

**ĐỀ THI HỌC KÌ I – Đề số 10****Môn: Toán học - Lớp 10****Bộ sách Chân trời sáng tạo****BIÊN SOẠN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM****Mục tiêu**

- Ôn tập lý thuyết học kì I của chương trình sách giáo khoa Toán 10 – Chân trời sáng tạo.
- Vận dụng linh hoạt lý thuyết đã học trong việc giải quyết các câu hỏi trắc nghiệm, tự luận Toán học.
- Tổng hợp kiến thức dạng hệ thống, dàn trải tất cả các chương học kì I – chương trình Toán 10.

**HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT****THỰC HIỆN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM****Phần 1: Trắc nghiệm (6 điểm)**

1.B	2.D	3.C	4.B	5.C	6.C	7.C	8.B	9.B	10.D
11.A	12.A	13.A	14.B	15.C	16.B	17.C	18.A	19.C	20.C
21.D	22.D	23.A	24.D	25.A	26.C	27.A	28.C	29.B	30.C

**Câu 1 (NB):****Phương pháp:**

Mệnh đề là câu khẳng định có tính đúng hoặc sai.

**Cách giải:**

Các câu c), f), g) không phải là mệnh đề

**Chọn C.**

**Câu 2 (TH):****Cách giải:**

$$\bar{a} = 17658 \pm 16 \Rightarrow d = 16$$

Hàng lớn nhất của d là hàng chục nên ta làm tròn số  $a = 17658$  đến hàng trăm, kết quả là: 17700.

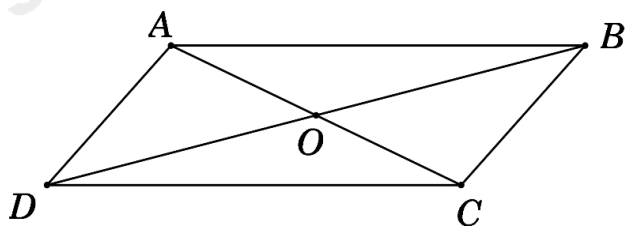
**Chọn A.**

**Câu 3 (TH):****Phương pháp:**

Sử dụng tính chất trung điểm:  $\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} = \vec{0}$  với O là trung điểm của AB.

Sử dụng quy tắc hình bình hành  $\vec{AB} + \vec{AD} = \vec{AC}$

**Cách giải:**



Xét các đáp án:

Đáp án A. Ta có  $\vec{OA} + \vec{OB} + \vec{OC} + \vec{OD} = (\vec{OA} + \vec{OC}) + (\vec{OB} + \vec{OD}) = \vec{0}$ .

Đáp án B. Ta có  $\vec{AB} + \vec{AD} = \vec{AC}$  (quy tắc hình bình hành).

Đáp án C. Ta có  $\begin{cases} |\vec{BA} + \vec{BC}| = |\vec{BD}| = BD \\ |\vec{DA} + \vec{DC}| = |\vec{DB}| = BD \end{cases}$ .

Đáp án D. Do  $\vec{CD} \neq \vec{CB} \Rightarrow (\vec{AB} + \vec{CD}) \neq (\vec{AB} + \vec{CB})$ .

**Chọn D.**

**Câu 4 (TH):**

**Cách giải:**

Ta dùng biểu đồ Ven để giải:

Gọi A là tập hợp các học sinh giỏi Toán của lớp 10E

B là tập hợp các học sinh giỏi Lý của lớp 10E

C là tập hợp các học sinh giỏi Hóa của lớp 10E

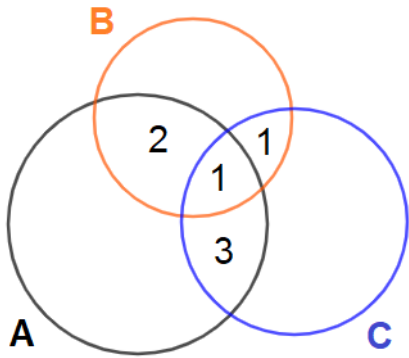
$$\Rightarrow n(A) = 7; n(B) = 5; n(C) = 6$$

$$\text{Hơn nữa } n(A \cap B) = 3; n(A \cap C) = 4; n(B \cap C) = 2; n(A \cap B \cap C) = 1$$

Số học sinh giỏi Toán và Lý mà không giỏi Hóa là:  $3 - 1 = 2$  (học sinh)

Số học sinh giỏi Toán và Hóa mà không giỏi Lý là:  $4 - 1 = 3$  (học sinh)

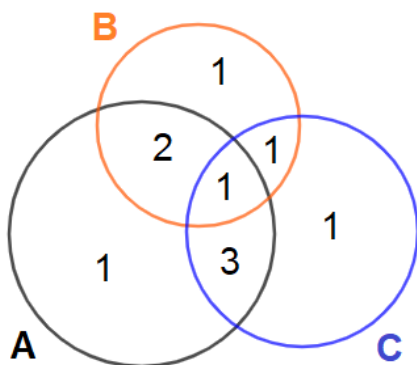
Số học sinh giỏi Lý và Hóa mà không giỏi Toán là:  $2 - 1 = 1$  (học sinh)



Số học sinh chỉ giỏi Toán là:  $7 - 2 - 1 - 3 = 1$  (học sinh)

Số học sinh chỉ giỏi Lí là:  $5 - 2 - 1 - 1 = 1$  (học sinh)

Số học sinh chỉ giỏi Hóa là:  $6 - 3 - 1 - 1 = 1$  (học sinh)



Nhìn vào biểu đồ, số học sinh giỏi ít nhất 1 trong 3 môn là:  $1 + 2 + 1 + 3 + 1 + 1 + 1 = 10$

**Chọn B.**

**Câu 5 (TH):**

**Cách giải:**

Ta có  $3x + 2(y + 3) > 4(x + 1) - y + 3 \Leftrightarrow -x + 3y - 1 > 0$ .

Vì  $-2 + 3 \cdot 1 - 1 > 0$  là mệnh đề đúng nên miền nghiệm của bất phương trình trên chứa điểm có tọa độ  $B$ .

**Chọn C.**

**Câu 6 (TH):**

**Cách giải:**

Do miền nghiệm không chứa biên nên ta loại đáp án A và C.

Chọn điểm  $M(0; 1)$  thử vào các hệ bất phương trình.

Xét đáp án B, ta có  $\begin{cases} 0 - 2 \cdot 1 > 0 \\ 0 + 3 \cdot 1 < -2 \end{cases}$  : Sai.

**Chọn D.**

**Câu 7 (VD):**

**Phương pháp:**

Áp dụng định lí cosin trong tam giác ABC tính BC:  $BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2AB.AC.\cos A$ .

**Cách giải:**

Áp dụng định lí Cosin, ta có  $BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2AB.AC.\cos A$

$$= 3^2 + 6^2 - 2.3.6.\cos 60^\circ = 27 \Leftrightarrow BC^2 = 27 \Rightarrow BC^2 + AB^2 = AC^2.$$

Suy ra tam giác ABC vuông tại B do đó bán kính  $R = \frac{AC}{2} = 3$

**Chọn A.****Câu 8 (TH):****Cách giải:**

Sau 2 giờ tàu B đi được 40 hải lí, tàu C đi được 30 hải lí. Vậy tam giác ABC có và

Áp dụng định lí côsin vào tam giác ABC ta có:

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc.\cos A = 30^2 + 40^2 - 2.30.40.\cos 60^\circ = 900 + 1600 - 1200 = 1300$$

Vậy  $BC = \sqrt{1300} \approx 36$  (hải lí).

Sau 2 giờ, hai tàu cách nhau khoảng 36 hải lí.

**Chọn B.****Câu 9 (TH):****Phương pháp:**

Sử dụng  $\sin^2 x + \cos^2 x = 1, \tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$ .

**Cách giải:**

Hai góc  $15^\circ$  và  $75^\circ$  phụ nhau nên  $\sin 75^\circ = \cos 15^\circ$

Hai góc  $20^\circ$  và  $110^\circ$  hơn kém nhau  $90^\circ$  nên  $\sin 20^\circ = -\cos 110^\circ$

Do đó,

$$S = \sin^2 15^\circ + \cos^2 20^\circ + \sin^2 75^\circ + \cos^2 110^\circ$$

$$= \sin^2 15^\circ + \cos^2 20^\circ + \cos^2 15^\circ + (-\sin 20^\circ)^2$$

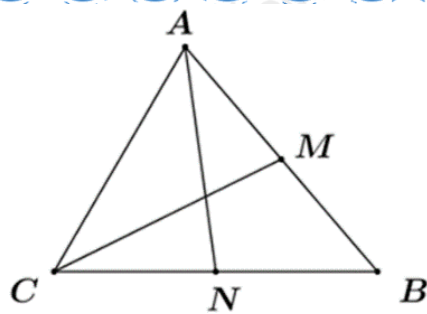
$$= \sin^2 15^\circ + \cos^2 15^\circ + \cos^2 20^\circ + \sin^2 20^\circ$$

$$= 2$$

**Chọn C.****Câu 10 (VD):****Phương pháp:**

Sử dụng quy tắc ba điểm, phép nhân vectơ với một số.

**Cách giải:**



Từ giả thiết suy ra  $AC = a\sqrt{2}$

$$\text{Ta có } P = \overrightarrow{AC} \cdot (\overrightarrow{CD} + \overrightarrow{CA}) = \overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{CA} = -\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{CD} - \overrightarrow{AC}^2$$

$$= -CA \cdot CD \cdot \cos(\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CD}) - AC^2 = -a\sqrt{2} \cdot a \cdot \cos 45^\circ - (a\sqrt{2})^2 = -3a^2$$

**Chọn C.**

**Câu 11 (TH):**

**Phương pháp:**

- $\sqrt{P(x)}$  có nghĩa khi  $P(x) \geq 0$ .
- $\frac{Q(x)}{\sqrt{P(x)}}$  có nghĩa khi  $P(x) > 0$ .

**Cách giải:**

$$\text{Hàm số } y = \sqrt{6-2x} - \frac{1}{\sqrt{x+1}} \text{ xác định khi } \begin{cases} 6-2x \geq 0 \\ x+1 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \leq 3 \\ x > -1 \end{cases} \Leftrightarrow -1 < x \leq 3$$

Vậy tập xác định  $D = (-1; 3]$

**Chọn C.**

**Câu 12 (TH):**

**Phương pháp:**

Thay tọa độ các điểm vào hàm số

**Cách giải:**

Với  $x = -5, x = 0$  thì  $y = \frac{\sqrt{x-3} + 10}{x+5}$  không xác định. Suy ra điểm  $(-5; 2)$  và  $(0; 6)$  không thuộc đồ thị hàm số

Với  $x = 4$  thì  $y = \frac{\sqrt{4-3} + 10}{4+5} = \frac{11}{9} \neq 1, 1$ . Suy ra điểm  $(4; 1, 1)$  không thuộc đồ thị hàm số.

Với  $x = 7$  thì  $y = \frac{\sqrt{7-3} + 10}{7+5} = 1$ . Suy ra điểm  $(7; 1)$  thuộc đồ thị hàm số.

**Chọn A.**

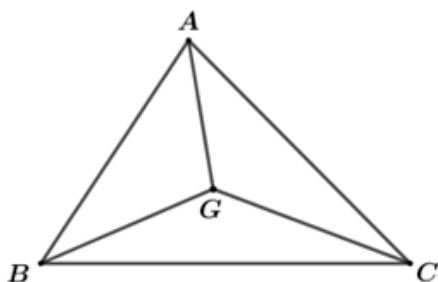
**Câu 13 (TH):**

**Phương pháp:**

Áp dụng phương pháp phân tích một vecto theo hai vecto cùng phương.

Tính chất trọng tâm của tam giác.

**Cách giải:**



Vì  $G$  là trọng tâm của  $\Delta ABC$  nên  $\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0} \Rightarrow \vec{GC} = -\vec{GA} - \vec{GB}$ .

Ta có:  $\vec{BC} = \vec{BG} + \vec{GC} \Rightarrow \vec{BC} = -\vec{GB} + \vec{GC}$

$\Rightarrow \vec{BC} = -\vec{GA} - 2\vec{GB} = -\vec{a} - 2\vec{b} = -\vec{GB} - \vec{GA} - \vec{GB} = -\vec{GA} - 2\vec{GB}$

Mà  $\vec{BC} = m\vec{a} + n\vec{b}$  suy ra  $m = -1, n = -2$ .

**Chọn B.**

**Câu 14 (TH):**

**Cách giải:**

Ta có  $\angle C = 180^\circ - (\angle A + \angle B) = 75^\circ = \angle A$ .

Suy ra tam giác ABC cân tại C nên  $AC = BC = 4$ .

Diện tích tam giác ABC là  $S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} AC \cdot BC \cdot \sin C = 4$

**Chọn C.**

**Câu 15 (NB):**

**Cách giải:**

Với  $a > 0$ , ta có bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-\frac{b}{2a}$	$+\infty$
$y$	$+\infty$	$\frac{-\Delta}{4a}$	$+\infty$

Hàm số đồng biến trên  $(-\frac{b}{2a}; +\infty)$ .

**Chọn B.****Câu 16 (TH):****Phương pháp:**

Đối với bảng phân bố tần số, phương sai được tính theo công thức:

$$s^2 = \frac{1}{N} \left[ n_1 (x_1 - \bar{x})^2 + n_2 (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + n_k (x_k - \bar{x})^2 \right]$$

Với  $n_i; f_i$  lần lượt là tần số, tần suất của giá trị  $x_i$ .**Cách giải:**

Bảng phân số tần số:

Sản lượng ( $x$ )	20	21	22	23	24	Tổng
Tần số ( $n$ )	5	8	11	10	6	$N = 40$

\*) Sản lượng trung bình của 40 thửa ruộng là:

$$\bar{x} = \frac{20.5 + 21.8 + 22.11 + 23.10 + 24.6}{40} = 22,1 \text{ (tạ)}$$

\*) Phương sai:

$$s^2 = \frac{1}{40} \left[ 5.(20 - 22,1)^2 + 8.(21 - 22,1)^2 + 11.(22 - 22,1)^2 + 10.(23 - 22,1)^2 + 6.(24 - 22,1)^2 \right] = 1,54 \text{ (tạ)}$$

\*) Độ lệch chuẩn:

$$s = \sqrt{1,54} \approx 1,24.$$

**Chọn A.****Câu 17 (NB):****Phương pháp:**

Liệt kê các ước chung của 36 và 120.

**Cách giải:**

$$\text{Ta có } \begin{cases} 36 = 2^2 \cdot 3^2 \\ 120 = 2^3 \cdot 3 \cdot 5 \end{cases}. \text{ Do đó } A = \{1; 2; 3; 4; 6; 12\}.$$

**Chọn A.****Câu 18 (NB):****Phương pháp:**

$$A \cap B = \{x \in A \text{ và } x \in B\}.$$

$$A \cup B = \{x \in A \text{ hoặc } x \in B\}.$$

$$A \setminus B = \{x \in A \text{ và } x \notin B\}.$$



**Cách giải:**

Ta có:  $A = \{0; 1; 2; 3; 4\}, B = \{1; 3; 4; 6; 8\}$ .

$$A \cap B = \{1; 3; 4\} \neq B.$$

$$A \cup B = \{0; 1; 2; 3; 4; 6; 8\} \neq A.$$

$$A \setminus B = \{0; 2\}.$$

$$B \setminus A = \{6; 8\} \neq \{0; 4\}.$$

**Chọn C.****Câu 19 (NB):****Phương pháp:**

Thay tọa độ điểm M vào từng hệ bất phương trình.

**Cách giải:**

Thay tọa độ  $M(0; -3)$  vào biểu thức  $2x - y$  ta được:  $2.0 - (-3) = 3 \Rightarrow$  Loại B, D.

Thay tọa độ  $M(0; -3)$  vào biểu thức  $3x + 5y$  ta được:  $3.0 + 5.(-3) = -15 \Rightarrow$  Loại C

**Chọn A.****Câu 20 (TH):****Phương pháp:**

Bước 1. Biểu diễn miền nghiệm của hệ BPT

Bước 2. Xác định tọa độ đỉnh của miền nghiệm

Bước 3. Tính giá trị của F tại các đỉnh. KL giá trị nhỏ nhất.

**Cách giải:**

$$\text{Ta có } \begin{cases} y - 2x \leq 2 \\ 2y - x \geq 4 \\ x + y \leq 5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y - 2x - 2 \leq 0 \\ 2y - x - 4 \geq 0. (*) \\ x + y - 5 \leq 0 \end{cases}$$

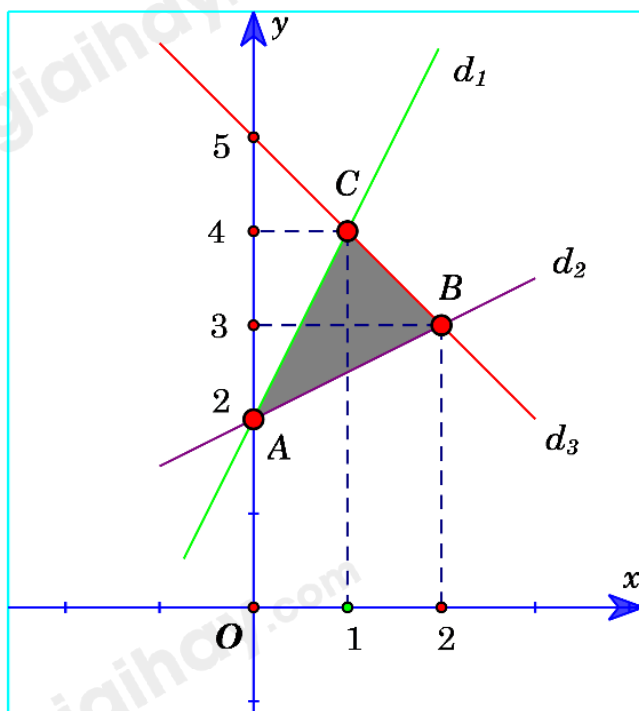
Trong mặt phẳng tọa độ Oxy, vẽ các đường thẳng

$$d_1: y - 2x - 2 = 0, d_2: 2y - x - 4 = 0,$$

$$d_3: x + y - 5 = 0.$$

Khi đó miền nghiệm của hệ bất phương trình (\*) là phần mặt phẳng (tam giác ABC kể cả biên) tô màu như hình vẽ.





Xét các đỉnh của miền khép kín tạo bởi hệ (\*) là  $A(0;2), B(2;3), C(1;4)$ .

$$\text{Ta có } \begin{cases} F(0;2) = 2 \\ F(2;3) = 1 \Rightarrow F_{\min} = 1. \\ F(1;4) = 3 \end{cases}$$

**Chọn A.**

**Câu 21 (TH):**

**Cách giải:**

Hàm số bậc hai cần tìm có phương trình:  $y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$

Đồ thị là parabol có hoành độ đỉnh là  $\frac{5}{2}$  và đi qua  $A(1;-4)$

$$\Rightarrow \begin{cases} \frac{-b}{2a} = \frac{5}{2} \\ a+b+c = -4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{-b}{a} = 5 \\ a+b+c = -4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b = -5a \\ a+b+c = -4 \end{cases}$$

$A(1;-4)$  không thuộc hàm số  $y = x^2 - 5x + 8 \Rightarrow$  Loại A.

Hàm số  $y = 2x^2 + 10x - 16$  có  $b = 10, a = 2 \Rightarrow b \neq -5a \Rightarrow$  Loại B

Hàm số  $y = x^2 - 5x$  có  $b = -5, a = 1 \Rightarrow b = -5a$ , đi qua  $A(1;-4)$  (TM)

Hàm số  $y = -2x^2 + 5x + 1$  có  $b = 5, a = -2 \Rightarrow b \neq -5a \Rightarrow$  Loại D

**Chọn C.**

**Câu 22 (VD):**

**Phương pháp:**

Chia cả tử và mẫu biểu thức P cho  $\cos \alpha$  và biểu diễn biểu thức P theo  $\tan \alpha$ .

**Cách giải:**

$$\text{Ta có } P = \frac{6 \sin \alpha - 7 \cos \alpha}{6 \cos \alpha + 7 \sin \alpha} = \frac{6 \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} - 7}{6 + 7 \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}} = \frac{6 \tan \alpha - 7}{6 + 7 \tan \alpha} = \frac{5}{3}$$

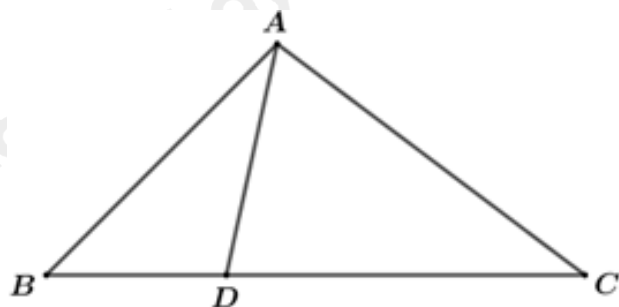
**Chọn B.**

**Câu 23 (TH):**

**Phương pháp:**

Áp dụng định nghĩa tích của vectơ với một số, quy tắc cộng vectơ để phân tích vectơ.

**Cách giải:**



Ta có:

$$\begin{aligned} \overrightarrow{AD} &= \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BD} = \overrightarrow{AB} + \frac{1}{3} \overrightarrow{BC} \\ &= \overrightarrow{AB} + \frac{1}{3} (\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AC}) = \overrightarrow{AB} - \frac{1}{3} \overrightarrow{AB} + \frac{1}{3} \overrightarrow{AC} = \frac{2}{3} \overrightarrow{AB} + \frac{1}{3} \overrightarrow{AC} \\ \Rightarrow \overrightarrow{AD} &= \frac{2}{3} \overrightarrow{AB} + \frac{1}{3} \overrightarrow{AC} \end{aligned}$$

**Chọn A.**

**Câu 24 (NB):**

**Phương pháp:**

Áp dụng các tính chất của phép nhân vectơ với một số.

**Cách giải:**

Với  $\vec{a}, \vec{b}$  tùy ý;  $\forall k, h \in \mathbb{R}$  ta có:

+)  $0 \cdot \vec{a} = \vec{0}$  là đáp án sai vì  $0 \cdot \vec{a} = \vec{0}$ .

+)  $k(\vec{a} + \vec{b}) = k\vec{a} + k\vec{b}$  (đúng)

+)  $k \cdot \vec{0} = \vec{0}$  (đúng)

+)  $h(k\vec{a}) = (hk)\vec{a}$  (đúng)

**Chọn A.**

**Câu 25 (NB):**

**Cách giải:**

Dùng Pitago tính được  $AC = 8$ , suy ra  $p = \frac{AB + BC + CA}{2} = 12$

Diện tích tam giác vuông  $S = \frac{1}{2} AB \cdot AC = 24$ . Lại có  $S = p \cdot r \Rightarrow r = \frac{S}{p} = 2 \text{ cm}$

**Chọn C.**

**Câu 26 (TH):**

**Cách giải:**

Chu vi của miếng đất là

$$P = 2[x + y] = 2 \cdot [(43 \pm 0,5) + (63 \pm 0,5)] \\ = 2 \cdot [(43 + 63) \pm (0,5 + 0,5)] = 212 \pm 2.$$

**Chọn B.**

**Câu 27 (TH):**

**Phương pháp:**

Khoảng biến thiên, kí hiệu là R, là hiệu số giữa giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất.

**Cách giải:**

Giá trị lớn nhất là 20

Giá trị nhỏ nhất là 1

Vậy khoảng biến thiên của mẫu số liệu là:  $R = 20 - 1 = 19$

**Chọn C.**

**Câu 28 (TH):**

**Cách giải:**

Đồ thị hàm số cắt trục tung tại điểm  $(0; -1)$  nên  $c = -1$ .

$$\text{Toạ độ đỉnh } I(1; -2), \text{ ta có phương trình: } \begin{cases} -\frac{b}{2a} = 1 \\ a \cdot 1^2 + b \cdot 1 - 1 = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2a + b = 0 \\ a + b = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = -2 \end{cases}.$$

Vậy parabol cần tìm là:  $y = x^2 - 2x - 1$ .

**Chọn C.**

**Câu 29 (TH):**

**Cách giải:**

Hàm số  $y = -x^2 + 4x - 5$  có  $a = -1 < 0$ , nên loại C, D.

$$\text{Hoành độ đỉnh } x_l = -\frac{b}{2a} = -\frac{4}{2 \cdot (-1)} = 2$$

**Chọn B.****Câu 30 (NB):****Phương pháp:**

Sử dụng định nghĩa tích vô hướng của hai vectơ:  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos(\vec{a}, \vec{b})$

**Cách giải:**

Xác định được góc  $(\vec{AB}, \vec{BC})$  là góc ngoài của góc  $\hat{B}$  nên  $(\vec{AB}, \vec{BC}) = 120^\circ$

$$\text{Do đó } \vec{AB} \cdot \vec{BC} = AB \cdot BC \cdot \cos(\vec{AB}, \vec{BC}) = a \cdot a \cdot \cos 120^\circ = -\frac{a^2}{2}$$

**Chọn C.****Phần 2: Tự luận (4 điểm)****Câu 1 (VD):****Phương pháp:**

a)

\* Số trung bình của mẫu số liệu  $x_1, x_2, \dots, x_n$  kí hiệu là  $\bar{x}$ , được tính bằng công thức:

$$\bar{x} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + \dots + m_k x_k}{n}$$

Trong đó  $m_k$  là tần số của giá trị  $x_k$  và  $n = m_1 + m_2 + \dots + m_k$ .

**Cách giải:**

a) Mẫu số liệu thống kê nhiệt độ nhận được từ bảng là:

23 25 26 27 27 27 27 21 19 18

b)

\* Nhiệt độ trung bình của 10 ngày liên tiếp ở Nghệ An cuối tháng 01 năm 2022 là:

$$\bar{x} = \frac{23 + 25 + 26 + 27 + 27 + 27 + 27 + 21 + 19 + 18}{10} = 24 \text{ (}^\circ\text{C)}$$

\* Phương sai

$$s^2 = \frac{1}{10} (23^2 + 25^2 + 26^2 + 4 \cdot 27^2 + 21^2 + 19^2 + 18^2) - 24^2 = 11,2$$

\* Độ lệch chuẩn

$$s = \sqrt{11,2} \approx 3,35$$

**Câu 2 (VD):**

**Cách giải:**

a) Gọi I là trung điểm BC ta có:

$$|\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}| = |\overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}| \Leftrightarrow |\overrightarrow{MI}| = |\overrightarrow{CB}| \Leftrightarrow MI = \frac{BC}{2}$$

Vậy tập hợp điểm M là đường tròn tâm I, bán kính  $R = \frac{BC}{2}$ .

b) Gọi K là điểm thỏa mãn:

$$L \text{ là điểm thỏa mãn: } 3\overrightarrow{LB} + 2\overrightarrow{LC} = \vec{0}$$

$$\text{Ta có: } |2\overrightarrow{MA} + 3\overrightarrow{MB}| = |3\overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MC}|$$

$$\Leftrightarrow |5\overrightarrow{MK}| = |5\overrightarrow{ML}| \Leftrightarrow MK = ML$$

$\Rightarrow$  Tập hợp điểm M là đường trung trực của đoạn thẳng KL.

c) Với I là trung điểm của BC. Gọi J là điểm thỏa mãn:  $4\overrightarrow{JA} + \overrightarrow{JB} + \overrightarrow{JC} = \vec{0}$

Ta có:

$$|4\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}| = |2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}|$$

$$\Leftrightarrow |6\overrightarrow{MJ}| = |2\overrightarrow{MA} - 2\overrightarrow{MI}| \Leftrightarrow |6\overrightarrow{MJ}| = |2\overrightarrow{IA}| \Leftrightarrow MJ = \frac{1}{3}IA = \text{const}$$

Vậy tập hợp điểm M là đường tròn tâm J bán kính  $R = \frac{1}{3}IA$ .

**Câu 3 (VD):**

**Cách giải:**

Parabol (P)  $y = ax^2 + bx + c$  giao với Oy tại điểm có tọa độ  $(0;c)$ , do đó  $c = -1$

$$(P) \text{ có hoành độ đỉnh } x_l = -\frac{b}{2a} = 1 \Rightarrow b = -2a$$

Điểm  $I(1;-2)$  thuộc (P) nên  $a.1^2 + b.1 - 1 = -2$  hay  $a + b = -1$

$$\text{Từ đó ta có hệ phương trình } \begin{cases} a + b = -1 \\ b = -2a \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b = -2 \\ a = 1 \end{cases}$$

Vậy parabol cần tìm là  $y = x^2 - 2x - 1$

\* Vẽ parabol

Đỉnh  $I(1;-2)$

Trục đối xứng  $x = 1$

Giao với Oy tại A(0;-1), lấy điểm B(2;-1) đối xứng với A qua trục đối xứng

Lấy điểm C(-1;2) và D(3;2) thuộc đồ thị.

