow x = 6$.

x	0	6	$+\infty$	
y'		+	0	-
y	-10	8	$-\infty$	

Theo bảng biến thiên, $L(x)$ đạt giá trị lớn nhất khi $x = 6$ (trăm).

Vậy lợi nhuận đạt mức cao nhất khi bán ra 600 sản phẩm.

Đáp án: 600.

Câu 4. Cho parabol (P): $y = x^2$ và điểm $A(-3;0)$. Xác định điểm M thuộc (P) sao cho khoảng cách AM là ngắn nhất. Tung độ của điểm M bằng bao nhiêu?

Phương pháp giải:

Thiết lập hàm số biểu diễn bình phương độ dài AM theo biến x là hoành độ. Lập bảng biến thiên cho hàm số, tìm x để hàm số đó đạt giá trị nhỏ nhất.

Lời giải chi tiết:

Gọi $M(x; x^2)$ là một điểm bất kì của parabol (P).

Ta có: $AM^2 = (x + 3)^2 + x^4 = x^4 + x^2 + 6x + 9$.

AM nhỏ nhất khi và chỉ khi $f(x) = AM^2$ nhỏ nhất.

Xét $f(x) = x^4 + x^2 + 6x + 9 \Rightarrow f'(x) = 4x^3 + 2x + 6 = 0 \Leftrightarrow x = -1$.

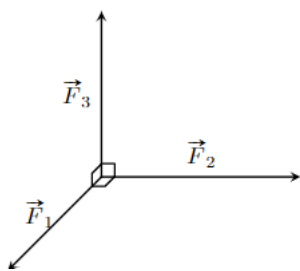
x	$-\infty$	-1	$+\infty$	
$f'(x)$		-	0	+
$f(x)$	$+\infty$	5	$+\infty$	

Dựa vào bảng biến thiên, ta suy ra $f(x)$ đạt giá trị nhỏ nhất tại $x = -1$.

Như vậy, điểm M cần tìm có tọa độ $(-1;1)$. Tung độ của M bằng 1.

Đáp án: 1.

Câu 5. Ba lực $\vec{F}_1, \vec{F}_2, \vec{F}_3$ cùng tác động vào một vật có phương đôi một vuông góc và có độ lớn lần lượt là $2N; 3N; 4N$. Hợp lực của ba lực đã cho có độ lớn bao nhiêu Niu-ton (kết quả làm tròn đến một chữ số thập phân)?

**Phương pháp giải:**

Sử dụng quy tắc hình hộp.

Lời giải chi tiết:

Vì ba vecto trên đôi một vuông góc nên ta có thể áp dụng quy tắc hình hộp. Hợp lực F của ba vecto trên có độ lớn là:

$$F = \sqrt{F_1^2 + F_2^2 + F_3^2} = \sqrt{2^2 + 3^2 + 4^2} = \sqrt{29} \approx 5,4 \text{ (N)}.$$

Đáp án: 5,4.

Câu 6. Trong không gian Oxy (đơn vị đo lấy theo km), radar phát hiện một chiếc máy bay di chuyển với vận tốc và hướng không đổi từ điểm $A(800;500;7)$ đến điểm $B(940;550;8)$ trong 10 phút. Nếu máy bay tiếp tục giữ nguyên tốc độ và hướng bay thì tọa độ của máy bay sau 10 phút tiếp theo là $D(x;y;x)$. Khi đó, $x + y + z$ bằng bao nhiêu?

Phương pháp giải:

Sử dụng quy tắc cộng vecto.

Lời giải chi tiết:

Máy bay di chuyển với tốc độ không đổi, sau 10 phút sẽ đi được quãng đường đúng bằng quãng đường 10 phút trước, tức $AB = BD$.

$$\text{Mặt khác, hướng bay giữ nguyên nên } \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BD} = (940 - 800; 550 - 500; 8 - 7) = (140; 50; 1).$$

$$\text{Ta tính được } D = (940 + 140; 550 + 50; 8 + 1) = (1080; 600; 9).$$

$$\text{Vậy } x + y + z = 1689.$$

Đáp án: 1689.