

ĐỀ THI GIỮA HỌC KÌ I – Đề số 1

Môn: Toán - Lớp 8

BIÊN SOẠN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM



HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

THỰC HIỆN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM

Phần trắc nghiệm (3 điểm)

Câu 1: B	Câu 2: A	Câu 3: D	Câu 4: C	Câu 5: B	Câu 6: D
Câu 7: C	Câu 8: C	Câu 9: A	Câu 10: B	Câu 11: A	Câu 12: B

Câu 1: Tìm hệ số trong đơn thức $-36a^2b^2x^2y^3$ với a,b là hằng số.

A. -36 B. $-36a^2b^2$ C. $36a^2b^2$ D. $-36a^2$ **Phương pháp**

Sử dụng lý thuyết về đơn thức thu gọn:

Đơn thức thu gọn là đơn thức chỉ gồm tích của một số với các biến mà mỗi biến đã được nâng lên lũy thừa với số mũ nguyên dương. Số nói trên gọi là hệ số, phần còn lại gọi là phần biến của đơn thức thu gọn.

Lời giải

Đơn thức $-36a^2b^2x^2y^3$ với a,b là hằng số có hệ số là $-36a^2b^2$.

Đáp án B.

Câu 2: Giá trị của đa thức $4x^2y - \frac{2}{3}xy^2 + 5xy - x$ tại $x = 2; y = \frac{1}{3}$ là

A. $\frac{176}{27}$ B. $\frac{27}{176}$ C. $\frac{17}{27}$ D. $\frac{116}{27}$ **Phương pháp**

Thay $x = 2; y = \frac{1}{3}$ vào đa thức rồi tính toán.

Lời giải

Thay $x = 2; y = \frac{1}{3}$ vào đa thức $4x^2y - \frac{2}{3}xy^2 + 5xy - x$ ta được $4 \cdot 2^2 \cdot \frac{1}{3} - \frac{2}{3} \cdot 2 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^2 + 5 \cdot 2 \cdot \frac{1}{3} - 2 = \frac{176}{27}$.

Đáp án A.

Câu 3: Chọn câu sai.

A. $(x + y)^2 = (x + y)(x + y)$.B. $x^2 - y^2 = (x + y)(x - y)$.C. $(-x - y)^2 = (-x)^2 - 2(-x)y + y^2$.D. $(x + y)(x + y) = y^2 - x^2$.**Phương pháp**

Sử dụng các công thức $(A + B)^2 = A^2 + 2AB + B^2$, $(A - B)^2 = A^2 - 2AB + B^2$, $A^2 - B^2 = (A - B)(A + B)$

Lời giải

Ta có $(x + y)(x + y) = (x + y)^2 = x^2 + 2xy + y^2 \neq y^2 - x^2$ nên câu D sai.

Đáp án D.

Câu 4: Có bao nhiêu giá trị x thỏa mãn $(2x-1)^2 - (5x-5)^2 = 0$

- A. 0
- B. 1
- C. 2
- D. 3

Phương pháp

Sử dụng công thức $A^2 - B^2 = (A - B)(A + B)$ để đưa về dạng tìm x thường gặp

Lời giải

$$\text{Ta có } (2x-1)^2 - (5x-5)^2 = 0 \Leftrightarrow (2x-1+5x-5)(2x-1-5x+5) = 0 \Leftrightarrow (7x-6)(4-3x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 7x-6=0 \\ 4-3x=0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{6}{7} \\ x = \frac{4}{3} \end{cases}$$

Vậy có hai giá trị của x thỏa mãn yêu cầu.

Đáp án C.

Câu 5: Chọn câu **đúng**.

- A. $8+12y+6y^2+y^3 = (8+y^3)$.
- B. $a^3+3a^2+3a+1 = (a+1)^3$.
- C. $(2x-y)^3 = 2x^3-6x^2y+6xy-y^3$.
- D. $(3a+1)^3 = 3a^3+9a^2+3a+1$.

Phương pháp

Sử dụng công thức lập phương của một tổng $(A+B)^3 = A^3+3A^2B+3AB^2+B^3$ và lập phương của một hiệu

$$(A-B)^3 = A^3-3A^2B+3AB^2-B^3$$

Lời giải

Ta có $8+12y+6y^2+y^3 = 2^3+3.2^2y+3.2.y^2+y^3 = (2+y)^3 \neq (8+y^3)$ nên A sai.

+ Xét $(2x-y)^3 = (2x)^3-3.(2x)^2.y+3.2x.y^2-y^3 = 8x^3-12x^2y+6xy-y^3 \neq 2x^3-6x^2y+6xy-y^3$ nên C sai.

+ Xét $(3a+1)^3 = (3a)^3+3.(3a)^2.1+3.3a.1^2+1 = 27a^3+27a^2+9a+1 \neq 3a^3+9a^2+3a+1$ nên D sai

Đáp án B.

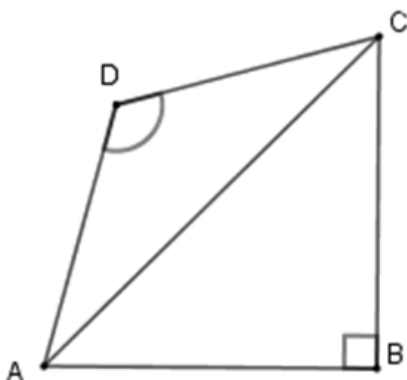
Câu 6: Tứ giác ABCD có $AB=BC, CD=DA, \hat{B}=90^\circ; \hat{D}=120^\circ$. Hãy chọn câu **đúng nhất**:

- A. $\hat{A}=85^\circ$.
- B. $\hat{C}=75^\circ$.
- C. $\hat{A}=75^\circ$.
- D. Chỉ B và C đúng.

Phương pháp

Ta sử dụng tính chất tam giác vuông cân, tam giác cân và tổng ba góc trong tam giác bằng 180° .

Lời giải



Xét tam giác ABC có $\hat{B}=90^\circ; AB=BC \Rightarrow \Delta ABC$ vuông cân
 $\Rightarrow \hat{BAC} = \hat{BCA} = \frac{90^\circ}{2} = 45^\circ$

Xét tam giác ADC có $CD=DA \Rightarrow \Delta ADC$ cân tại D có
 $\hat{ADC} = 120^\circ$ nên $\hat{DAC} = \hat{DCA} = \frac{180^\circ - 120^\circ}{2} = 30^\circ$

Từ đó ta có $\hat{A} = \hat{BAD} = \hat{BAC} + \hat{CAD} = 45^\circ + 30^\circ = 75^\circ$

Và $\hat{C} = \hat{BCD} = \hat{BCA} + \hat{ACD} = 45^\circ + 30^\circ = 75^\circ$

Nên $\hat{A} = \hat{C} = 75^\circ$.

Đáp án D.

Câu 7: Hình thang ABCD (AB//CD) có số đo góc D bằng 70° , số đo góc A là:

- A. 130°
- B. 90°
- C. 110°
- D. 120°

Phương pháp

Ta sử dụng tính chất của hình thang: Ta thấy góc A và D là hai góc trong cùng phía nên $\hat{A} + \hat{D} = 180^\circ$ từ đó ta suy ra số đo góc A.

Lời giải

$$\begin{aligned} \hat{A} + \hat{D} &= 180^\circ \\ \Rightarrow \hat{A} &= 180^\circ - \hat{D} \\ &= 180^\circ - 70^\circ \\ &= 110^\circ \end{aligned}$$

Đáp án C.

Câu 8: Cho hình chóp tam giác đều có độ dài cạnh đáy là 5cm, độ dài trung đoạn của hình chóp là 6cm. Diện tích xung quanh của hình chóp tam giác đều đó là:

- A. $40cm^2$
- B. $36cm^2$
- C. $45cm^2$
- D. $50cm^2$

Phương pháp

Dựa vào công thức tính diện tích xung quanh của hình chóp tam giác đều.

Lời giải

Diện tích xung quanh hình chóp là:

$$S_{xq} = p.d = \frac{5 \times 3}{2} \cdot 6 = \frac{15}{2} \cdot 6 = 45 (cm^2)$$

Vậy diện tích xung quanh hình chóp tam giác đều có đó là $45 cm^2$.

Đáp án C.

Câu 9: Hình chóp tứ giác đều có mặt bên là hình gì?

- A. Tam giác cân.
- B. Tam giác vuông.
- C. Tam giác vuông cân.
- D. Đáp án khác.

Phương pháp

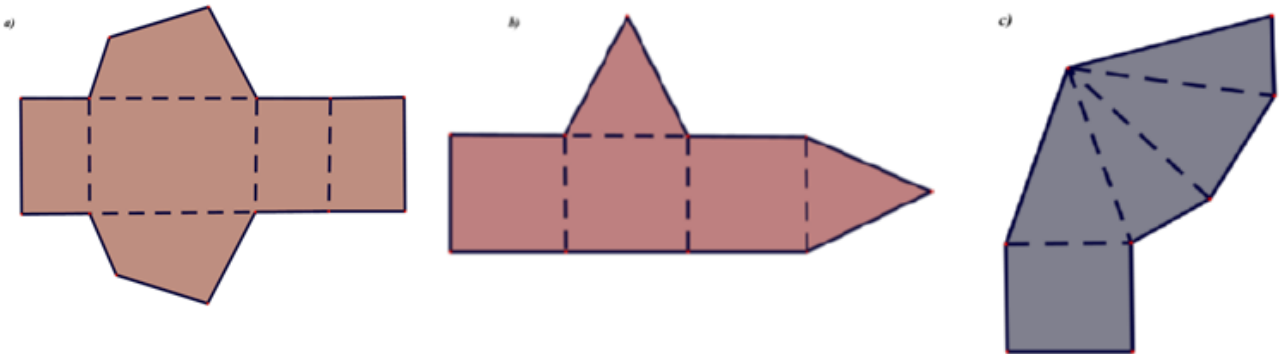
Dựa vào đặc điểm của hình chóp tứ giác.

Lời giải

Hình chóp tứ giác đều có mặt bên là hình tam giác cân.

Đáp án A.

Câu 10: Trong các hình vẽ bên dưới hình nào có thể gập theo nét đứt để được hình chóp tứ giác đều:



- A. Hình b và c.
- B. Hình c.
- C. Hình a và c.
- D. Hình b.

Phương pháp

Dựa vào đặc điểm của hình chóp tứ giác.

Lời giải

Trong các hình trên, chỉ có hình c có thể tạo được hình chóp tứ giác đều.

Đáp án B.

Câu 11: Cho ΔABC vuông tại A có $AB = 4$ cm, $BC = 5$ cm. Diện tích ΔABC bằng:

- A. 6cm^2 .
C. 12cm^2 .

- B. 10cm^2 .
D. 20cm^2 .

Phương pháp

Áp dụng định lý Pythagore để tính AC .

Sử dụng công thức tính diện tích tam giác để tính diện tích tam giác ABC .

Lời giải

Áp dụng định lý Pythagore vào tam giác ABC vuông tại A , ta có:

$$AB^2 + AC^2 = BC^2$$

$$4^2 + AC^2 = 5^2$$

$$AC^2 = 5^2 - 4^2$$

$$AC^2 = 9 = 3^2$$

$$\Rightarrow AC = 3$$

Diện tích tam giác ABC là:

$$S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC = \frac{1}{2} \cdot 3 \cdot 4 = 6 (\text{cm}^2)$$

Đáp án A.

Câu 12: Cho hình chóp $S.ABCD$ đều có thể tích bằng 200cm^3 , chiều cao SO bằng 12cm . Độ dài cạnh bên của hình chóp tứ giác đó là:

- A. 12cm .
C. 11cm .

- B. 13cm .
D. 16cm .

Phương pháp

Áp dụng công thức tính thể tích hình chóp tứ giác và định lý Pythagore để tính độ dài cạnh bên của hình chóp.

Lời giải

$$\text{Ta có: } V = \frac{1}{3} SO \cdot S_{ABCD}$$

$$\Leftrightarrow 200 = \frac{1}{3} \cdot 12 \cdot S_{ABCD}$$

$$\Rightarrow S_{ABCD} = \frac{200}{\frac{1}{3} \cdot 12} = \frac{200}{4} = 50$$

$$\Leftrightarrow BC^2 = 50$$

Tam giác BHC vuông cân nên $HB^2 + HC^2 = BC^2$ hay $2HC^2 = BC^2$ hay $2HC^2 = 50$

Suy ra $HC^2 = 25$

$$SC^2 = SH^2 + HC^2 = 12^2 + 25^2 = 169 = 13^2.$$

Vậy độ dài cạnh bên là 13cm .

Đáp án B.**Phần tự luận.**

Bài 1. (2 điểm) Cho biểu thức: $A = 3x(2x - y) + (x - y)(x + y) - 7x^2 + y^2$.

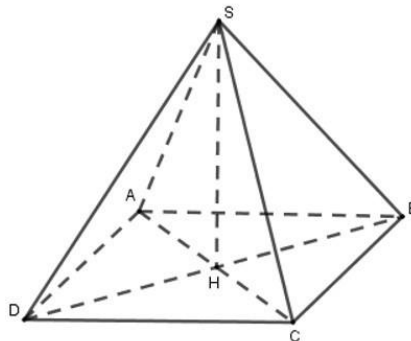
a) Thu gọn A .

b) Tính giá trị của A biết $x = \frac{-2}{3}$ và $y = 2$

Phương pháp

a) Sử dụng quy tắc cộng, trừ, nhân, chia đa thức và những hằng đẳng thức đáng nhớ để rút gọn.

b) Thay x, y vào A để tính giá trị.

Lời giải

$$\begin{aligned} \text{a) } A &= 3x(2x - y) + (x - y)(x + y) - 7x^2 + y^2 \\ &= 6x^2 - 3xy + x^2 - y^2 - 7x^2 + y^2 = -3xy \end{aligned}$$

$$\text{b) Thay } x = \frac{-2}{3} \text{ và } y = 2 \text{ vào } A, \text{ ta được: } A = -3 \cdot \left(\frac{-2}{3}\right) \cdot 2 = 4.$$

Vậy $A = -3xy$, giá trị của A tại $x = \frac{-2}{3}$ và $y = 2$ là 4.

Bài 2. (1,5 điểm) Tìm x biết:

$$\text{a) } (x - 3)^2 - x^2 = 0$$

$$\text{b) } x^3 - 5x^2 - 9x + 45 = 0$$

$$\text{c) } (5x - 3)(2x + 1) - (2x - 1)^2 + 4 = 0$$

Phương pháp

Dựa vào các hằng đẳng thức đáng nhớ, phân tích đa thức thành nhân tử để tìm x .

Lời giải

$$\text{a) } (x - 3)^2 - x^2 = 0$$

$$(x - 3 - x)(x - 3 + x) = 0$$

$$-3 \cdot (2x - 3) = 0$$

$$2x - 3 = 0$$

$$x = \frac{3}{2}$$

$$\text{Vậy } x = \frac{3}{2}$$

$$\text{b) } x^3 - 5x^2 - 9x + 45 = 0$$

$$x^2(x - 5) - 9(x - 5) = 0$$

$$(x^2 - 9)(x - 5) = 0$$

$$(x - 3)(x + 3)(x - 5) = 0$$

$$\begin{cases} x - 3 = 0 \\ x + 3 = 0 \\ x - 5 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 3 \\ x = -3 \\ x = 5 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 3 \\ x = -3 \\ x = 5 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 3 \\ x = -3 \\ x = 5 \end{cases}$$

Vậy $x = 3, x = -3$ hoặc $x = 5$.

$$\text{c) } (5x - 3)(2x + 1) - (2x - 1)^2 + 4 = 0$$

$$\begin{aligned} (5x-3)(2x+1) - (2x-1)^2 + 4 &= 0 \\ (5x-3)(2x+1) - [(2x-1)-4] &= 0 \\ (5x-3)(2x+1) - (2x-1-2)(2x-1+2) &= 0 \\ (5x-3)(2x+1) - (2x-3)(2x+1) &= 0 \\ (5x-3-2x+3)(2x+1) &= 0 \\ 3x(2x+1) &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{cases} x = 0 \\ 2x+1 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 0 \\ x = -\frac{1}{2} \end{cases}$$

Vậy $x = 0$ hoặc $x = -\frac{1}{2}$.

Bài 3. (1 điểm) Người ta thiết kế chậu trồng cây có dạng hình chóp tam giác đều (như hình vẽ bên) biết: cạnh đáy khoảng 20cm, chiều cao khoảng 35 cm, độ dài trung đoạn khoảng 21 cm.

- Người ta muốn sơn các bề mặt xung quanh chậu. Hỏi diện tích bề mặt cần sơn là bao nhiêu?
- Tính thể tích của chậu trồng cây đó (làm tròn kết quả đến hàng phần trăm). Biết đường cao của mặt đáy hình chóp là 17cm.

Phương pháp

- Sử dụng công thức tính diện tích xung quanh hình chóp tam giác.
- Tính thể tích hình chóp tam giác.

Lời giải

a) Diện tích bề mặt cần sơn là :

$$S_{xq} = \frac{1}{2} \cdot C \cdot d = \frac{1}{2} \cdot (3 \cdot 20) \cdot 21 = 630(\text{cm}^2)$$

b) Thể tích của chậu trồng cây đó là :

$$V = \frac{1}{3} \cdot S \cdot h = \frac{1}{3} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot 20 \cdot 17\right) \cdot 35 = 1983,33(\text{cm}^3)$$

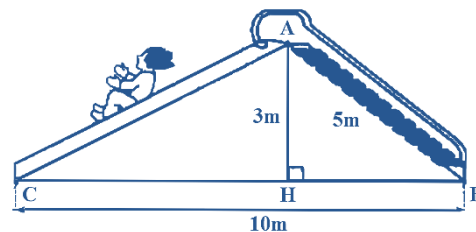
Bài 4. (2 điểm)

- Cho tứ giác $ABCD$ có $AB = BC$; $CD = DA$. Biết $\hat{B} = 100^\circ$, $\hat{D} = 80^\circ$. Tính \hat{A} và \hat{C} .
- Tính chiều dài đường trượt AC trong hình vẽ trên (kết quả làm tròn hàng phần mười).

Phương pháp

a) Chứng minh $\triangle ABD = \triangle CBD \Rightarrow \hat{A} = \hat{C}$.

Áp dụng định lí tổng các góc của hình tứ giác bằng 360° để tính \hat{A} và \hat{C} .



b) Áp dụng định lý Pythagore trong tam giác vuông AHB, AHC để tính AC.

Lời giải

1. Xét $\triangle ABD$ và $\triangle CBD$ có

$AB = AC$ (giả thiết);

$AD = DC$ (giả thiết);

BD là cạnh chung.

$\Rightarrow \triangle ABD = \triangle CBD$ (c.c.c), suy ra $\hat{A} = \hat{C}$.

Vậy $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} + \hat{D} = 360^\circ \Rightarrow \hat{A} = \hat{C} = 90^\circ$.

2. Áp dụng định lý Pythagore trong tam giác AHB vuông tại H.

$AB^2 = AH^2 + HB^2$

$\Rightarrow HB^2 = AB^2 - AH^2 = (5)^2 - (3)^2 = 25 - 9 = 16$

$\Rightarrow HB = \sqrt{16} = 4m$

$\Rightarrow CH = CB - HB = 10 - 4 = 6m$

Áp dụng định lý Pythagore trong tam giác AHC vuông tại H.

$AC^2 = AH^2 + CH^2 = (3)^2 + (6)^2 = 9 + 36 = 45$

$\Rightarrow AC = \sqrt{45} \approx 6,7m$

Vậy chiều dài đường trượt AC là 6,7m.

Bài 4. (0,5 điểm) Cho $a + b + c = 0$. Chứng minh $a^3 + b^3 + c^3 = 3abc$.

Phương pháp

Dựa vào hằng đẳng thức $(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$ để suy ra $(a+b+c)^3$. Thay $a + b + c = 0$ để chứng minh.

Lời giải

Vì $a+b+c=0$ nên $(a+b+c)^3 = 0$.

Phân tích $(a+b+c)^3$ ta được $(a+b+c)^3 = a^3 + b^3 + c^3 + 3a^2b + 3ab^2 + 3b^2c + 3bc^2 + 3a^2c + 3ac^2 + 6abc$

$\Rightarrow a^3 + b^3 + c^3 + 3a^2b + 3ab^2 + 3b^2c + 3bc^2 + 3a^2c + 3ac^2 + 6abc = 0$

$\Rightarrow a^3 + b^3 + c^3 + (3a^2b + 3ab^2 + 3abc) + (3b^2c + 3bc^2 + 3abc) + (3a^2c + 3ac^2 + 3abc) - 3abc = 0$

$\Rightarrow a^3 + b^3 + c^3 + 3ab(a+b+c) + 3bc(a+b+c) + 3ac(a+b+c) = 3abc$

Do $a+b+c=0$

$\Rightarrow a^3 + b^3 + c^3 = 3abc$ (đpcm).

