

ĐỀ THAM KHẢO TỐT NGHIỆP THPT – Đề số 7

Môn: Toán học

Chương trình GDPT 2018

BIÊN SOẠN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM

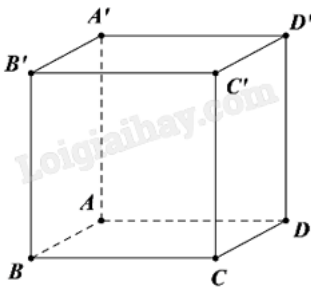


Mục tiêu

- Ôn tập lý thuyết chương trình Toán THPT.
- Vận dụng linh hoạt lý thuyết đã học trong việc giải quyết các câu hỏi trắc nghiệm Toán học.
- Tổng hợp kiến thức dạng hệ thống, dàn trải chương trình Toán THPT.

**Phần I: Câu trắc nghiệm nhiều phương án lựa chọn.** Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 12. Mỗi câu hỏi thí sinh chỉ chọn một phương án.

**Câu 1.** Cho hình lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$ . Góc giữa đường thẳng  $CD'$  và mặt phẳng  $(ABCD)$  bằng?



- A.  $60^\circ$
- B.  $90^\circ$
- C.  $30^\circ$
- D.  $45^\circ$

**Câu 2.** Cho hình chóp tứ giác  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , cạnh bên  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = 3a$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABCD$ .

- A.  $\frac{\sqrt{2}a^3}{6}$
- B.  $3a^3$
- C.  $a^3$
- D.  $\frac{\sqrt{2}a^3}{3}$

**Câu 3.** Nguyên hàm của hàm số  $f(x) = x^3 - x$  là

A.  $\frac{1}{4}x^4 - \frac{1}{2}x^2 + C$

B.  $3x^2 - 1 + C$

C.  $\frac{x^4}{4} + C$

D.  $x^4 + x^2 + C$

**Câu 4.** Bảng sau thống kê cân nặng của 50 quả xoài được lựa chọn ngẫu nhiên sau khi thu hoạch ở một nông trường.

Cân nặng (g)	[250; 290)	[290; 330)	[330; 370)	[370; 410)	[410; 450)
Số quả xoài	3	13	18	11	5

Khoảng biến thiên của mẫu số liệu ghép nhóm trên là

A. 40

B. 540

C. 200

D. 450

**Câu 5.** Không gian với trục hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho  $\vec{a} = 2\vec{j} - \vec{i} + 3\vec{k}$ . Tọa độ của vectơ  $\vec{a}$  là

A.  $\vec{a}(-1; 2; -3)$

B.  $\vec{a}(2; -1; 3)$

C.  $\vec{a}(-1; 2; 3)$

D.  $\vec{a}(2; -1; -3)$

**Câu 6.** Tập nghiệm của bất phương trình  $\left(\frac{1}{3}\right)^x > 9$  là

A.  $(2; +\infty)$

B.  $(-\infty; -2)$

C.  $(-2; +\infty)$

D.  $(-2; 0)$

**Câu 7.** Cho hàm số  $f(x) = e^x$ . Tính  $f'(2)$ .

A.  $f'(2) = 2e$

B.  $f'(2) = -e^2$

C.  $f'(2) = e$

D.  $f'(2) = e^2$

**Câu 8.** Phương trình  $\sin x = -\frac{1}{2}$  có tập nghiệm là

A.  $S = \left\{ \frac{\pi}{6} + k2\pi; \frac{5\pi}{6} + k2\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

B.  $S = \left\{ -\frac{\pi}{6} + k2\pi; \frac{\pi}{6} + k2\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

C.  $S = \left\{ -\frac{\pi}{6} + k2\pi; \frac{7\pi}{6} + k2\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

D.  $S = \left\{ \frac{1}{6} + k2\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

**Câu 9.** Trong không gian, với mọi vectơ  $\vec{a}, \vec{b}$  ta có

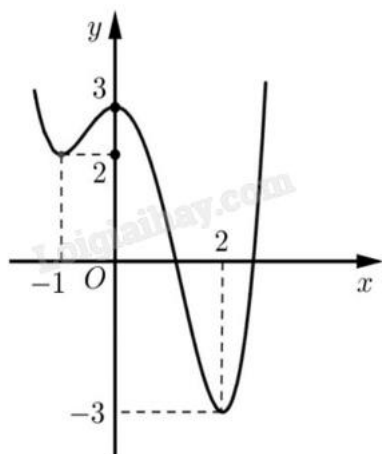
A.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$

B.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \sin(\vec{a}, \vec{b})$

C.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos(\vec{a}, \vec{b})$

D.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = -|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên.



Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

A.  $(2; +\infty)$

B.  $(0; 2)$

C.  $(-\infty; 2)$

D.  $(2; 3)$

**Câu 11.** Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho hai vectơ  $\vec{u} = (2; 0; -3)$  và  $\vec{v} = (0; 2; -1)$ . Tìm tọa độ của vectơ  $\vec{a} = \vec{u} + 2\vec{v}$ .

A.  $\vec{a} = (2; 4; -1)$

B.  $\vec{a} = (2; 2; -4)$

C.  $\vec{a} = (0; 1; -1)$

D.  $\vec{a} = (2; 4; -5)$

**Câu 12.** Trong không gian Oxy, cho điểm  $M(1; 0; 2)$  và mặt phẳng  $(P): 2x - y + 3z + 5 = 0$ . Mặt phẳng đi qua  $M$  và song song với  $(P)$  có phương trình là

A.  $2x - y + 3z + 8 = 0$

B.  $2x + y + 3z - 3 = 0$

C.  $2x + y + 3z + 5 = 0$

D.  $2x - y + 3z - 8 = 0$

**Phần II: Câu trắc nghiệm đúng sai.** Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 4. Trong mỗi ý a), b), c), d) ở mỗi câu, thí sinh chọn đúng hoặc sai.

**Câu 1.** Giá của một chiếc máy photocopy lúc mới mua là 50 triệu đồng. Biết rằng giá trị của nó sau mỗi năm sử dụng chỉ còn 75% giá trị trong năm liền trước đó.

a) Giá trị của máy photocopy sau 1 năm sử dụng là:  $T_1 = 37,5$  triệu đồng.

b) Giá trị của máy photocopy sau 2 năm sử dụng lớn hơn 30 triệu đồng.

c) Giá trị tiêu hao của chiếc máy photocopy đó sau khoảng thời gian 5 năm kể từ khi mua là 11,8652 triệu đồng.

d) Sau 7 năm thì giá trị của máy photocopy còn 10% có với giá trị ban đầu.

**Câu 2.** Cho hình lăng trụ  $ABCD.A'B'C'D'$  có đáy là hình thoi cạnh  $3a$ ,  $\angle ABC = 60^\circ$ ,  $AA' = 2a$ . Đỉnh  $A'$  cách đều ba đỉnh  $A, B, C$ . Gọi  $G$  là trọng tâm của tam giác  $ABC$ .

a)  $A'G$  là đường cao của hình lăng trụ  $ABCD.A'B'C'D'$ .

b) Độ dài đường cao của hình lăng trụ  $ABCD.A'B'C'D'$  bằng  $a\sqrt{3}$ .

c) Diện tích hình thoi  $ABCD$  bằng  $\frac{9a^2\sqrt{3}}{2}$ .

d) Thể tích của khối chóp  $B'BCD$  bằng  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{2}$ .

**Câu 3.** Trường Câu lạc bộ Thể thao đã tiến hành điều tra tuổi thọ (đơn vị: năm) của máy chạy bộ do hai hãng  $X, Y$  sản xuất và thu được hai mẫu số liệu sau đây:

Tuổi thọ	[2; 4)	[4; 6)	[6; 8)	[8; 10)	[10; 12)
Số máy của hãng X	7	20	36	20	17
Số máy của hãng Y	0	20	35	35	10

- a) Tuổi thọ của máy chạy bộ do hãng Y có độ phân tán lớn hơn tuổi thọ của máy chạy bộ do hãng X sản xuất.
- b) Tuổi thọ trung bình của máy chạy bộ do hãng Y sản xuất lớn hơn tuổi thọ trung bình của máy chạy bộ do hãng X sản xuất.
- c) Khoảng tứ phân vị của mẫu số liệu về tuổi thọ của máy chạy bộ do hãng X sản xuất là 2,5.
- d) Tuổi thọ máy chạy bộ do hãng X sản xuất đồng đều hơn tuổi thọ máy chạy bộ do hãng Y sản xuất.

**Câu 4.** Cho hình chóp tứ giác đều S.ABCD có đáy ABCD là hình vuông cạnh a, tâm O. Gọi M và N lần lượt là trung điểm của hai cạnh SA và BC. Biết  $MN = \frac{a\sqrt{6}}{2}$ .

a) Gọi I hình chiếu của M lên (ABCD) nên  $CI = \frac{2}{3}AC$ .

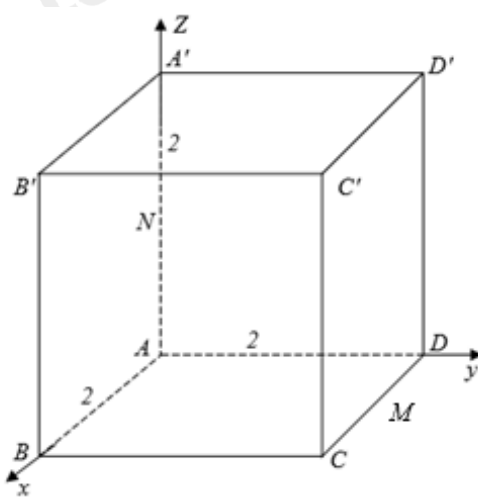
b)  $SO = \frac{a\sqrt{14}}{2}$ .

c) Khoảng cách giữa IN và SC bằng  $\frac{\sqrt{14}}{4}$ .

d) Giá trị sin của góc giữa đường thẳng MN và mặt phẳng (SBD) là  $\frac{\sqrt{6}}{3}$ .

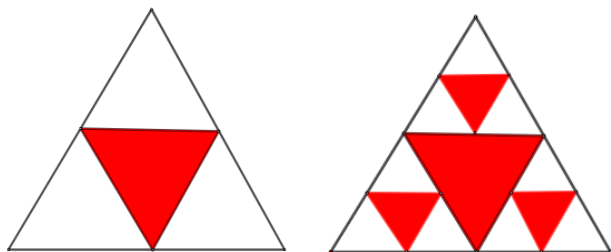
**Phần III: Câu trắc nghiệm trả lời ngắn.** Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 6.

**Câu 1.** Khối rubik như hình vẽ có độ dài cạnh bằng 2. Khi gắn rubik vào hệ trục tọa độ trong không gian Oxyz, cho hình lập phương ABCD.A'B'C'D' có A(0;0;0), B(2;0;0), D(0;2;0), A'(0;0;2). Gọi M, N lần lượt là trung điểm của CD, AA' (xem hình vẽ bên dưới). Biết rằng  $\cos[B, MN, D'] = m$ , tính giá trị 14m.



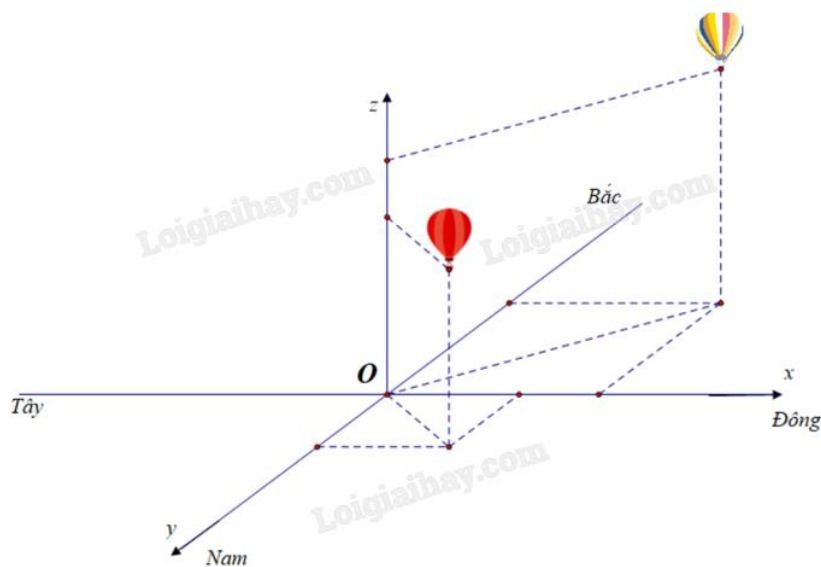
**Câu 2.** Phương trình  $\cos\left(2x + \frac{\pi}{3}\right) = -2\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right) + 1$  có bao nhiêu nghiệm trên đoạn  $[0;2024]$ ?

**Câu 3.** Một hình tam giác đều màu trắng có cạnh 2 đơn vị dài được chia thành bốn hình tam giác nhỏ hơn bằng nhau và hình tam giác ở chính giữa được tô màu đỏ (như hình vẽ).

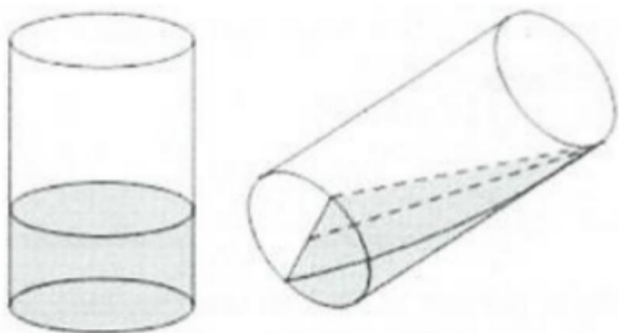


Mỗi hình tam giác màu trắng nhỏ hơn lại được chia thành bốn hình tam giác con bằng nhau, và mỗi hình tam giác con ở chính giữa lại được tô màu đỏ. Nếu quá trình này được tiếp tục lặp lại sáu lần, thì tổng diện tích các hình tam giác không được tô màu đỏ là bao nhiêu (làm tròn kết quả đến hàng phần trăm)?

**Câu 4.** Cho hệ trục tọa độ Oxyz mặt phẳng Oxy trùng với mặt đất với trục Ox hướng về phía Đông, trục Oy hướng về phía Nam và trục Oz hướng thẳng đứng lên trời (như hình minh họa bên dưới), đơn vị đo lấy theo kilomet. Hai kính khí cầu bay lên cùng thời điểm chiếc thứ nhất xuất phát tại điểm O, chiếc thứ hai xuất phát từ điểm I(1;0;0). Sau 20 phút chiếc thứ nhất cách điểm xuất phát 1 km về phía Nam và 1 km về phía Đông, đồng thời cách mặt đất 0,5 km. Chiếc thứ hai cách điểm xuất phát 2 km về phía Bắc và 2 km về phía Đông, đồng thời cách mặt đất 0,8 km. Hỏi nếu giữ nguyên vận tốc và hướng bay thì sau 10 phút nữa 2 kính khí cầu cách nhau bao km (kết quả làm tròn đến chữ số thập phân thứ nhất)?



**Câu 5.** Bạn Nam có một ống thủy tinh hình trụ, đường kính trong lòng đáy cốc là 10 cm, chiều cao cốc là 15 cm đang đựng nước. Khi bạn Nam nghiêng cốc nước thì thấy mặt nước đi qua đường kính đáy và chạm miệng cốc. Thể tích lượng nước trong cốc là bao nhiêu  $\text{cm}^3$ ?



**Câu 6.** Một công ty đấu thầu 2 dự án. Khả năng thắng thầu của dự án 1 là 0,4 và khả năng thắng thầu của dự án 2 là 0,5. Khả năng thắng thầu cả 2 dự án là 0,3. Xác suất để công ty thắng thầu dự án 2 biết công ty thắng thầu dự án 1 là  $a$ . Xác suất để công ty thắng thầu dự án 2 biết công ty không thắng thầu dự án 1 là  $b$ . Khi đó biểu thức  $P = 4a + 3b$  là bao nhiêu?

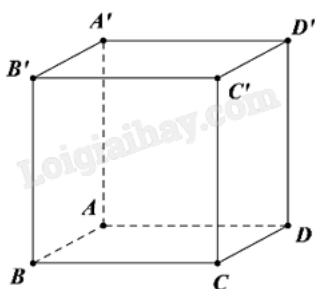
----- Hết -----



## Phần I: Trắc nghiệm nhiều phương án lựa chọn (3 điểm)

1) D	2) C	3) A	4) C	5) C	6) B
7) D	8) C	9) C	10) B	11) D	12) D

**Câu 1.** Cho hình lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$ . Góc giữa đường thẳng  $CD'$  và mặt phẳng  $(ABCD)$  bằng?



- A.  $60^\circ$
- B.  $90^\circ$
- C.  $30^\circ$
- D.  $45^\circ$

**Phương pháp giải:**

Xác định hình chiếu vuông góc của  $CD'$  lên mặt phẳng  $(ABCD)$ .

**Lời giải chi tiết:**

$CD$  là hình chiếu vuông góc của  $CD'$  lên  $(ABCD)$  nên góc giữa đường thẳng  $CD'$  và mặt phẳng  $(ABCD)$

bằng:  $(CD', (ABCD)) = (CD', CD) = \angle D'CD = 45^\circ$  ( $CD', CD$ ) =  $\angle D'CD = 45^\circ$ .

**Đáp án D.**

**Câu 2.** Cho hình chóp tứ giác  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , cạnh bên  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = 3a$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABCD$ .

- A.  $\frac{\sqrt{2}a^3}{6}$
- B.  $3a^3$
- C.  $a^3$
- D.  $\frac{\sqrt{2}a^3}{3}$

**Phương pháp giải:**



Áp dụng công thức tính thể tích khối chóp  $V = \frac{1}{3}Bh$ .

**Lời giải chi tiết:**

$$V = \frac{1}{3}SA.S_{ABCD} = \frac{1}{3}3a.a^2 = a^3.$$

**Đáp án C.**

**Câu 3.** Nguyên hàm của hàm số  $f(x) = x^3 - x$  là

A.  $\frac{1}{4}x^4 - \frac{1}{2}x^2 + C$

B.  $3x^2 - 1 + C$

C.  $\frac{x^4}{4} + C$

D.  $x^4 + x^2 + C$

**Phương pháp giải:**

Áp dụng công thức nguyên hàm của hàm số lũy thừa  $\int x^\alpha dx = \frac{x^{\alpha+1}}{\alpha+1} + C$ .

**Lời giải chi tiết:**

$$\int (x^3 - x)dx = \frac{x^4}{4} - \frac{x^2}{2} + C.$$

**Đáp án A.**

**Câu 4.** Bảng sau thống kê cân nặng của 50 quả xoài được lựa chọn ngẫu nhiên sau khi thu hoạch ở một nông trường.

Cân nặng (g)	[250; 290)	[290; 330)	[330; 370)	[370; 410)	[410; 450)
Số quả xoài	3	13	18	11	5

Khoảng biến thiên của mẫu số liệu ghép nhóm trên là

A. 40

B. 540

C. 200

D. 450

**Phương pháp giải:**

Để tính khoảng biến thiên của mẫu số liệu ghép nhóm, ta lấy đầu mút phải của nhóm cuối cùng trừ đi đầu mút trái của nhóm đầu tiên.

**Lời giải chi tiết:**

$$R = 450 - 250 = 200.$$

**Đáp án C.**

**Câu 5.** Không gian với trục hệ tọa độ Oxyz, cho  $\vec{a} = 2\vec{j} - \vec{i} + 3\vec{k}$ . Tọa độ của vector  $\vec{a}$  là

A.  $\vec{a}(-1; 2; -3)$

B.  $\vec{a}(2; -1; 3)$

C.  $\vec{a}(-1; 2; 3)$

D.  $\vec{a}(2; -1; -3)$

**Phương pháp giải:**

$$\vec{a} = m\vec{i} + n\vec{j} + p\vec{k} = (m; n; p).$$

**Lời giải chi tiết:**

$$\vec{a} = -\vec{i} + 2\vec{j} + 3\vec{k} = (-1; 2; 3).$$

**Đáp án C.****Câu 6.** Tập nghiệm của bất phương trình  $\left(\frac{1}{3}\right)^x > 9$  là

A.  $(2; +\infty)$

B.  $(-\infty; -2)$

C.  $(-2; +\infty)$

D.  $(-2; 0)$

**Phương pháp giải:**Với  $0 < a < 1$  thì  $a^x > b \Leftrightarrow x < \log_a b$ .**Lời giải chi tiết:**

$$\left(\frac{1}{3}\right)^x > 9 \Leftrightarrow x < \log_{\frac{1}{3}} 9 \Leftrightarrow x < -2. \text{ Vậy tập nghiệm } S = (-\infty; -2).$$

**Đáp án B.****Câu 7.** Cho hàm số  $f(x) = e^x$ . Tính  $f'(2)$ .

A.  $f'(2) = 2e$

B.  $f'(2) = -e^2$

C.  $f'(2) = e$

D.  $f'(2) = e^2$

**Phương pháp giải:**Áp dụng công thức tính đạo hàm của hàm số mũ  $(a^x)' = a^x \ln a$ .**Lời giải chi tiết:**

$$f'(x) = (e^x)' = e^x \Rightarrow f'(2) = e^2.$$

**Đáp án D.**

**Câu 8.** Phương trình  $\sin x = -\frac{1}{2}$  có tập nghiệm là

A.  $S = \left\{ \frac{\pi}{6} + k2\pi; \frac{5\pi}{6} + k2\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

B.  $S = \left\{ -\frac{\pi}{6} + k2\pi; \frac{\pi}{6} + k2\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

C.  $S = \left\{ -\frac{\pi}{6} + k2\pi; \frac{7\pi}{6} + k2\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

D.  $S = \left\{ \frac{1}{6} + k2\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

**Phương pháp giải:**

Áp dụng công thức nghiệm của phương trình lượng giác cơ bản:

$$\sin x = \sin \alpha \Leftrightarrow \begin{cases} x = \alpha + k2\pi \\ x = \pi - \alpha + k2\pi \end{cases}$$

**Lời giải chi tiết:**

$$\sin x = -\frac{1}{2} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{\pi}{6} + k2\pi \\ x = \pi - \left(-\frac{\pi}{6}\right) + k2\pi = \frac{7\pi}{6} + k2\pi \end{cases} \quad (k \in \mathbb{Z}).$$

**Đáp án C.**

**Câu 9.** Trong không gian, với mọi vectơ  $\vec{a}, \vec{b}$  ta có

A.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$

B.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \sin(\vec{a}, \vec{b})$

C.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos(\vec{a}, \vec{b})$

D.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = -|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$

**Phương pháp giải:**

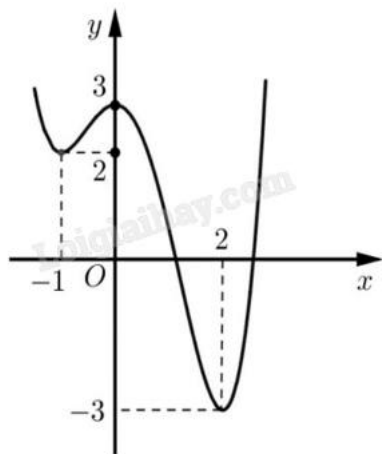
Áp dụng công thức tích vô hướng của hai vectơ.

**Lời giải chi tiết:**

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos(\vec{a}, \vec{b}).$$

**Đáp án C.**

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên.



Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(2; +\infty)$
- B.  $(0; 2)$
- C.  $(-\infty; 2)$
- D.  $(2; 3)$

**Phương pháp giải:**

Hàm số nghịch biến trên khoảng đồ thị đi xuống từ trái sang phải.

**Lời giải chi tiết:**

Quan sát thấy đồ thị đi xuống trên khoảng  $(0; 2)$  nên hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0; 2)$ .

**Đáp án B.**

**Câu 11.** Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho hai vecto  $\vec{u} = (2; 0; -3)$  và  $\vec{v} = (0; 2; -1)$ . Tìm tọa độ của vecto  $\vec{a} = \vec{u} + 2\vec{v}$ .

- A.  $\vec{a} = (2; 4; -1)$
- B.  $\vec{a} = (2; 2; -4)$
- C.  $\vec{a} = (0; 1; -1)$
- D.  $\vec{a} = (2; 4; -5)$

**Phương pháp giải:**

Áp dụng biểu thức tọa độ các phép cộng, trừ, tích của vecto với một số.

**Lời giải chi tiết:**

$$\vec{a} = \vec{u} + 2\vec{v} = (2; 0; -3) + 2 \cdot (0; 2; -1) = (2 + 0; 0 + 2 \cdot 2; -3 + 2 \cdot (-1)) = (2; 4; -5).$$

**Đáp án D.**

**Câu 12.** Trong không gian Oxy, cho điểm  $M(1; 0; 2)$  và mặt phẳng (P):  $2x - y + 3z + 5 = 0$ . Mặt phẳng đi qua M và song song với (P) có phương trình là

- A.  $2x - y + 3z + 8 = 0$   
 B.  $2x + y + 3z - 3 = 0$   
 C.  $2x + y + 3z + 5 = 0$   
 D.  $2x - y + 3z - 8 = 0$

**Phương pháp giải:**

Phương trình mặt phẳng đi qua  $M(x_0; y_0; z_0)$  và nhận  $\vec{n} = (A; B; C)$  làm vecto pháp tuyến là

$$A(x - x_0) + B(y - y_0) + C(z - z_0) = 0.$$

**Lời giải chi tiết:**

Mặt phẳng cần tìm song song với (P) nên nhận  $\vec{n} = (2; -1; 3)$  làm vecto pháp tuyến.

Phương trình mặt phẳng đó là  $2(x - 1) - 1(y - 0) + 3(z - 2) = 0 \Leftrightarrow 2x - y + 3z - 8 = 0$ .

**Đáp án D.****Phần II: Trắc nghiệm đúng sai (4 điểm)**

1) ĐSSS	2) ĐSĐS	3) SĐSS	4) SĐĐS
---------	---------	---------	---------

**Câu 1.** Giá của một chiếc máy photocopy lúc mới mua là 50 triệu đồng. Biết rằng giá trị của nó sau mỗi năm sử dụng chỉ còn 75% giá trị trong năm liền trước đó.

- a) Giá trị của máy photocopy sau 1 năm sử dụng là:  $T_1 = 37,5$  triệu đồng.  
 b) Giá trị của máy photocopy sau 2 năm sử dụng lớn hơn 30 triệu đồng.  
 c) Giá trị tiêu hao của chiếc máy photocopy đó sau khoảng thời gian 5 năm kể từ khi mua là 11,8652 triệu đồng.  
 d) Sau 7 năm thì giá trị của máy photocopy còn 10% có với giá trị ban đầu.

**Phương pháp giải:**

Áp dụng công thức số hạng tổng quát của cấp số nhân  $u_n = u_1 q^{n-1}$ .

**Lời giải chi tiết:**

- a) **Đúng.** Giá trị của máy photocopy sau 1 năm sử dụng là  $T_1 = 50.75\% = 37,5$  (triệu đồng).  
 b) **Sai.** Giá trị của máy photocopy sau 2 năm sử dụng là  $T_2 = T_1.75\% = 28,125$  (triệu đồng).  
 c) **Sai.** Giá trị của máy photocopy sau n năm sử dụng lập thành một cấp số nhân với số hạng đầu bằng 50 (triệu đồng), công bội 75%.

Giá trị của máy photocopy sau 5 năm sử dụng là  $50.(75\%)^5$  (triệu đồng).

Giá trị tiêu hao là  $50 - 50.(75\%)^5 \approx 38,1348$  (triệu đồng).

- d) **Sai.** Giá trị của máy photocopy sau 7 năm sử dụng là  $50.(75\%)^7$  (triệu đồng).

Giá trị của máy photocopy sau 7 năm so với giá ban đầu là  $\frac{50 \cdot (75\%)^7}{50} \approx 13,35\%$ .

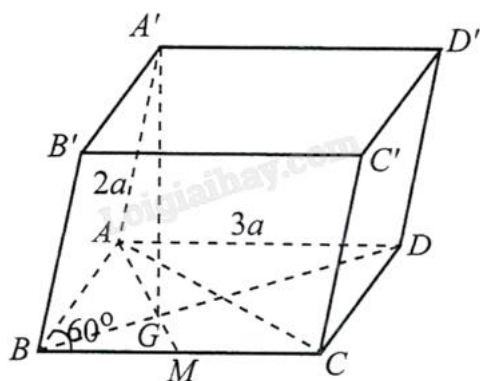
**Câu 2.** Cho hình lăng trụ  $ABCD.A'B'C'D'$  có đáy là hình thoi cạnh  $3a$ ,  $\angle ABC = 60^\circ$ ,  $AA' = 2a$ . Đỉnh  $A'$  cách đều ba đỉnh  $A, B, C$ . Gọi  $G$  là trọng tâm của tam giác  $ABC$ .

- a)  $A'G$  là đường cao của hình lăng trụ  $ABCD.A'B'C'D'$ .
- b) Độ dài đường cao của hình lăng trụ  $ABCD.A'B'C'D'$  bằng  $a\sqrt{3}$ .
- c) Diện tích hình thoi  $ABCD$  bằng  $\frac{9a^2\sqrt{3}}{2}$ .
- d) Thể tích của khối chóp  $B'BCD$  bằng  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{2}$ .

**Phương pháp giải:**

Áp dụng định lý Pythagore, các công thức tính diện tích, thể tích.

**Lời giải chi tiết:**



a) **Đúng.** Ta có  $G, A'$  cùng cách đều ba đỉnh  $A, B, C$  nên  $A'G$  là trục đường tròn ngoại tiếp tam giác  $ABC$  và  $A'G \perp (ABC)$ .

b) **Sai.** Vì  $AB = BC = 3a$  và  $\angle ABC = 60^\circ$  nên tam giác  $ABC$  đều.

Khi đó  $AG = \frac{2}{3} \cdot \frac{3a\sqrt{3}}{2} = a\sqrt{3}$ .

Xét tam giác  $AA'G$  vuông tại  $G$  có  $A'G = \sqrt{A'A^2 - AG^2} = \sqrt{(2a)^2 - (a\sqrt{3})^2} = a$ .

c) **Đúng.** Diện tích hình thoi  $ABCD$  bằng  $3a \cdot 3a \cdot \sin 60^\circ = \frac{9a^2\sqrt{3}}{2}$ .

d) **Sai.**  $V_{B'BCD} = \frac{1}{3} S_{BCD} \cdot d(B', (BCD)) = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} S_{ABCD} \cdot d(A', (BCD)) = \frac{1}{6} S_{ABCD} \cdot A'G = \frac{1}{6} \cdot \frac{9a^2\sqrt{3}}{2} \cdot a = \frac{3a^3\sqrt{3}}{4}$ .

**Câu 3.** Trưởng Câu lạc bộ Thể thao đã tiến hành điều tra tuổi thọ (đơn vị: năm) của máy chạy bộ do hai hãng X, Y sản xuất và thu được hai mẫu số liệu sau đây:

Tuổi thọ	[2;4)	[4;6)	[6;8)	[8;10)	[10;12)
Số máy của hãng X	7	20	36	20	17

Số máy của hãng Y	0	20	35	35	10
-------------------	---	----	----	----	----

- a) Tuổi thọ của máy chạy bộ do hãng Y có độ phân tán lớn hơn tuổi thọ của máy chạy bộ do hãng X sản xuất.
- b) Tuổi thọ trung bình của máy chạy bộ do hãng Y sản xuất lớn hơn tuổi thọ trung bình của máy chạy bộ do hãng X sản xuất.
- c) Khoảng tứ phân vị của mẫu số liệu về tuổi thọ của máy chạy bộ do hãng X sản xuất là 2,5.
- d) Tuổi thọ máy chạy bộ do hãng X sản xuất đồng đều hơn tuổi thọ máy chạy bộ do hãng Y sản xuất.

**Phương pháp giải:**

- a) So sánh khoảng biến thiên của hai mẫu số liệu.
- b) Tính số trung bình của hai mẫu số liệu rồi so sánh.
- c) Tính khoảng tứ phân vị của mẫu số liệu hãng X.
- d) Tính độ lệch chuẩn của hai mẫu số liệu rồi so sánh.

**Lời giải chi tiết:**

- a) **Sai.** Khoảng biến thiên của tuổi thọ máy chạy bộ do hãng X sản xuất là  $R_X = 12 - 2 = 10$ .

Khoảng biến thiên của tuổi thọ máy chạy bộ do hãng Y sản xuất là  $R_Y = 12 - 4 = 8$ .

Vì  $R_X > R_Y$  nên tuổi thọ của máy chạy bộ do hãng X có độ phân tán lớn hơn tuổi thọ của máy chạy bộ do hãng Y sản xuất.

- b) **Đúng.** Chọn giá trị đại diện cho các nhóm số liệu, ta có bảng thống kê sau:

Giá trị đại diện	3	5	7	9	11	
Số máy của hãng X	7	20	36	20	17	$n_X = 100$
Số máy của hãng Y	0	20	35	35	10	$n_Y = 100$

Tuổi thọ trung bình của máy chạy bộ do hãng X sản xuất là

$$\bar{x}_X = \frac{3 \cdot 7 + 5 \cdot 20 + 7 \cdot 36 + 9 \cdot 20 + 11 \cdot 17}{100} = 7,4.$$

Tuổi thọ trung bình của máy chạy bộ do hãng Y sản xuất là

$$\bar{x}_Y = \frac{3 \cdot 0 + 5 \cdot 20 + 7 \cdot 35 + 9 \cdot 35 + 11 \cdot 10}{100} = 7,7.$$

Như vậy, tuổi thọ trung bình của máy chạy bộ do hãng Y sản xuất lớn hơn tuổi thọ trung bình của máy chạy bộ do hãng X sản xuất.

- c) **Sai.** Tính các tần số tích lũy của mẫu số liệu về tuổi thọ của máy chạy bộ do hãng X sản xuất, ta có bảng thống kê sau:

Nhóm	Tần số	Tần số tích lũy
[2; 4)	7	7
[4; 6)	20	27

[6; 8)	36	63
[8; 10)	20	83
[10; 12)	17	100
	$n_x = 100$	

Ta có  $\frac{n_x}{4} = 25$  mà  $7 < 25 < 27$  nên nhóm 2 là nhóm đầu tiên có tần số tích lũy lớn hơn hoặc bằng 25. Xét

nhóm 2 là nhóm [4; 6) có  $s = 4; h = 2; n_2 = 20$  và nhóm 1 là nhóm [2; 4) có  $cf_1 = 7$ .

Ta có tứ phân vị thứ nhất là  $Q_1 = 4 + \left(\frac{25-7}{20}\right) \cdot 2 = 5,8$ .

Ta có  $\frac{3n_x}{4} = 75$  mà  $63 < 75, 83$  nên nhóm 4 là nhóm đầu tiên có tần số tích lũy lớn hơn hoặc bằng 75. Xét

nhóm 4 là nhóm [8; 10) có  $s = 8; l = 2; n_4 = 20$  và nhóm 3 là nhóm [6; 8) có  $cf_3 = 63$ .

Ta có tứ phân vị thứ ba là  $Q_3 = 8 + \left(\frac{75-63}{20}\right) \cdot 2 = 9,2$ .

Vậy khoảng tứ phân vị là  $\Delta_Q = Q_3 - Q_1 = 3,4$ .

**d) Sai.** chuẩn của tuổi thọ máy chạy bộ do hãng X sản xuất là

$$s_x = \sqrt{\frac{7 \cdot (3-7,4)^2 + 20 \cdot (5-7,4)^2 + 36 \cdot (7-7,4)^2 + 20 \cdot (9-7,4)^2 + 17 \cdot (11-7,4)^2}{100}} \approx 2,3.$$

Độ lệch chuẩn của tuổi thọ máy chạy bộ do hãng Y sản xuất là

$$s_y = \sqrt{\frac{20 \cdot (5-7,7)^2 + 35 \cdot (7-7,7)^2 + 35 \cdot (9-7,7)^2 + 10 \cdot (11-7,7)^2}{100}} \approx 1,82.$$

Vậy tuổi thọ máy chạy bộ do hãng Y sản xuất đồng đều hơn tuổi thọ máy chạy bộ do hãng X sản xuất.

**Câu 4.** Cho hình chóp tứ giác đều S.ABCD có đáy ABCD là hình vuông cạnh a, tâm O. Gọi M và N lần lượt

là trung điểm của hai cạnh SA và BC. Biết  $MN = \frac{a\sqrt{6}}{2}$ .

a) Gọi I hình chiếu của M lên (ABCD) nên  $CI = \frac{2}{3}AC$ .

b)  $SO = \frac{a\sqrt{14}}{2}$ .

c) Khoảng cách giữa IN và SC bằng  $\frac{\sqrt{14}}{4}$ .

d) Giá trị sin của góc giữa đường thẳng MN và mặt phẳng (SBD) là  $\frac{\sqrt{6}}{3}$ .

**Phương pháp giải:**

Áp dụng định lý cosin, phương pháp tọa độ hóa.



**Lời giải chi tiết:**

a) **Sai.** Gọi I hình chiếu của M lên (ABCD), suy ra I là trung điểm của AO.

$$\text{Khi đó } CI = \frac{3}{4}AC = \frac{3a\sqrt{2}}{4}.$$

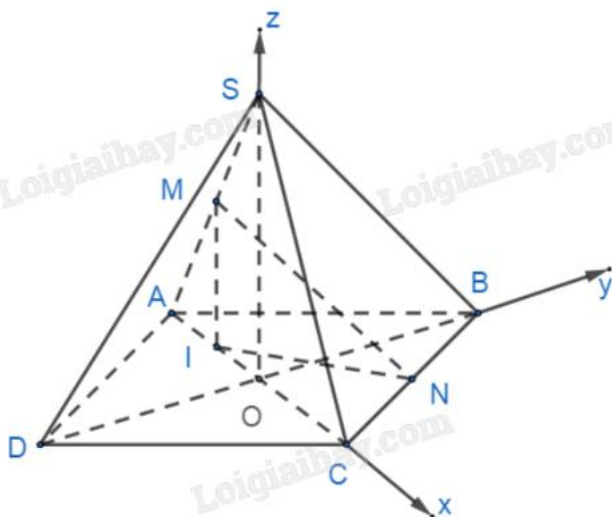
b) **Đúng.** Áp dụng định lý cosin ta có:

$$NI = \sqrt{CN^2 + CI^2 - 2CN \cdot CI \cdot \cos 45^\circ} = \sqrt{\frac{a^2}{4} + \frac{9a^2}{8} - 2 \cdot \frac{a}{2} \cdot \frac{3a\sqrt{2}}{4} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{a\sqrt{10}}{4}.$$

$$\text{Do } \triangle MIN \text{ vuông tại I nên } MI = \sqrt{MN^2 - NI^2} = \sqrt{\frac{3a^2}{2} - \frac{5a^2}{8}} = \frac{a\sqrt{14}}{4}.$$

$$\text{Mà } MI \parallel SO, MI = \frac{1}{2}SO \Rightarrow SO = \frac{a\sqrt{14}}{2}.$$

c) **Sai.** Chọn hệ trục tọa độ  $Oxyz$  như hình vẽ.



$$\text{Khi đó ta có tọa độ các điểm: } O(0;0;0), B\left(0; \frac{\sqrt{2}}{2}; 0\right), D\left(0; -\frac{\sqrt{2}}{2}; 0\right), C\left(\frac{\sqrt{2}}{2}; 0; 0\right),$$

$$N\left(\frac{\sqrt{2}}{4}; \frac{\sqrt{2}}{4}; 0\right), A\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}; 0; 0\right), S\left(0; 0; \frac{\sqrt{14}}{2}\right), M\left(-\frac{\sqrt{2}}{4}; 0; \frac{\sqrt{14}}{4}\right), I\left(-\frac{\sqrt{2}}{4}; 0; 0\right).$$

$$\text{Suy ra } [\overline{IN}, \overline{SC}] = \left(\frac{\sqrt{7}}{4}; -\frac{\sqrt{7}}{2}; \frac{1}{4}\right); \overline{IC} = \left(\frac{3\sqrt{2}}{4}; 0; 0\right)$$

$$\text{Khoảng cách giữa IN và SC bằng } d = \frac{|\overline{IC} \cdot [\overline{IN}, \overline{SC}]|}{\|[\overline{IN}, \overline{SC}]\|} = \frac{\sqrt{14}}{8}.$$

$$\text{d) Sai. } \overline{MN} = \left(\frac{\sqrt{2}}{2}; \frac{\sqrt{2}}{4}; -\frac{\sqrt{14}}{4}\right), \overline{SB} = \left(0; \frac{\sqrt{2}}{2}; -\frac{\sqrt{14}}{2}\right), \overline{SD} = \left(0; -\frac{\sqrt{2}}{2}; -\frac{\sqrt{14}}{2}\right).$$

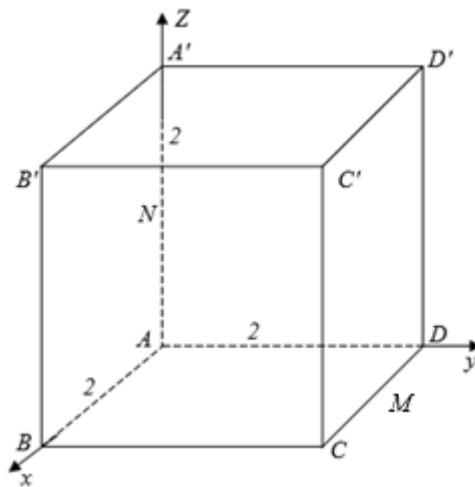
$$\text{Vecto pháp tuyến mặt phẳng (SBD): } \vec{n} = [\overline{SB}, \overline{SD}] = (-\sqrt{7}; 0; 0).$$

$$\text{Suy ra } \sin(\angle(\overline{MN}, (\text{SBD}))) = \frac{|\overline{MN} \cdot \vec{n}|}{|\overline{MN}| \cdot |\vec{n}|} = \frac{\left| \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot (-\sqrt{7}) \right|}{\frac{\sqrt{6}}{2} \cdot \sqrt{7}} = \frac{\sqrt{3}}{3}.$$

**Phần III: Trắc nghiệm trả lời ngắn (3 điểm)**

1) -10	2) 964	3) 0,31	4) 4,7	5) 250	6) 4
--------	--------	---------	--------	--------	------

**Câu 1.** Khối rubik như hình vẽ có độ dài cạnh bằng 2. Khi gắn rubik vào hệ trục tọa độ trong không gian Oxyz, cho hình lập phương ABCD.A'B'C'D' có A(0;0;0), B(2;0;0), D(0;2;0), A'(0;0;2). Gọi M, N lần lượt là trung điểm của CD, AA' (xem hình vẽ bên dưới). Biết rằng  $\cos[\angle(B, \overline{MN}, D')] = m$ , tính giá trị 14m.

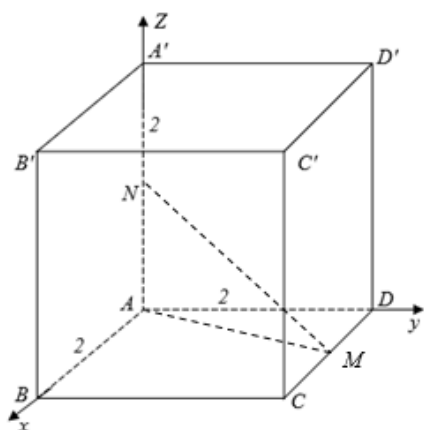


**Phương pháp giải:**

Gọi H, H' lần lượt là hình chiếu của B, D' trên MN.

Tính  $\cos(\angle(\overline{BH}, \overline{D'H'}))$ .

**Lời giải chi tiết:**



Gọi M, N lần lượt là trung điểm của CD, AA', suy ra M(1;2;0), N(0;0;1).

$$\Rightarrow \overline{MN} = (-1; -2; 1) \Rightarrow MN: \begin{cases} x = t \\ y = 2t \\ z = 1 - t \end{cases}$$

Gọi  $H(t; 2t; 1-t)$ ,  $H'(u; 2u; 1-u)$  theo thứ tự là hình chiếu của B, D' trên MN.

$\overline{BH}(t-2; 2t; 1-t)$ ;  $\overline{D'H'}(u; 2u-2; -1-u)$  vuông góc với  $\overline{MN} = (-1; -2; 1)$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2-t-4t+1-t=0 \\ -u-4u+4-1-u=0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} t=\frac{1}{2} \\ u=\frac{1}{2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \overline{BH}\left(-\frac{3}{2}; 1; \frac{1}{2}\right); \overline{D'H'}\left(\frac{1}{2}; -1; -\frac{3}{2}\right) \Rightarrow \cos[B, MN, D'] = \cos(\overline{BH}, \overline{D'H'}) = \frac{-\frac{3}{4}-1-\frac{3}{4}}{\sqrt{\frac{9}{4}+1+\frac{1}{4}} \cdot \sqrt{\frac{9}{4}+1+\frac{1}{4}}} = -\frac{5}{7}$$

$$\Rightarrow \cos[B, MN, D'] = -\frac{5}{7} = m \Rightarrow 14m = -10.$$

**Đáp án: -10.**

**Câu 2.** Phương trình  $\cos\left(2x + \frac{\pi}{3}\right) = -2\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right) + 1$  có bao nhiêu nghiệm trên đoạn  $[0; 2024]$ ?

**Phương pháp giải:**

Đưa về phương trình bậc hai đối với một hàm số lượng giác.

**Lời giải chi tiết:**

$$\cos\left(2x + \frac{\pi}{3}\right) = -2\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right) + 1$$

$$\Leftrightarrow 1 - 2\sin^2\left(x + \frac{\pi}{6}\right) = -2\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right) + 1$$

$$\Leftrightarrow 2\sin^2\left(x + \frac{\pi}{6}\right) - 2\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right) = 0$$

$$\Leftrightarrow 2\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right) \left[ \sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right) - 1 \right] = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right) = 1 \\ \sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{3} + k2\pi \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ x = -\frac{\pi}{6} + k\pi \quad (k \in \mathbb{Z}) \end{cases}$$

Vì  $x \in [0; 2024]$  nên:

+ Với  $x = \frac{\pi}{3} + k2\pi$  ( $k \in \mathbb{Z}$ ):

$$0 \leq \frac{\pi}{3} + k2\pi \leq 2024 \Leftrightarrow -\frac{1}{6} \leq k \leq \frac{1012}{\pi} - \frac{1}{6}.$$

Vì  $k \in \mathbb{Z}$  nên có 322 nghiệm thỏa mãn.

+ Với  $x = -\frac{\pi}{6} + k\pi$  ( $k \in \mathbb{Z}$ ):

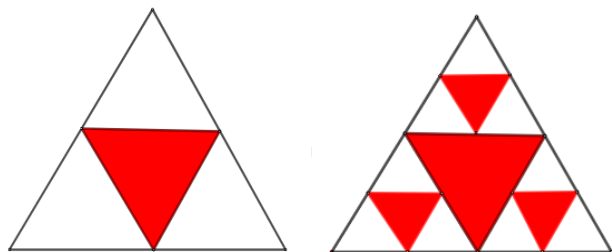
$$0 \leq x = -\frac{\pi}{6} + k\pi \leq 2024 \Leftrightarrow \frac{1}{6} \leq k \leq \frac{2024}{\pi} + \frac{1}{6}.$$

Vì  $k \in \mathbb{Z}$  nên có 642 nghiệm thỏa mãn.

Vậy có  $642 + 322 = 964$  nghiệm thỏa mãn.

**Đáp án: 964.**

**Câu 3.** Một hình tam giác đều màu trắng có cạnh 2 đơn vị dài được chia thành bốn hình tam giác nhỏ hơn bằng nhau và hình tam giác ở chính giữa được tô màu đỏ (như hình vẽ).



Mỗi hình tam giác màu trắng nhỏ hơn lại được chia thành bốn hình tam giác con bằng nhau, và mỗi hình tam giác con ở chính giữa lại được tô màu đỏ. Nếu quá trình này được tiếp tục lặp lại sáu lần, thì tổng diện tích các hình tam giác không được tô màu đỏ là bao nhiêu (làm tròn kết quả đến hàng phần trăm)?

**Phương pháp giải:**

Áp dụng công thức tính tổng n số hạng đầu của cấp số nhân.

**Lời giải chi tiết:**

Lần phân chia thứ nhất, 1 hình tam giác thành 4 hình tam giác con, diện tích hình tam giác tô màu đỏ là

$$u_1 = \frac{1}{4} \cdot \frac{\sqrt{3}}{4} \cdot 2^2 = \frac{\sqrt{3}}{4}.$$

Lần phân chia thứ hai, 3 hình tam giác thành 12 hình tam giác con, diện tích hình tam giác tô màu đỏ tăng

$$\text{thêm là } u_2 = 3 \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{\sqrt{3}}{4} \cdot 2^2 = \frac{\sqrt{3}}{4} \cdot \left(\frac{3}{4}\right).$$

Lần phân chia thứ ba, 9 hình tam giác thành 36 hình tam giác con, diện tích hình tam giác tô màu đỏ tăng

$$\text{thêm là } u_3 = 9 \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{\sqrt{3}}{4} \cdot 2^2 = \frac{\sqrt{3}}{4} \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^2.$$

Lần phân chia thứ tư, 27 hình tam giác thành 108 hình tam giác con, diện tích hình tam giác tô màu đỏ tăng

$$\text{thêm là } u_4 = 27 \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{\sqrt{3}}{4} \cdot 2^2 = \frac{\sqrt{3}}{4} \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^3.$$

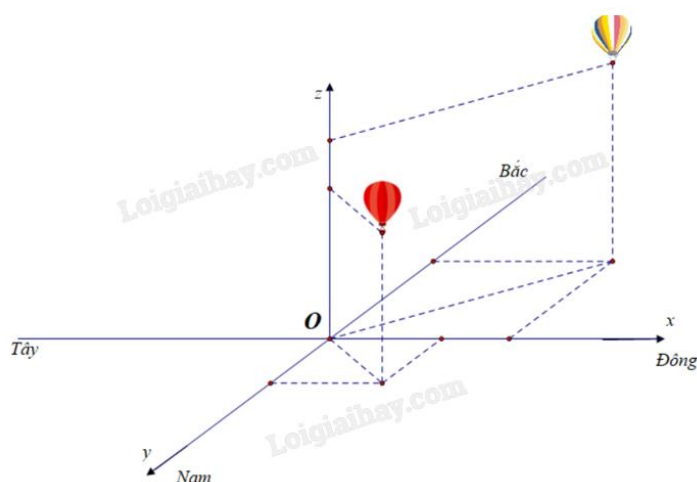
Tương tự ta thu được diện tích các phần tô màu đỏ theo thứ tự lập thành cấp số nhân có  $u_1 = \frac{\sqrt{3}}{4}$ ,  $q = \frac{3}{4}$ .

Do đó, tổng diện tích hình tam giác tô màu đỏ sau 6 lần chia là  $S_6 = u_1 \cdot \frac{q^6 - 1}{q - 1}$ .

Diện tích phần không bị tô là  $S = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 2 \cdot \sin 60^\circ - S_6 \approx 0,31$ .

**Đáp án: 0,31.**

**Câu 4.** Cho hệ trục tọa độ Oxyz mặt phẳng Oxy trùng với mặt đất với trục Ox hướng về phía Đông, trục Oy hướng về phía Nam và trục Oz hướng thẳng đứng lên trời (như hình minh họa bên dưới), đơn vị đo lấy theo kilomet. Hai khinh khí cầu bay lên cùng thời điểm chiếc thứ nhất xuất phát tại điểm O, chiếc thứ hai xuất phát từ điểm I(1;0;0). Sau 20 phút chiếc thứ nhất cách điểm xuất phát 1 km về phía Nam và 1 km về phía Đông, đồng thời cách mặt đất 0,5 km. Chiếc thứ hai cách điểm xuất phát 2 km về phía Bắc và 2 km về phía Đông, đồng thời cách mặt đất 0,8 km. Hỏi nếu giữ nguyên vận tốc và hướng bay thì sau 10 phút nữa 2 khinh khí cầu cách nhau bao km (kết quả làm tròn đến chữ số thập phân thứ nhất)?



**Phương pháp giải:**

Xác định tọa độ hai chiếc khinh khí cầu dựa vào dữ liệu đề bài cho. Áp dụng biểu thức tọa độ các phép toán vecto và công thức tính khoảng cách giữa hai điểm.

**Lời giải chi tiết:**

Gọi vị trí chiếc khinh khí cầu thứ nhất và thứ hai sau khi bay 20 phút lần lượt là M(1;1;0,5) và N(2;-2;0,8).

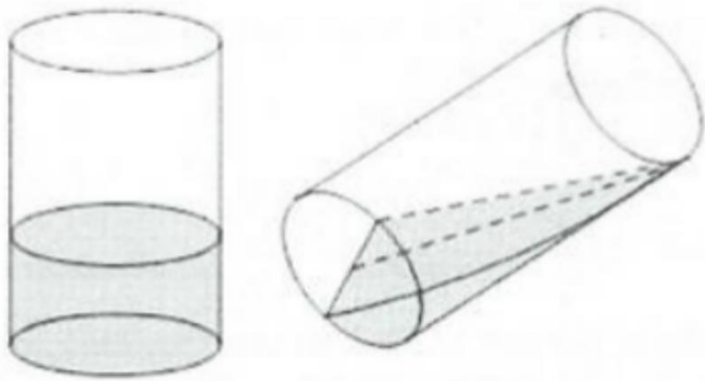
Gọi A(x<sub>A</sub>; y<sub>A</sub>; z<sub>A</sub>), B(x<sub>B</sub>; y<sub>B</sub>; z<sub>B</sub>) lần lượt là vị trí của khinh khí cầu thứ nhất, thứ hai sau khi bay 10 phút tiếp theo. Do đó, thời gian hai chiếc khinh khí cầu bay từ O đến A, B mất 30 phút.

$$\text{Suy ra } \overrightarrow{OA} = \frac{3}{2} \overrightarrow{OM} \Rightarrow A\left(\frac{3}{2}; \frac{3}{2}; \frac{1}{4}\right); \overrightarrow{OB} = \frac{3}{2} \overrightarrow{ON} \Rightarrow B\left(\frac{5}{2}; -3; 1,2\right).$$

$$\text{Ta có } AB = \sqrt{\left(\frac{5}{2} - \frac{3}{2}\right)^2 + \left(-3 - \frac{3}{2}\right)^2 + \left(1,2 - \frac{1}{4}\right)^2} \approx 4,7.$$

**Đáp án: 4,7.**

**Câu 5.** Bạn Nam có một ống thủy tinh hình trụ, đường kính trong lòng đáy cốc là 10 cm, chiều cao cốc là 15 cm đang đựng nước. Khi bạn Nam nghiêng cốc nước thì thấy mặt nước đi qua đường kính đáy và chạm miệng cốc. Thể tích lượng nước trong cốc là bao nhiêu cm<sup>3</sup>?

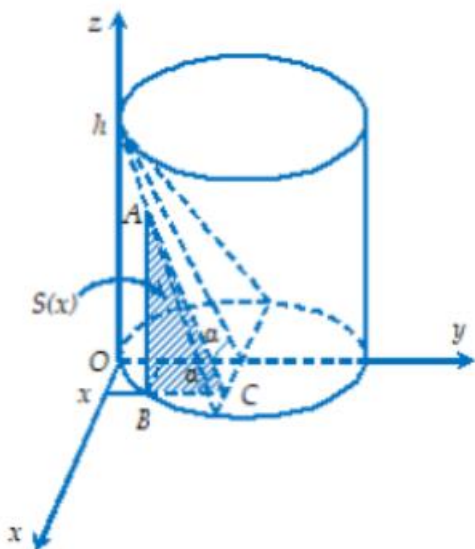


**Phương pháp giải:**

Áp dụng công thức tính thể tích vật thể  $V = \int_a^b S(x)dx$ .

**Lời giải chi tiết:**

Chọn trục Ox, Oy như hình vẽ.



Chọn hệ trục tọa độ như hình vẽ. Ta có:  $R = 5$  cm là bán kính đáy cốc,  $h = 15$  cm là chiều cao của cốc.

Thiết diện của khối nước, cắt bởi mặt phẳng bất kì vuông góc với trục Ox tại điểm có hoành độ

$x$  ( $-5 \leq x \leq 5$ ) là tam giác ABC vuông tại B, với độ dài cạnh  $BC = \sqrt{R^2 - x^2} = \sqrt{25 - x^2}$  và góc

$$\alpha = \angle BCA = \arctan \frac{h}{R}.$$

Ta có:  $\tan \alpha = \frac{h}{R} = 3$ , suy ra  $BA = BC \cdot \tan \alpha = 3\sqrt{25 - x^2}$

Vậy diện tích thiết diện là  $S(x) = \frac{1}{2} BC \cdot BA = \frac{3}{2} (25 - x^2)$ .

Thể tích lượng nước trong cốc là:  $V = \int_{-5}^5 S(x) dx = \frac{3}{2} \cdot \int_{-5}^5 (25 - x^2) dx = 250 \text{ cm}^3$ .

**Đáp án: 250.**

**Câu 6.** Một công ty đấu thầu 2 dự án. Khả năng thắng thầu của dự án 1 là 0,4 và khả năng thắng thầu của dự án 2 là 0,5. Khả năng thắng thầu cả 2 dự án là 0,3. Xác suất để công ty thắng thầu dự án 2 biết công ty thắng thầu dự án 1 là a. Xác suất để công ty thắng thầu dự án 2 biết công ty không thắng thầu dự án 1 là b. Khi đó biểu thức  $P = 4a + 3b$  là bao nhiêu?

**Phương pháp giải:**

Áp dụng công thức tính xác suất có điều kiện  $P(A|B) = \frac{P(AB)}{P(B)}$ .

**Lời giải chi tiết:**

Gọi A là biến cố: “Thắng thầu dự án 1”.

Gọi B là biến cố: “Thắng thầu dự án 2”.

Theo giả thiết suy ra:  $P(A) = 0,4$ ;  $P(B) = 0,5$  và  $P(AB) = 0,3$ .

Gọi D là biến cố: “Thắng thầu dự án 2 biết công ty thắng thầu dự án 1”  $\Rightarrow D = B|A$ .

Khi đó:  $P(D) = P(B|A) = \frac{P(AB)}{P(A)} = \frac{0,3}{0,4} = \frac{3}{4}$ .

Gọi E là biến cố: “Thắng thầu dự án 2 biết công ty không thắng thầu dự án 1”  $\Rightarrow E = B|\bar{A}$ .

Khi đó:  $P(E) = P(B|\bar{A}) = \frac{P(\bar{A}B)}{P(\bar{A})} = \frac{P(B) - P(AB)}{1 - P(A)} = \frac{0,5 - 0,3}{1 - 0,4} = \frac{0,2}{0,6} = \frac{1}{3}$ .

Vậy  $P = 4 \cdot \frac{3}{4} + 3 \cdot \frac{1}{3} = 4$ .

**Đáp án: 4.**