

## ĐỀ THI GIỮA HỌC KÌ I – Đề số 13

Môn: Toán học - Lớp 10

Chương trình GDPT 2018

BIÊN SOẠN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM



## Mục tiêu

- Ôn tập lý thuyết giữa học kì I của chương trình sách giáo khoa Toán 10.
- Vận dụng linh hoạt lý thuyết đã học trong việc giải quyết các câu hỏi trắc nghiệm Toán học.
- Tổng hợp kiến thức dạng hệ thống, dần trải tất cả các chương giữa học kì I – chương trình Toán 10.

**Phần I: Câu trắc nghiệm nhiều phương án lựa chọn.** Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 12. Mỗi câu hỏi thí

**Câu 1.** Câu nào sau đây là một mệnh đề?

- A. Số 30 có phải số chẵn không?
- B. Số 30 là số chẵn.
- C.  $2x - 1$  là số lẻ.
- D.  $x^3 + 1 = 0$ .

**Câu 2.** Bất phương trình nào sau đây là bất phương trình bậc nhất hai ẩn?

- A.  $x - y^2 < 0$
- B.  $x + y < 3xy$
- C.  $x + \frac{1}{y} \geq 0$
- D.  $\frac{x}{3} + \frac{y}{2} < 0$

**Câu 3.** Cặp số nào sau đây là một nghiệm của bất phương trình  $x + 2y \leq 4$ ?

- A. (2;1)
- B. (1;2)
- C. (1;3)
- D. (-1;3)

**Câu 4.** Miền nghiệm của hệ bất phương trình 
$$\begin{cases} 2x - 5y - 1 > 0 \\ 2x + y + 5 > 0 \\ x + y + 1 < 0 \end{cases}$$
 chứa điểm nào trong các điểm sau đây?

- A. (0;0)
- B. (1;0)

C. (0; -2)

D. (0; 2)

**Câu 5.** Cho tam giác ABC có ba cạnh  $a = BC$ ,  $b = AC$ ,  $c = AB$  và  $A = 60^\circ$ . Đẳng thức nào sau đây đúng?

A.  $a^2 = b^2 + c^2 - 3bc$

B.  $a^2 = b^2 + c^2 + bc$

C.  $a^2 = b^2 + c^2 + 3bc$

D.  $a^2 = b^2 + c^2 - bc$

**Câu 6.** Cho các tập hợp  $A = \{0; 2; 4; 6; 8\}$  và  $B = \{1; 2; 3; 4; 5; 6\}$ . Tìm  $A \setminus B$ .

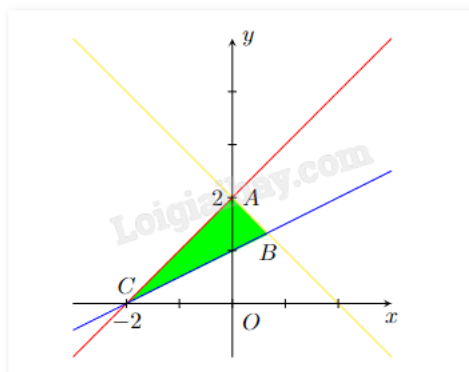
A.  $\{0; 8\}$

B.  $\{1; 3; 5\}$

C.  $\{0; 2; 8\}$

D.  $\{2; 4; 6\}$

**Câu 7.** Miền tam giác (kể cả ba cạnh AB, BC, CA) trong hình vẽ sau biểu diễn miền nghiệm của hệ bất phương trình nào trong các hệ bất phương trình cho dưới đây?



A.  $\begin{cases} x + y - 2 \leq 0 \\ x - y + 2 \geq 0 \\ x - 2y + 2 \leq 0 \end{cases}$

B.  $\begin{cases} x + y - 2 \geq 0 \\ x - y + 2 \geq 0 \\ x - 2y + 2 \leq 0 \end{cases}$

C.  $\begin{cases} x + y - 2 \leq 0 \\ x - y + 2 \leq 0 \\ x - 2y + 2 \leq 0 \end{cases}$

D.  $\begin{cases} x + y - 2 \leq 0 \\ x - y + 2 \geq 0 \\ x - 2y + 2 \geq 0 \end{cases}$

**Câu 8.** Trong các đẳng thức sau, đẳng thức nào đúng?

A.  $\sin(180^\circ - \alpha) = -\sin \alpha$

B.  $\cos(180^\circ - \alpha) = \cos \alpha$

C.  $\sin(90^\circ - \alpha) = \cos \alpha$

D.  $\sin(90^\circ - \alpha) = \sin \alpha$

**Câu 9.** Với  $x \in \mathbb{R}$ , tìm mệnh đề đúng trong các mệnh đề sau.

A.  $\forall x \in (-\infty; 1] \Leftrightarrow x < 1$

B.  $\forall x \in (-\infty; 1] \Leftrightarrow x \leq 1$

C.  $\forall x \in (-\infty; 1) \Leftrightarrow x \leq 1$

D.  $\forall x \in (-\infty; 1) \Leftrightarrow x < -1$

**Câu 10.** Tam giác ABC có  $AB = 6$ ,  $AC = 9$ ,  $A = 60^\circ$ . Tính diện tích tam giác ABC.

A.  $S_{\Delta ABC} = \frac{27\sqrt{3}}{2}$

B.  $S_{\Delta ABC} = \frac{27}{2}$

C.  $S_{\Delta ABC} = \frac{27\sqrt{3}}{4}$

D.  $S_{\Delta ABC} = \frac{27}{4}$

**Câu 11.** Cho tập hợp  $A = \{0; 2; 3; 4; 5\}$ . Tập hợp nào sau đây là tập con của A?

A.  $\{1; 4\}$

B.  $\{3; 8\}$

C.  $\{0; 2; 5\}$

D.  $\{0; 1; 2\}$

**Câu 12.** Cho góc  $\alpha$  nhọn. Khẳng định nào sau đây đúng?

A.  $\tan \alpha > 0$

B.  $\sin \alpha < 0$

C.  $\cos \alpha < 0$

D.  $\cot \alpha < 0$

**Phần II: Câu trắc nghiệm đúng sai.** Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 4. Trong mỗi ý a), b), c), d) ở mỗi câu, thí sinh chọn đúng hoặc sai.

**Câu 1.** Cho P: “ $3x + 6 = 0$ ”.

a) P là một mệnh đề.

b) P là một mệnh đề chứa biến.

c) Với  $x = -2$  thì P là mệnh đề đúng.

d) Với  $x = 2$  thì P là mệnh đề đúng.

**Câu 2.** Người ta dự định dùng hai loại nguyên liệu để chiết xuất ít nhất 140 kg chất A và 9 kg chất B. Từ mỗi tấn nguyên liệu loại I giá 4 triệu đồng, có thể chiết xuất được 20 kg chất A và 0,6 kg chất B. Từ mỗi tấn nguyên liệu loại II giá 3 triệu đồng có thể chiết xuất được 10 kg chất A và 1,5 kg chất B. Cơ sở cung cấp nguyên liệu chỉ có thể cung cấp không quá 10 tấn nguyên liệu loại I và không quá 9 tấn nguyên liệu loại II.

Gọi  $x, y$  lần lượt là số tấn nguyên liệu loại I và loại II cần dùng.

a) Biểu thức biểu diễn số kg chất A chiết xuất được là  $20x + 10y$ .

b) Biểu thức biểu diễn số kg chất B chiết xuất được là  $1,5x + 0,6y$ .

c) Cặp  $(x; y)$  thỏa mãn bài toán thuộc miền nghiệm của hệ

$$\begin{cases} 2x + y \geq 14 \\ 5x + 2y \geq 30 \\ 0 \leq x \leq 9 \\ 0 \leq y \leq 10 \end{cases}$$

d) Phải dùng 5 tấn nguyên liệu loại I và 4 tấn nguyên liệu loại II để chi phí nguyên liệu là rẻ nhất.

**Câu 3.** Cho tam giác ABC biết  $a = BC = 3$  cm,  $b = AC = 4$  cm,  $C = 30^\circ$ . Khi đó

a)  $\cos C = \frac{\sqrt{3}}{2}$ .

b)  $\cos(A + B) = \frac{\sqrt{3}}{2}$ .

c)  $c \approx 3,05$  cm.

d)  $\cos A \approx 0,68$ .

**Câu 4.** Cho các tập hợp  $A = \{0; 1; 2; 3; 5; 7; 11\}$ ,  $B = \{n \mid n \text{ là số nguyên tố; } n < 11\}$ .

a)  $B \subset A$ .

b)  $A \cap B = \{2; 3; 5; 7\}$ .

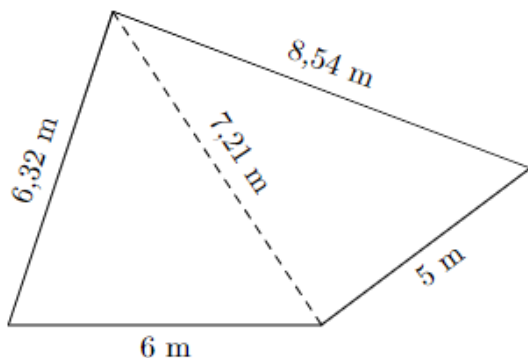
c)  $A \setminus B = \{0; 1; 11\}$ .

d)  $A = B$ .

**Phần III: Câu trắc nghiệm trả lời ngắn.** Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 6.

**Câu 1.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để mệnh đề chứa biến " $-x^2 + 2mx - 4 < 0$ " là mệnh đề đúng?

**Câu 2.** Một mảnh đất có dạng hình tứ giác như hình vẽ. Diện tích (làm tròn đến hàng đơn vị) mảnh đất đó là bao nhiêu?



**Câu 3.** Tính  $C = \sin^2 10^\circ + \sin^2 20^\circ + \dots + \sin^2 170^\circ + \sin^2 180^\circ$ .

**Câu 4.** Một cửa hàng bán lẻ hai loại hạt cà phê. Loại thứ nhất giá 140 nghìn đồng/kg. Loại thứ hai giá 180 nghìn đồng/kg. Cửa hàng trộn  $x$  kg loại thứ nhất và  $y$  kg loại thứ hai sao cho hạt cà phê đã trộn có giá không quá 170 nghìn đồng/kg. Bất phương trình bậc nhất hai ẩn  $x, y$  thỏa mãn điều kiện bài toán là  $ax + y \leq b$ .

Tính  $b - 2a$ .

**Câu 5.** Một gia đình cần ít nhất 900 đơn vị protein và 400 đơn vị lipit thức ăn mỗi ngày. Mỗi kg thịt bò chứa 800 đơn vị protein và 200 đơn vị lipit. Mỗi kg thịt lợn chứa 600 đơn vị protein và 400 đơn vị lipit. Biết rằng gia đình này chỉ mua tối đa 1,6 kg thịt bò và 1,1 kg thịt lợn; giá tiền 1 kg thịt bò là 45 nghìn đồng, 1 kg thịt lợn là 35 nghìn đồng. Hỏi gia đình đó phải bỏ ra ít nhất bao nhiêu tiền (đơn vị: nghìn đồng) để đạt các yêu cầu trên?

**Câu 6.** Một cuộc khảo sát về khách du lịch thành phố Hà Nội cho thấy trong 1230 khách du lịch được phỏng vấn, có 823 khách du lịch đã đến Hồ Gươm, 567 du khách đến thăm Lăng Bác. Toàn bộ khách phỏng vấn đã đến ít nhất một trong hai địa điểm trên. Hỏi có bao nhiêu khách du lịch vừa đến Hồ Gươm, vừa thăm Lăng Bác?

----- Hết -----



**Phần I: Câu trắc nghiệm nhiều phương án lựa chọn.** Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 12. Mỗi câu hỏi thí sinh chỉ chọn một phương án.

1. B	2. D	3. A	4. C	5. D	6. A
7. A	8. C	9. B	10. A	11. C	12. A

**Câu 1.** Câu nào sau đây là một mệnh đề?

- A. Số 30 có phải số chẵn không?
- B. Số 30 là số chẵn.
- C.  $2x - 1$  là số lẻ.
- D.  $x^3 + 1 = 0$ .

**Phương pháp giải:**

Mệnh đề là một câu khẳng định có tính đúng, sai.

**Lời giải chi tiết:**

“30 là số chẵn” là mệnh đề.

**Đáp án B.**

**Câu 2.** Bất phương trình nào sau đây là bất phương trình bậc nhất hai ẩn?

- A.  $x - y^2 < 0$
- B.  $x + y < 3xy$
- C.  $x + \frac{1}{y} \geq 0$
- D.  $\frac{x}{3} + \frac{y}{2} < 0$

**Phương pháp giải:**

Dựa vào định nghĩa bất phương trình bậc nhất hai ẩn.

**Lời giải chi tiết:**

Các bất phương trình ở đáp án A, B, C không phải bất phương trình bậc nhất hai ẩn.

**Đáp án D.**

**Câu 3.** Cặp số nào sau đây là một nghiệm của bất phương trình  $x + 2y \leq 4$ ?

- A. (2;1)
- B. (1;2)
- C. (1;3)

D.  $(-1;3)$

**Phương pháp giải:**

Thay từng cặp số vào bất phương trình xem cặp số nào thỏa mãn.

**Lời giải chi tiết:**

Xét  $(2;1)$  ta có  $2 + 2.1 \leq 4$  (đúng).

Xét  $(2;1)$  ta có  $1 + 2.2 \leq 4$  (sai).

Xét  $(1;3)$  ta có  $1 + 2.3 \leq 4$  (sai).

Xét  $(-1;3)$  ta có  $-1 + 2.3 \leq 4$  (sai).

Vậy cặp số  $(2;1)$  là một nghiệm của bất phương trình  $x + 2y \leq 4$ .

**Đáp án A.**

**Câu 4.** Miền nghiệm của hệ bất phương trình 
$$\begin{cases} 2x - 5y - 1 > 0 \\ 2x + y + 5 > 0 \\ x + y + 1 < 0 \end{cases}$$
 chứa điểm nào trong các điểm sau đây?

A.  $(0;0)$

B.  $(1;0)$

C.  $(0;-2)$

D.  $(0;2)$

**Phương pháp giải:**

Thay lần lượt tọa độ các điểm đã cho vào hệ bất phương trình 
$$\begin{cases} 2x - 5y - 1 > 0 \\ 2x + y + 5 > 0 \\ x + y + 1 < 0 \end{cases}$$
, nếu thỏa mãn thì điểm đó

thuộc miền nghiệm của bất phương trình đã cho.

**Lời giải chi tiết:**

Với điểm có tọa độ  $(0;0)$  ta thấy  $2.0 - 5.0 - 1 = -1$  không thỏa mãn phương trình  $2x - 5y - 1 > 0$ .

Với điểm có tọa độ  $(1;0)$  ta thấy  $1 + 0 + 1 = 2$  không thỏa mãn phương trình  $x + y + 1 < 0$ .

Với điểm có tọa độ  $(0;2)$  ta thấy  $0 + 2 + 1 = 3$  không thỏa mãn phương trình  $x + y + 1 < 0$ .

Với điểm có tọa độ  $(0;-2)$  ta thấy thỏa mãn mọi phương trình trong hệ.

Vậy miền nghiệm chứa điểm  $(0;-2)$ .

**Đáp án C.**

**Câu 5.** Cho tam giác ABC có ba cạnh  $a = BC$ ,  $b = AC$ ,  $c = AB$  và  $A = 60^\circ$ . Đẳng thức nào sau đây đúng?

A.  $a^2 = b^2 + c^2 - 3bc$

B.  $a^2 = b^2 + c^2 + bc$

C.  $a^2 = b^2 + c^2 + 3bc$



D.  $a^2 = b^2 + c^2 - bc$

**Phương pháp giải:**

Dựa vào định lí Cos trong tam giác.

**Lời giải chi tiết:**

Xét tam giác ABC có ba cạnh  $a = BC$ ,  $b = AC$ ,  $c = AB$ . Khi đó  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$   
 $= b^2 + c^2 - 2bc \cos 60^\circ = b^2 + c^2 - 2bc \frac{1}{2} = b^2 + c^2 - bc$ .

**Đáp án D.**

**Câu 6.** Cho các tập hợp  $A = \{0; 2; 4; 6; 8\}$  và  $B = \{1; 2; 3; 4; 5; 6\}$ . Tìm  $A \setminus B$ .

- A.  $\{0; 8\}$
- B.  $\{1; 3; 5\}$
- C.  $\{0; 2; 8\}$
- D.  $\{2; 4; 6\}$

**Phương pháp giải:**

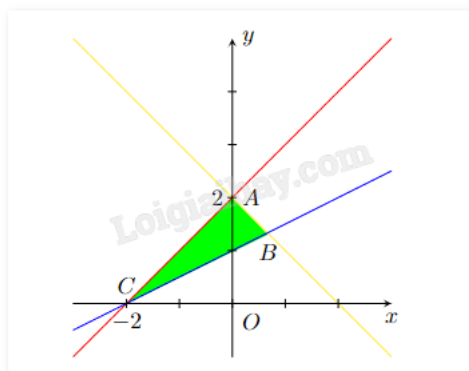
$A \setminus B$  là tập hợp chứa những phần tử thuộc tập hợp A mà không thuộc tập hợp B.

**Lời giải chi tiết:**

$A \setminus B = \{0; 8\}$ .

**Đáp án A.**

**Câu 7.** Miền tam giác (kể cả ba cạnh AB, BC, CA) trong hình vẽ sau biểu diễn miền nghiệm của hệ bất phương trình nào trong các hệ bất phương trình cho dưới đây?



- A.  $\begin{cases} x + y - 2 \leq 0 \\ x - y + 2 \geq 0 \\ x - 2y + 2 \leq 0 \end{cases}$
- B.  $\begin{cases} x + y - 2 \geq 0 \\ x - y + 2 \geq 0 \\ x - 2y + 2 \leq 0 \end{cases}$



$$\text{C. } \begin{cases} x + y - 2 \leq 0 \\ x - y + 2 \leq 0 \\ x - 2y + 2 \leq 0 \end{cases}$$

$$\text{D. } \begin{cases} x + y - 2 \leq 0 \\ x - y + 2 \geq 0 \\ x - 2y + 2 \geq 0 \end{cases}$$

**Phương pháp giải:**

Thay tọa độ của điểm thuộc miền nghiệm vào các bất phương trình xem có thỏa mãn không.

Dùng phương pháp loại trừ.

**Lời giải chi tiết:**

Lấy điểm có tọa độ  $\left(0; \frac{3}{2}\right)$  thuộc miền nghiệm, thay tọa độ vào hệ bất phương trình mỗi đáp án.

Thấy chỉ có hệ bất phương trình ở đáp án A thỏa mãn.

**Đáp án A.**

**Câu 8.** Trong các đẳng thức sau, đẳng thức nào đúng?

A.  $\sin(180^\circ - \alpha) = -\sin \alpha$

B.  $\cos(180^\circ - \alpha) = \cos \alpha$

C.  $\sin(90^\circ - \alpha) = \cos \alpha$

D.  $\sin(90^\circ - \alpha) = \sin \alpha$

**Phương pháp giải:**

Dựa vào mối quan hệ giữa các giá trị lượng giác của hai góc phụ nhau, hai góc bù nhau.

**Lời giải chi tiết:**

Ta có:

$$\sin(180^\circ - \alpha) = \sin \alpha \text{ suy ra A sai.}$$

$$\cos(180^\circ - \alpha) = -\cos \alpha \text{ suy ra B sai.}$$

$$\sin(90^\circ - \alpha) = \cos \alpha \text{ suy ra C đúng, D sai.}$$

**Đáp án C.**

**Câu 9.** Với  $x \in \mathbb{R}$ , tìm mệnh đề đúng trong các mệnh đề sau.

A.  $\forall x \in (-\infty; 1] \Leftrightarrow x < 1$

B.  $\forall x \in (-\infty; 1] \Leftrightarrow x \leq 1$

C.  $\forall x \in (-\infty; 1) \Leftrightarrow x \leq 1$

D.  $\forall x \in (-\infty; 1) \Leftrightarrow x < -1$

**Phương pháp giải:**

Xét tính đúng sai của mệnh đề.

**Lời giải chi tiết:**

Với  $x \in \mathbb{R}$ :

A sai vì  $\forall x \in (-\infty; 1] \Leftrightarrow x \leq 1$ . Từ đó suy ra B đúng.

C, D sai vì  $\forall x \in (-\infty; 1) \Leftrightarrow x < 1$ .

**Đáp án B.**

**Câu 10.** Tam giác ABC có  $AB = 6$ ,  $AC = 9$ ,  $A = 60^\circ$ . Tính diện tích tam giác ABC.

A.  $S_{\Delta ABC} = \frac{27\sqrt{3}}{2}$

B.  $S_{\Delta ABC} = \frac{27}{2}$

C.  $S_{\Delta ABC} = \frac{27\sqrt{3}}{4}$

D.  $S_{\Delta ABC} = \frac{27}{4}$

**Phương pháp giải:**

Áp dụng công thức  $S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC \cdot \sin A$ .

**Lời giải chi tiết:**

Ta có  $S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC \cdot \sin A = \frac{1}{2} 6 \cdot 9 \sin 60^\circ = \frac{27\sqrt{3}}{2}$ .

**Đáp án A.**

**Câu 11.** Cho tập hợp  $A = \{0; 2; 3; 4; 5\}$ . Tập hợp nào sau đây là tập con của A?

A.  $\{1; 4\}$

B.  $\{3; 8\}$

C.  $\{0; 2; 5\}$

D.  $\{0; 1; 2\}$

**Phương pháp giải:**

Nếu mọi phần tử của tập hợp A đều là phần tử của tập hợp B thì ta nói A là một tập hợp con của B.

**Lời giải chi tiết:**

Ta có:

$\{1; 4\} \not\subset \{0; 2; 3; 4; 5\} = A$ . Loại A.

$\{3; 8\} \not\subset \{0; 2; 3; 4; 5\} = A$ . Loại B.

$\{0; 2; 5\} \subset \{0; 2; 3; 4; 5\} = A$ . Chọn C.

$\{0;1;2\} \not\subset \{0;2;3;4;5\} = A$ . Loại D.

**Đáp án C.**

**Câu 12.** Cho góc  $\alpha$  nhọn. Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $\tan \alpha > 0$
- B.  $\sin \alpha < 0$
- C.  $\cos \alpha < 0$
- D.  $\cot \alpha < 0$

**Phương pháp giải:**

Dựa vào giá trị lượng giác của góc.

**Lời giải chi tiết:**

$\alpha$  là góc nhọn nên  $\sin \alpha > 0$ ,  $\cos \alpha > 0$ , suy ra  $\tan \alpha > 0$ ,  $\cot \alpha > 0$ .

**Đáp án A.**

**Phần II: Câu trắc nghiệm đúng sai.** Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 4. Trong mỗi ý a), b), c), d) ở mỗi câu, thí sinh chọn đúng hoặc sai.

**Câu 1.** Cho P: " $3x + 6 = 0$ ".

- a) P là một mệnh đề.
- b) P là một mệnh đề chứa biến.
- c) Với  $x = -2$  thì P là mệnh đề đúng.
- d) Với  $x = 2$  thì P là mệnh đề đúng.

**Phương pháp giải:**

- a) Mệnh đề là một khẳng định có tính đúng, sai.
- b) Mệnh đề chứa biến là khẳng định mang tính đúng, sai phụ thuộc vào biến.
- c) Xét tính đúng, sai của mệnh đề.
- d) Xét tính đúng, sai của mệnh đề.

**Lời giải chi tiết:**

- a) **Sai.** P là một khẳng định không mang tính đúng, sai nên không phải mệnh đề.
- b) **Đúng.** P là một mệnh đề chứa biến vì là khẳng định mang tính đúng, sai phụ thuộc vào biến x.
- c) **Đúng.** Với  $x = -2$  thì  $3(-2) + 6 = 0$  nên P là mệnh đề đúng.
- d) **Sai.** Với  $x = 2$  thì  $3.2 + 6 = 12$  nên P là mệnh đề sai.

**Câu 2.** Người ta dự định dùng hai loại nguyên liệu để chiết xuất ít nhất 140 kg chất A và 9 kg chất B. Từ mỗi tấn nguyên liệu loại I giá 4 triệu đồng, có thể chiết xuất được 20 kg chất A và 0,6 kg chất B. Từ mỗi tấn nguyên liệu loại II giá 3 triệu đồng có thể chiết xuất được 10 kg chất A và 1,5 kg chất B. Cơ sở cung cấp nguyên liệu chỉ có thể cung cấp không quá 10 tấn nguyên liệu loại I và không quá 9 tấn nguyên liệu loại II. Gọi x, y lần lượt là số tấn nguyên liệu loại I và loại II cần dùng.

- a) Biểu thức biểu diễn số kg chất A chiết xuất được là  $20x + 10y$ .
- b) Biểu thức biểu diễn số kg chất B chiết xuất được là  $1,5x + 0,6y$ .

c) Cặp  $(x; y)$  thỏa mãn bài toán thuộc miền nghiệm của hệ

$$\begin{cases} 2x + y \geq 14 \\ 5x + 2y \geq 30 \\ 0 \leq x \leq 9 \\ 0 \leq y \leq 10 \end{cases}$$

d) Phải dùng 5 tấn nguyên liệu loại I và 4 tấn nguyên liệu loại II để chi phí nguyên liệu là rẻ nhất.

### Phương pháp giải:

Lập hệ bất phương trình.

### Lời giải chi tiết:

a) **Đúng.** Biểu thức biểu diễn số kg chất A chiết xuất được là  $20x + 10y$ .

b) **Sai.** Biểu thức biểu diễn số kg chất B chiết xuất được là  $0,6x + 1,5y$ .

c) **Sai.** Với số tấn nguyên liệu loại I là  $x$ , số tấn nguyên liệu loại II là  $y$ , ta có:

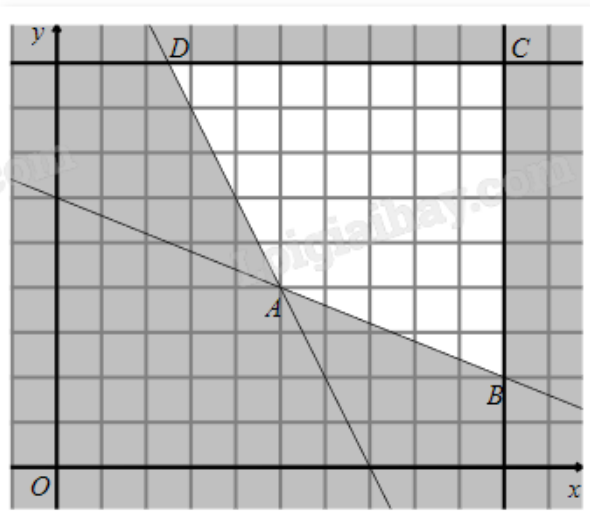
Số kg chất A chiết xuất được là  $20x + 10y$  (kg).

Số kg chất B chiết xuất được là  $1,5x + 0,6y$  (kg).

Theo giả thiết ta có

$$\begin{cases} 20x + 10y \geq 14 \\ 0,6x + 1,5y \geq 9 \\ 0 \leq x \leq 9 \\ 0 \leq y \leq 10 \end{cases} \quad \text{hay} \quad \begin{cases} 2x + y \geq 14 \\ 2x + 5y \geq 30 \\ 0 \leq x \leq 9 \\ 0 \leq y \leq 10 \end{cases}$$

d) **Đúng.** Vẽ miền nghiệm của hệ:



Ta thấy miền nghiệm của hệ là một miền tứ giác ABCD kê cả biên, trong đó  $A(5;4)$ ,  $B(10;2)$ ,  $C(10;9)$ ,

$$D\left(\frac{5}{2}; 9\right).$$

Số tiền mua nguyên liệu là  $P = 4x + 3y$ .

$P$  đạt giá trị nhỏ nhất tại một trong các đỉnh của tứ giác. Thay tọa độ các điểm trên vào  $P$ , thấy  $P$  đạt giá trị nhỏ nhất bằng 32 tại  $A(5;4)$ .

Vậy, để chi phí nguyên liệu nhỏ nhất, cần mua 5 tấn nguyên liệu loại I và 4 tấn nguyên liệu loại II.

**Câu 3.** Cho tam giác ABC biết  $a = BC = 3$  cm,  $b = AC = 4$  cm,  $C = 30^\circ$ . Khi đó

a)  $\cos C = \frac{\sqrt{3}}{2}$ .

b)  $\cos(A + B) = \frac{\sqrt{3}}{2}$ .

c)  $c \approx 3,05$  cm.

d)  $\cos A \approx 0,68$ .

**Phương pháp giải:**

- Dựa vào giá trị lượng giác của một góc.
- Sử dụng công thức  $\cos(180^\circ - \alpha) = -\cos \alpha$ .
- Sử dụng định lý Cosin trong tam giác.
- Sử dụng định lý Cosin trong tam giác.

**Lời giải chi tiết:**

a) **Đúng.** Ta có  $\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$ .

b) **Sai.** Ta có  $C = 180^\circ - (A + B)$  nên  $\cos(A + B) = -\cos C = -\frac{\sqrt{3}}{2}$ .

c) **Sai.** Ta có  $c^2 = b^2 + a^2 - 2ba \cos C = 4^2 + 3^2 - 2 \cdot 4 \cdot 3 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 25 - 12\sqrt{3}$  suy ra  $c \approx 2,05$ .

d) **Đúng.** Ta có  $\cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} = \frac{4^2 + 25 - 12\sqrt{3} - 3^2}{2 \cdot 4 \cdot \sqrt{25 - 12\sqrt{3}}} \approx 0,68$ .

**Câu 4.** Cho các tập hợp  $A = \{0; 1; 2; 3; 5; 7; 11\}$ ,  $B = \{n \mid n \text{ là số nguyên tố; } n < 11\}$ .

- $B \subset A$ .
- $A \cap B = \{2; 3; 5; 7\}$ .
- $A \setminus B = \{0; 1; 11\}$ .
- $A = B$ .

**Phương pháp giải:**

- B là tập hợp con của A nếu mọi phần tử của B đều thuộc A.
- Giao của hai tập hợp là tập hợp gồm các phần tử thuộc cả hai tập hợp.
- $A \setminus B$  là tập hợp gồm các phần tử thuộc A mà không thuộc B.
- Hai tập hợp bằng nhau khi mọi phần tử thuộc tập hợp này đều thuộc tập hợp kia và ngược lại.

**Lời giải chi tiết:**

Ta có:  $A = \{0; 1; 2; 3; 5; 7; 11\}$ ,  $B = \{2; 3; 5; 7\}$ .

- a) **Đúng.** Vì  $\{2; 3; 5; 7\} \subset A$  nên  $B \subset A$ .

b) Đúng.  $A \cap B = \{2; 3; 5; 7\}$ .

c) Đúng.  $A \setminus B = \{0; 1; 11\}$ .

d) Sai. Hai tập hợp A và B không bằng nhau vì A gồm các phần tử không thuộc B.

**Phần III: Câu trắc nghiệm trả lời ngắn.** Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 6.

**Câu 1.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của m để mệnh đề chứa biến " $-x^2 + 2mx - 4 < 0$ " là mệnh đề đúng?

**Phương pháp giải:**

Tìm số giá trị nguyên của m để  $-x^2 + 2mx - 4 < 0$ .

**Lời giải chi tiết:**

Để  $-x^2 + 2mx - 4 < 0$  với mọi x thì  $\begin{cases} \Delta' < 0 \\ a < 0 \end{cases}$ .

Giải bất phương trình  $\Delta' < 0$  ta được:

$$m^2 - (-1) \cdot (-4) < 0$$

$$m^2 - 4 < 0$$

$$-2 < x < 2.$$

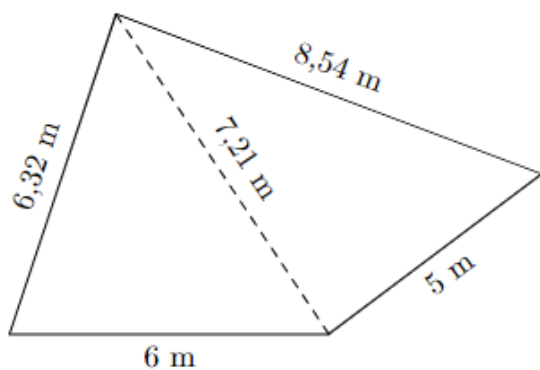
Giải bất phương trình  $a < 0$  ta được:

$$a = -1 < 0 \text{ (luôn đúng).}$$

Vậy có 3 giá trị nguyên của m là -1; 0; 1 để mệnh đề đúng.

**Đáp án: 3.**

**Câu 2.** Một mảnh đất có dạng hình tứ giác như hình vẽ. Diện tích (làm tròn đến hàng đơn vị) mảnh đất đó là bao nhiêu?



**Phương pháp giải:**

Sử dụng công thức Heron.

**Lời giải chi tiết:**

Hình tứ diện được chia làm hai tam giác. Gọi tam giác có kích thước 6,32 m, 7,21 m và 6 m là tam giác 1.

Tam giác còn lại là tam giác 2.

Nửa chu vi mỗi tam giác là:

$$p_1 = \frac{6,32 + 7,21 + 6}{2} = 9,765, \quad p_2 = \frac{8,54 + 7,21 + 5}{2} = 10,375.$$



$$\text{Diện tích tứ giác là } S_1 + S_2 = \sqrt{9,765 \cdot (9,765 - 6,32) \cdot (9,765 - 7,21) \cdot (9,765 - 6)} \\ + \sqrt{10,375 \cdot (10,375 - 8,54) \cdot (10,375 - 7,21) \cdot (10,375 - 5)} \approx 36 \text{ m}^2.$$

**Đáp án: 36.**

**Câu 3.** Tính  $C = \sin^2 10^\circ + \sin^2 20^\circ + \dots + \sin^2 170^\circ + \sin^2 180^\circ$ .

**Phương pháp giải:**

Sử dụng công thức  $\sin(90^\circ - \alpha) = \cos \alpha$ ,  $\sin(180^\circ - \alpha) = \sin \alpha$ .

**Lời giải chi tiết:**

$$\begin{aligned} \text{Ta có: } C &= \sin^2 10^\circ + \sin^2 20^\circ + \dots + \sin^2 170^\circ + \sin^2 180^\circ \\ &= (\sin^2 10^\circ + \sin^2 80^\circ) + (\sin^2 20^\circ + \sin^2 70^\circ) + \dots + (\sin^2 40^\circ + \sin^2 50^\circ) + \sin^2 90^\circ + \dots + \sin^2 180^\circ \\ &= (\sin^2 10^\circ + \cos^2 10^\circ) + (\sin^2 20^\circ + \cos^2 20^\circ) + \dots + (\sin^2 40^\circ + \cos^2 40^\circ) + 1 + \sin^2 80^\circ + \dots + \sin^2 0^\circ \\ &= 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + \sin^2 80^\circ + \sin^2 70^\circ + \dots + \sin^2 10^\circ \\ &= 5 + 1 + 1 + 1 + 1 = 9. \end{aligned}$$

**Đáp án: 9.**

**Câu 4.** Một cửa hàng bán lẻ hai loại hạt cà phê. Loại thứ nhất giá 140 nghìn đồng/kg. Loại thứ hai giá 180 nghìn đồng/kg. Cửa hàng trộn  $x$  kg loại thứ nhất và  $y$  kg loại thứ hai sao cho hạt cà phê đã trộn có giá không quá 170 nghìn đồng/kg. Bất phương trình bậc nhất hai ẩn  $x, y$  thỏa mãn điều kiện bài toán là  $ax + y \leq b$ .

Tính  $b - 2a$ .

**Phương pháp giải:**

Lập bất phương trình bậc nhất hai ẩn biểu diễn giá tiền cà phê.

**Lời giải chi tiết:**

Số tiền cần để mua  $x$  kg loại cà phê thứ nhất là  $140000x$  (đồng).

Số tiền cần để mua  $y$  kg loại cà phê thứ hai là  $180000y$  (đồng).

Vì giá tiền loại cà phê sau khi trộn không vượt quá 170000 đồng nên ta có bất phương trình

$$140000x + 180000y \leq 170000(x + y) \text{ hay } -3 + y \leq 0.$$

Suy ra  $a = -3, b = 0$ .

Vậy  $b - 2a = 0 - 2 \cdot (-3) = 6$ .

**Đáp án: 6.**

**Câu 5.** Một gia đình cần ít nhất 900 đơn vị protein và 400 đơn vị lipid thức ăn mỗi ngày. Mỗi kg thịt bò chứa 800 đơn vị protein và 200 đơn vị lipid. Mỗi kg thịt lợn chứa 600 đơn vị protein và 400 đơn vị lipid. Biết rằng gia đình này chỉ mua tối đa 1,6 kg thịt bò và 1,1 kg thịt lợn; giá tiền 1 kg thịt bò là 45 nghìn đồng, 1 kg thịt lợn là 35 nghìn đồng. Hỏi gia đình đó phải bỏ ra ít nhất bao nhiêu tiền (đơn vị: nghìn đồng) để đạt các yêu cầu trên?

**Phương pháp giải:**

Lập hệ bất phương trình.



**Lời giải chi tiết:**

Gọi  $x, y$  lần lượt là số kg thịt bò và thịt lợn gia đình đó mua mỗi ngày ( $0 \leq x \leq 1,6, 0 \leq y \leq 1,1$ ).

Số đơn vị protein mỗi ngày là  $800x + 600y$ , số đơn vị lipit mỗi ngày là  $200x + 400y$ .

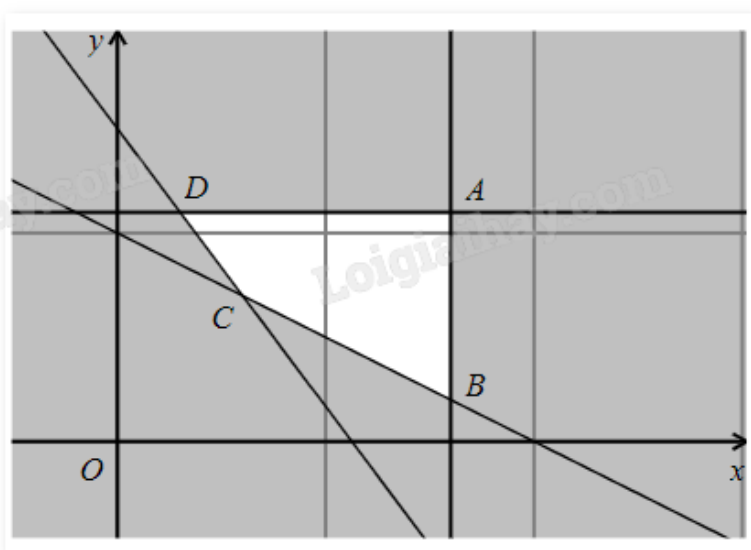
Vì gia đình cần ít nhất 900 đơn vị protein và 400 đơn vị lipit mỗi ngày nên ta có hệ bất phương trình:

$$\begin{cases} 800x + 600y \geq 900 \\ 200x + 400y \geq 400 \\ 0 \leq x \leq 1,6 \\ 0 \leq y \leq 1,1 \end{cases} \quad \text{hay} \quad \begin{cases} 8x + 6y \geq 9 \\ x + 2y \geq 2 \\ 0 \leq x \leq 1,6 \\ 0 \leq y \leq 1,1 \end{cases} \quad (*)$$

Số tiền cần bỏ ra để mua thịt bò, thịt lợn mỗi ngày là  $f(x;y) = 45x + 35y$  (nghìn đồng).

Bài toán trở thành tìm giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x;y)$  trên miền nghiệm của hệ bất phương trình (\*).

Miền nghiệm của hệ bất phương trình (\*) là tứ giác ABCD (kể cả biên).



Hàm số  $f(x;y)$  sẽ đạt giá trị lớn nhất trên miền nghiệm của hệ bất phương trình (\*) khi  $(x;y)$  là tọa độ một trong các đỉnh  $A(1,6;1,1), B(1,6;0,2), C(0,6;0,7), D(0,3;1,1)$ .

Thay tọa độ từng điểm vào  $f(x;y)$  thấy hàm số đạt giá trị nhỏ nhất bằng 51,1 khi  $(x;y) = (0,6;0,7)$ .

Vậy gia đình cần bỏ ra ít nhất 51,1 nghìn đồng để mua thịt bò và thịt lợn mỗi ngày.

**Đáp án: 51,1.**

**Câu 6.** Một cuộc khảo sát về khách du lịch thành phố Hà Nội cho thấy trong 1230 khách du lịch được phỏng vấn, có 823 khách du lịch đã đến Hồ Gươm, 567 du khách đến thăm Lăng Bác. Toàn bộ khách phỏng vấn đã đến ít nhất một trong hai địa điểm trên. Hỏi có bao nhiêu khách du lịch vừa đến Hồ Gươm, vừa thăm Lăng Bác?

**Phương pháp giải:**

Sử dụng kiến thức về các phép toán trên tập hợp.

Nếu  $A$  và  $B$  là hai tập hợp hữu hạn thì  $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$ .

**Lời giải chi tiết:**

Gọi  $A$  là tập hợp các du khách du lịch Hồ Gươm,  $B$  là tập hợp các du khách thăm Lăng Bác.

Khi đó, số phần tử của hai tập hợp A, B là  $n(A) = 823$  và  $n(B) = 567$ .

Theo đề bài, số du khách đã đến một trong hai địa điểm là  $n(A \cup B) = 1230$ .

Số du khách đã đến cả hai địa điểm là  $n(A \cap B)$ .

Ta có:  $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$

$$1230 = 823 + 567 - n(A \cap B)$$

$$n(A \cap B) = 160.$$

**Đáp án: 160.**