

ĐỀ THI HỌC KÌ II – Đề số 7**Môn: Toán - Lớp 8****Bộ sách: Cánh diều****BIÊN SOẠN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM****HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT****THỰC HIỆN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM****Phần I**(Mỗi câu trả lời đúng thí sinh được **0,25 điểm**)

Câu	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Chọn	B	A	D	A	C	A	B	B	C	C	D	A

Câu 1: Phương trình nào sau đây là phương trình bậc nhất một ẩn?

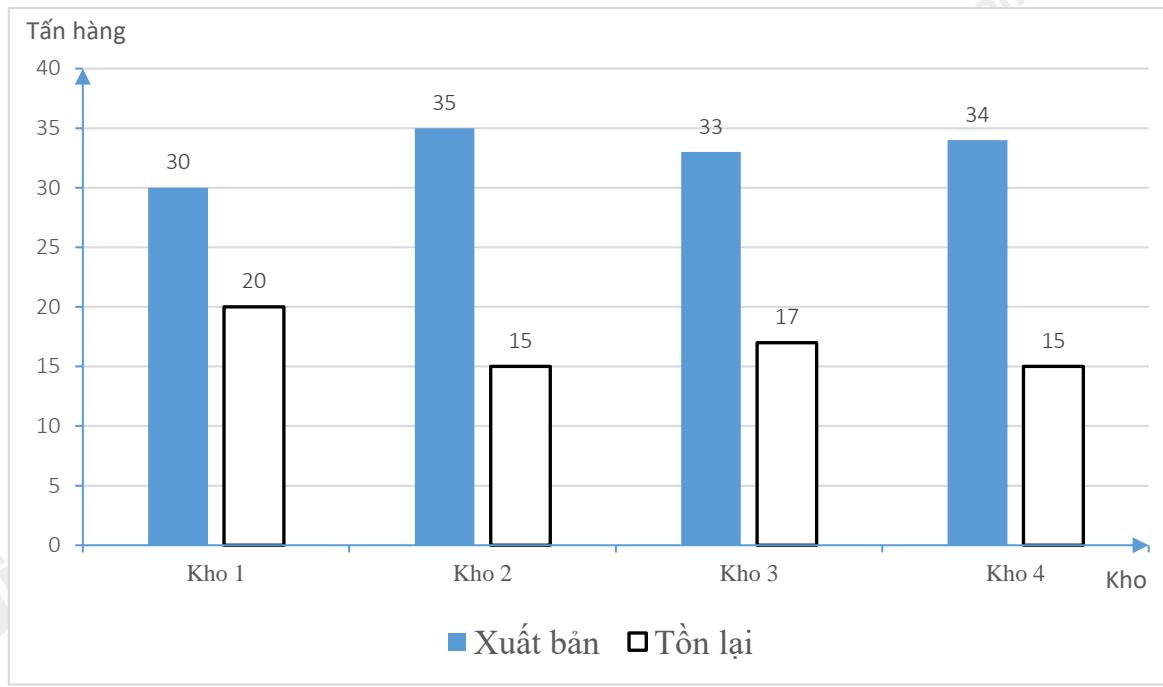
- A. $y^2 + 8x - 2022 = 0$. B. $3x + 6 = 0$. C. $3x - 2y - 9 = 0$. D. $2x^2 - 4 = 0$.

Phương phápPhương trình bậc nhất một ẩn có dạng $ax + b = 0 (a \neq 0)$.**Lời giải**Phương trình bậc nhất một ẩn có dạng $ax + b = 0 (a \neq 0)$.Do đó $3x + 6 = 0$ là phương trình bậc nhất một ẩn.**Đáp án B****Câu 2:** Gọi x (km) là chiều dài quãng đường AB. Biểu thức biểu thị vận tốc một xe đạp đi từ A đến B trong 5 giờ là

- A. $\frac{x}{5}$. B. $5 + x$. C. $5 - x$. D. $5x$.

Phương phápSử dụng công thức liên hệ giữa vận tốc, thời gian và quãng đường: $v = \frac{S}{t}$.**Lời giải**Biểu thức biểu thị vận tốc của xe đạp đi từ A đến B là: $\frac{x}{5}$.**Đáp án A**

Câu 3: Một công ty kinh doanh vật liệu xây dựng có bốn kho hàng, mỗi kho hàng có 50 tấn hàng. Biểu đồ cột kép dưới đây biểu diễn số lượng vật liệu đã xuất bán và số lượng vật liệu còn tồn lại trong kho sau tuần lễ kinh doanh đầu tiên.



Kế toán đã ghi nhầm số liệu của một kho trong biểu đồ cột kép. Theo em kế toán đã ghi nhầm số liệu ở kho nào?

- A. Kho 1. B. Kho 2. C. Kho 3. D. Kho 4.

Phương pháp

Mỗi kho hàng có 50 tấn hàng nên lượng Xuất bản và Tồn lại phải có tổng bằng 50.

Lời giải

$$\text{Kho 1: } 30 + 20 = 50 \text{ (tấn)}$$

$$\text{Kho 2: } 35 + 15 = 50 \text{ (tấn)}$$

$$\text{Kho 3: } 33 + 17 = 50 \text{ (tấn)}$$

$$\text{Kho 4: } 34 + 15 = 49 \text{ (tấn)}$$

Do đó số tấn hàng của kho 4 chưa chính xác nên kế toán đã ghi nhầm số liệu của kho 4.

Đáp án D

Câu 4: Thống kê tỉ lệ % học sinh lớp 8A chọn môn thể thao yêu thích (mỗi em chọn 1 môn), được cho trong bảng sau:

Môn thể thao	Bóng đá	Cầu lông	Bóng chuyền	Bóng bàn
Tỉ lệ %	50%	25%	12,5%	12,5%

Môn thể thao học sinh lớp 8A yêu thích nhiều nhất là

- A. Bóng đá. B. Cầu lông. C. Bóng chuyền. D. Bóng bàn.

Phương pháp

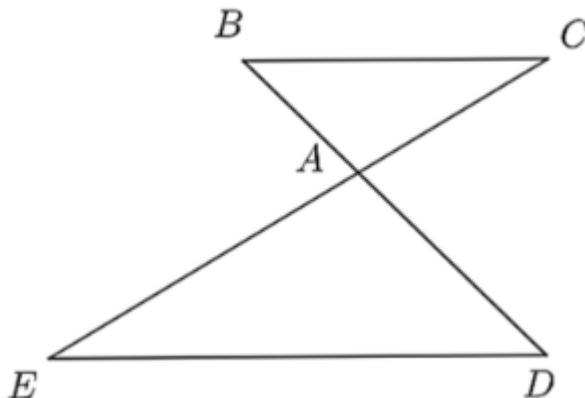
So sánh tỉ lệ % yêu thích của từng môn thể thao.

Lời giải

Vì $50\% > 25\% > 12,5\%$ nên môn thể thao học sinh lớp 8A yêu thích nhất là Bóng đá.

Đáp án A

Câu 5: Cho hình vẽ bên, biết $BC \parallel ED$.



Chọn khẳng định sai trong các khẳng định dưới đây.

A. $\frac{AB}{AD} = \frac{BC}{DE}$.

B. $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC}$.

C. $\frac{AB}{DB} = \frac{AC}{CE} = \frac{BC}{DE}$.

D. $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC}$.

Phương pháp

Sử dụng định lí Thalès để kiểm tra.

Lời giải

Vì $BC \parallel ED$ nên theo định lí Thalès, ta được:

$$\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC} \text{ nên D đúng.}$$

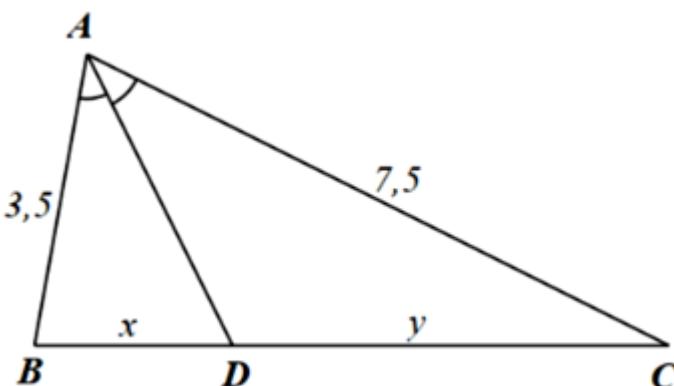
$$\text{Suy ra } \frac{AB}{AD} = \frac{BC}{DE} \text{ nên A đúng.}$$

$$\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} \text{ nên B đúng.}$$

Vậy khẳng định C sai.

Đáp án C

Câu 6: Cho hình vẽ dưới đây.



Tỉ số $\frac{x}{y}$ bằng

A. $\frac{7}{15}$.

B. $\frac{1}{7}$.

C. $\frac{15}{7}$.

D. $\frac{1}{15}$.

Phương pháp

Áp dụng tính chất của đường phân giác trong tam giác.

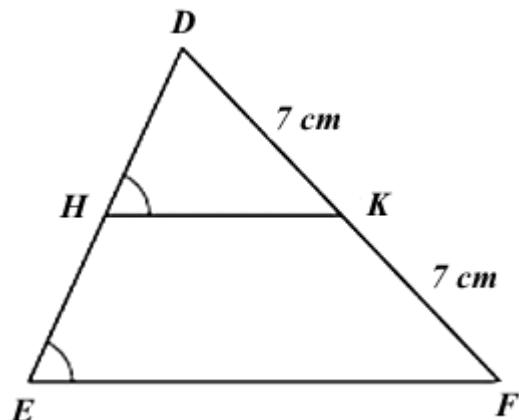
Lời giải

Xét ΔABC có AD là tia phân giác của BAC nên ta có: $\frac{x}{y} = \frac{DB}{DC} = \frac{AB}{AC} = \frac{3,5}{7,5} = \frac{7}{15}$ (tính chất đường phân giác)

Suy ra $\frac{x}{y} = \frac{7}{15}$.

Đáp án A

Câu 7: Cho hình vẽ bên. Biết $DE = 13$ cm, độ dài đoạn thẳng HE là



A. 5,5 cm.

B. 6,5 cm.

C. 7 cm.

D. 8 cm.

Phương pháp

Chứng minh $HK \parallel EF$ và K là trung điểm của DF nên H là trung điểm của DE và tính được HE.

Lời giải

Vì $DHK = DEF$, mà hai góc này ở vị trí đồng vị nên $HK \parallel EF$.

Mà $DK = KF = 7$ cm nên K là trung điểm của DF.

Xét ΔDEF có $HK \parallel EF$ (cmt) và K là trung điểm của DF nên H là trung điểm của DE.

Do đó $HE = \frac{1}{2}DE = \frac{1}{2} \cdot 13 = 6,5$ (cm)

Đáp án B

Câu 8: Cho ΔABC và ΔDEF có $A = 50^\circ, B = 60^\circ, D = 50^\circ, E = 70^\circ$ thì

A. $\Delta ABC \sim \Delta DEF$.

B. $\Delta ABC \sim \Delta DFE$.

C. $\Delta ABC \sim \Delta EDF$.

D. $\Delta ABC \sim \Delta FED$.

Phương pháp

Sử dụng định lí tổng ba góc trong tam giác để tính C .

Từ đó chứng minh hai tam giác đồng dạng theo trường hợp góc – góc.

Lời giải

Xét tam giác ABC ta có: $A + B + C = 180^\circ$ suy ra $C = 180^\circ - A - B = 180^\circ - 50^\circ - 60^\circ = 70^\circ$.

Xét ΔABC và ΔDEF có:

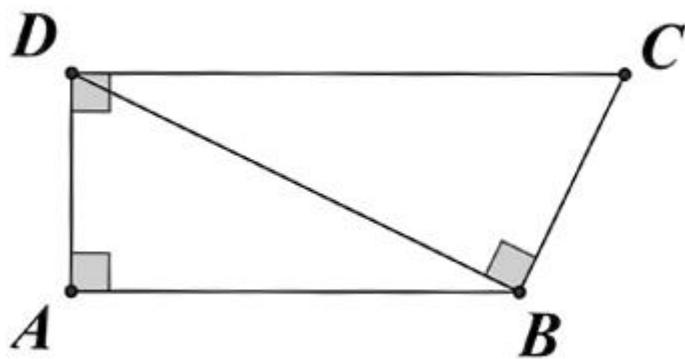
$$A = D (= 50^\circ)$$

$$C = E (= 70^\circ)$$

nên $\Delta ABC \sim \Delta DFE$ (*g.g*)

Đáp án B

Câu 9: Cho hình thang vuông ABCD ($AB // CD$) có đường chéo BD vuông góc với cạnh BC tại B.



Chọn khẳng định đúng.

- A. $\Delta DBC \sim \Delta DAB$. B. $\Delta CBD \sim \Delta DBA$. C. $\Delta ABD \sim \Delta BDC$. D. $\Delta BAD \sim \Delta BCD$.

Phương pháp

Từ hai đường thẳng song song suy ra hai góc so le trong bằng nhau.

Chứng minh hai tam giác đồng dạng theo trường hợp góc – góc.

Lời giải

Vì $AB // CD$ nên $ABD = BDC$ (hai góc so le trong)

Xét ΔABD và ΔBDC có:

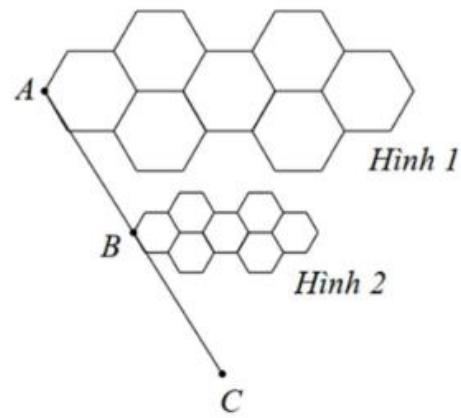
$$DAB = CBD (= 90^\circ)$$

$$ABD = BDC \text{ (cmt)}$$

Do đó $\Delta ABD \sim \Delta BDC$ (*g.g*)

Đáp án C

Câu 10: Cho hình sau. Biết Hình 1 đồng dạng phối cảnh với Hình 2 với tỉ số đồng dạng là 2. Khi đó tỉ số nào sau đây là đúng?



- A. $\frac{AB}{BC} = 2.$ B. $\frac{AB}{AC} = 2.$ C. $\frac{AC}{AB} = 2.$ D. $\frac{BC}{AB} = 2.$

Phương pháp

Sử dụng kiến thức về hình đồng dạng phôi cảnh (hình vị tự): Nếu với mỗi điểm M thuộc hình K , lấy điểm M' thuộc tia OM sao cho $OM' = k \cdot OM$ (hay thì các điểm M' đó tạo thành hình K'). Hình K' đồng dạng phôi cảnh với hình K theo tỉ số đồng dạng (vị tự) k . Khi đó, điểm O là tâm phôi cảnh và với mỗi điểm M thuộc hình K , lấy điểm M' thuộc tia OM sao cho $\frac{OM'}{OM} = k$.

Lời giải

Vì Hình 1 đồng dạng phôi cảnh với Hình 2 với tỉ số đồng dạng là 2 nên ta có: $\frac{AC}{AB} = 2.$

Đáp án C

Câu 11: Chọn ngẫu nhiên một số tự nhiên có một chữ số. Số kết quả có thể xảy ra là:

- A. 7. B. 8. C. 9. D. 10.

Phương pháp

Liệt kê các số tự nhiên có một chữ số, ta được số kết quả có thể xảy ra.

Lời giải

Có 10 số tự nhiên có một chữ số là: 0; 1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9.

Vậy có 10 kết quả có thể xảy ra.

Đáp án D

Câu 12: Gieo một con xúc xắc cân đối đồng chất. Gọi B là biến cố: “Gieo được mặt có số chấm là số chẵn”. Xác suất của biến cố B là

- A. $\frac{1}{2}.$ B. $\frac{1}{6}.$ C. $\frac{1}{3}.$ D. $\frac{2}{3}.$

Phương pháp

Xác định số kết quả có thể.

Xác định các mặt có số chấm chẵn, ta được số các kết quả thuận lợi cho biến cố.

Xác suất của biến cố bằng tỉ số giữa số kết quả thuận lợi cho biến cố với tổng số kết quả có thể (tổng số thê).

Lời giải

Xúc xắc có 6 mặt: 1; 2; 3; 4; 5; 6 nên có 6 kết quả có thể khi gieo con xúc xắc.

Các mặt có số chẵn là: 2; 4; 6 nên có 3 kết quả thuận lợi cho biến cố B.

Xác suất của biến cố B là $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$.

Đáp án A

Phần II

Điểm tối đa của 01 câu hỏi là 1 điểm

- Thí sinh chỉ lựa chọn chính xác 01 ý trong 1 câu hỏi được 0,1 điểm.
- Thí sinh chỉ lựa chọn chính xác 02 ý trong 1 câu hỏi được 0,25 điểm.
- Thí sinh chỉ lựa chọn chính xác 03 ý trong 1 câu hỏi được 0,5 điểm.
- Thí sinh lựa chọn chính xác 04 ý trong 1 câu hỏi được 1 điểm.

Câu 1	Câu 2
a) Đúng	a) Đúng
b) Đúng	b) Sai
c) Đúng	c) Đúng
d) Sai	d) Sai

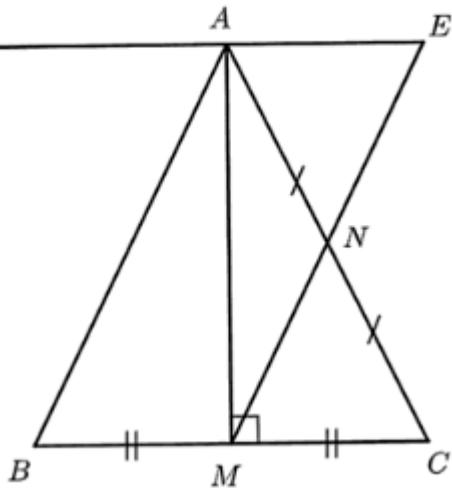
Câu 1: Cho tam giác ABC cân tại A có đường cao AM, N là trung điểm của AC. Kẻ Ax // BC, cắt MN tại E.

- a) M là trung điểm của BC.
- b) ME // AB.
- c) AE = MC.
- d) $\Delta AEN \sim \Delta CNM$.

Phương pháp

- a) Tam giác ABC cân tại A nên đường cao từ đỉnh A đồng thời là đường trung tuyến, suy ra trung điểm của BC.
- b) Chứng minh MN là đường trung bình của tam giác ABC để kiểm tra hai đường thẳng song song.
- c) Chứng minh AEMB là hình bình hành nên hai cạnh đối bằng nhau.
- d) Sử dụng định lí tam giác đồng dạng để chứng minh.

Lời giải

**a) Đúng**

Vì tam giác ABC cân tại A có AM là đường cao nên AM đồng thời là đường trung tuyến của ΔABC .

Suy ra M là trung điểm của BC.

b) Đúng

Vì M là trung điểm của BC, N là trung điểm của AB nên MN là đường trung bình của tam giác ABC, do đó $MN \parallel AB$ hay $ME \parallel AB$.

c) Đúng

Ta có: $AE \parallel BC$ và $ME \parallel AB$ nên $AEMB$ là hình bình hành.

Do đó $AE = MC$.

d) Sai

Ta có: $AE \parallel BC$ nên $AE \parallel MC$.

Do đó $\Delta AEN \sim \Delta CMN$ (định lí tam giác đồng dạng)

Đáp án: DĐDS

Câu 2: Để chuẩn bị cho buổi thi đua văn nghệ nhân ngày Tết thiếu nhi, cô giáo đã chọn ra 10 học sinh gồm: 4 học sinh nữ là Hoa, Mai, Linh, My; 6 học sinh nam là Cường, Hùng, Nguyên, Kiên, Phúc, Hoàng.

Chọn ngẫu nhiên một học sinh trong nhóm các học sinh tập múa trên.

- a) Các kết quả có thể xảy ra là 10.
- b) Có 6 kết quả thuận lợi cho biến cố “Học sinh được chọn là nữ”.
- c) Xác suất của biến cố “Học sinh được chọn là nam” là 0,6.
- d) Xác suất của biến cố “Học sinh được chọn là nam và có tên bắt đầu bằng chữ H” là 0,2.

Phương pháp

- a) Kết quả có thể là tổng số học sinh.
- b) Kết quả thuận lợi cho biến cố “Học sinh được chọn là nữ” là số các bạn học sinh nữ.
- c) Kết quả thuận lợi cho biến cố “Học sinh được chọn là nam” là số các bạn học sinh nam.
- Xác suất của biến cố bằng tỉ số giữa số kết quả thuận lợi cho biến cố với số kết quả có thể.

d) Xác định số kết quả thuận lợi cho biến cố “Học sinh được chọn là nam và có tên bắt đầu bằng chữ H”.

Xác suất của biến cố bằng tỉ số giữa số kết quả thuận lợi cho biến cố với số kết quả có thể.

Lời giải

a) Đúng

Có 10 kết quả có thể xảy ra khi chọn ngẫu nhiên một học sinh trong nhóm tập, đó là: Hoa, Mai, Linh, My, Cường, Hùng, Nguyên, Kiên, Phúc, Hoàng.

b) Sai

Số kết quả thuận lợi cho biến cố “Học sinh được chọn là nữ” là 4 gồm Hoa, Mai, Linh, My.

c) Đúng

Số kết quả thuận lợi cho biến cố “Học sinh được chọn là nam” là 6.

Do đó, xác suất của biến cố “Học sinh được chọn là nam” là: $\frac{6}{10} = 0,6$.

d) Sai

Số kết quả thuận lợi cho biến cố “Học sinh được chọn là nam và có tên bắt đầu bằng chữ H” là 2, đó là: Hùng; Hoàng.

Do đó xác suất của biến cố “Học sinh được chọn là nam và có tên bắt đầu bằng chữ H” là: $\frac{2}{10} = 0,2$.

Đáp án: ĐSĐS

Phần III

(Mỗi câu trả lời đúng thí sinh được **0,5 điểm**)

Câu	1	2	3	4
Chọn	25	1	5,6	0,04

Câu 1. Số sách quyên góp cho đợt ủng hộ các em nghèo ở vùng cao của khối 8 thuộc một trường trung học cơ sở được ghi lại trong biểu đồ sau:



Số sách quyên góp của lớp 8D chiếm bao nhiêu phần trăm so với số sách quyên góp của cả khối?
(không cần viết dấu %)

Phương pháp

Tính tổng số sách khối 8 quyên góp được.

Tính tỉ số phần trăm số sách của lớp 8D với tổng số sách khối 8 quyên góp được.

Lời giải

Số sách khối 8 quyên góp được là:

$$70 + 48 + 62 + 60 = 240 \text{ (quyên)}$$

Tỉ số phần trăm số sách của lớp 8D với tổng số sách khối 8 quyên góp được là: $\frac{70}{240} \cdot 100\% = 25\%$

Đáp án: 25

Câu 2. Tìm giá trị của x , biết: $x^3 - 1 + (1-x)(x-5) = 0$.

Phương pháp

Sử dụng hằng đẳng thức hiệu hai lập phương rồi đặt nhân tử chung để tìm x .

Lời giải

$$x^3 - 1 + (1-x)(x-5) = 0$$

$$(x-1)(x^2 + x + 1) - (x-1)(x-5) = 0$$

$$(x-1)(x^2 + x + 1 - x + 5) = 0$$

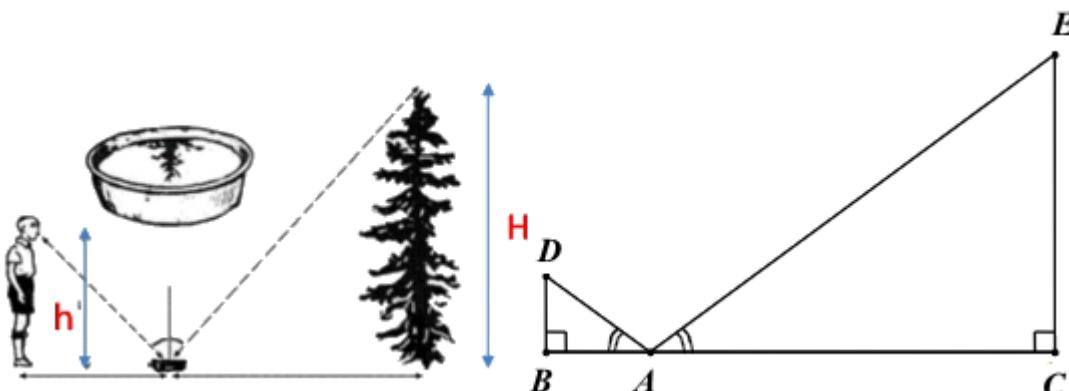
$$(x-1)(x^2 + 6) = 0$$

Vì $x^2 + 6 > 0$ với mọi x nên $x-1=0$ hay $x=1$.

Vậy giá trị của $x=1$.

Đáp án: 1

Câu 3. Để đo chiều cao của một cây xanh một bạn học sinh đã sử dụng một thau nước đặt giữa mình và cây xanh sao cho mắt của bạn học sinh đó khi nhìn vào thau nước thấy được ảnh của ngọn cây trong thau nước, theo như hình vẽ bên dưới:



Biết rằng $\angle BAD = \angle CAE$, khoảng cách từ chân bạn học sinh đến thau nước là đoạn thẳng $AB = 2$ m; từ thau nước đến gốc cây là đoạn thẳng $AC = 7$ m, khoảng cách giữa chân bạn học sinh và mắt của mình là đoạn

thẳng BD = 1,6 m. Chiều cao EC của cây là bao nhiêu mét?

Phương pháp

Chứng minh $\Delta ABD \sim \Delta ACE$ (*g.g*) suy ra $\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{CE}$, thay số để tìm CE.

Lời giải

Xét ΔABD và ΔACE có:

$$BAD = CAE \text{ (gt)}$$

$$ABD = ACE = 90^\circ$$

nên $\Delta ABD \sim \Delta ACE$ (*g.g*).

Suy ra $\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{CE}$ (tỉ số đồng dạng)

$$\text{hay } \frac{2}{7} = \frac{1,6}{CE}$$

$$\text{suy ra } CE = \frac{7 \cdot 1,6}{2} = 5,6(m)$$

Vậy cây cao 5,6 m.

Đáp án: 5,6

Câu 4. Một hộp có 50 chiếc thẻ cùng loại, mỗi thẻ ghi một trong các số sau: 1; 2; 3; ...; 49; 50, hai thẻ khác nhau thì ghi hai số khác nhau. Rút ngẫu nhiên một thẻ trong hộp. Tính xác suất của biến cố “Số trên thẻ được rút ra vừa là bình phương của một số, vừa là số chia hết cho 3”.

(Kết quả ghi dưới dạng số thập phân)

Phương pháp

Xác định số kết quả có thể.

Xác định các kết quả thuận lợi cho biến cố “Số trên thẻ được rút ra vừa là bình phương của một số, vừa là số chia hết cho 3”.

+ Liệt kê các số là bình phương của một số.

+ Xác định các số chia hết cho 3 trong các số đó.

Xác suất của biến cố bằng tỉ số giữa số kết quả thuận lợi cho biến cố với số kết quả có thể.

Lời giải

Các kết quả có thể xảy ra khi rút ngẫu nhiên một thẻ trong hộp là 50.

Kết quả thuận lợi cho biến cố “Thẻ được rút ra là bình phương của một số” là: 1; 4; 9; 16; 25; 36; 49.

Trong các số trên, các số chia hết cho ba là: 9; 36.

Suy ra, có 2 kết quả thuận lợi cho biến cố “Số trên thẻ được rút ra vừa là bình phương của một số, vừa là số chia hết cho 3”.

Vậy xác suất của biến cố “Số trên thẻ được rút ra vừa là bình phương của một số, vừa là số chia hết cho

$$3” là: $\frac{2}{50} = \frac{1}{25} = 0,04$.$$

Đáp án: 0,04

Phần IV

Câu 1. (1 điểm) Một hợp tác xã thu hoạch thóc, dự định thu hoạch 20 tấn thóc mỗi ngày, nhưng khi thu hoạch đã vượt mức 6 tấn mỗi ngày nên không những đã hoàn thành kế hoạch sớm một ngày mà còn thu hoạch vượt mức 10 tấn. Tính số tấn thóc đã dự định thu hoạch.

Phương pháp

Gọi số tấn thóc thu hoạch theo dự định là x (tấn) ($x > 0$).

Biểu diễn số ngày thu hoạch hết số thóc theo dự định và số ngày thu hoạch hết số thóc thực tế, từ đó lập phương trình.

Giải phương trình, kiểm tra lại điều kiện và kết luận.

Lời giải

Gọi số tấn thóc thu hoạch theo dự định là x (tấn) ($x > 0$).

Khi đó số ngày thu hoạch hết số thóc theo dự định là: $\frac{x}{20}$ (ngày)

Số tấn thóc thực tế thu hoạch được là: $x+10$ (tấn)

Số tấn thóc thực tế mỗi ngày thu hoạch được là $20+6=26$ (tấn)

Số ngày thu hoạch hết số thóc theo thực tế là: $\frac{x+10}{26}$ ngày

Vì hợp tác xã hoàn thành kế hoạch trước 1 ngày nên ta có phương trình:

$$\frac{x}{20} - 1 = \frac{x+10}{26}$$

Giải phương trình:

$$\begin{aligned}\frac{x}{20} - 1 &= \frac{x+10}{26} \\ \frac{13x}{20} - \frac{260}{260} &= \frac{10(x+10)}{26} \\ \frac{13x - 260}{260} &= \frac{10x + 100}{260}\end{aligned}$$

$$13x - 260 = 10x + 100$$

$$13x - 10x = 100 + 260$$

$$3x = 360$$

$$x = 120 \text{ (thỏa mãn)}$$

Vậy số thóc theo dự định là 120 tấn.

Câu 2. (1,5 điểm) Cho hình chữ nhật ABCD. Kẻ $AH \perp BD$ tại H.

a) Chứng minh rằng $\Delta ABD \sim \Delta HBA$.

b) Chứng minh rằng $BC^2 = BD \cdot DH$.

c) Kẻ DE là đường phân giác của tam giác ABD. Gọi I là giao điểm của DE và AH. Chứng minh ΔAIE cân và $AE^2 = IH \cdot EB$.

Phương pháp

a) Chứng minh $BAD = AHB = 90^\circ$

Từ đó chứng minh $\Delta ABD \sim \Delta HBA$ (g.g)

b) Chứng minh $\Delta ABD \sim \Delta HAD$ (g.g) suy ra $\frac{AD}{DH} = \frac{BD}{AD}$ hay $AD^2 = BD \cdot DH$

Kết hợp đặc điểm của hình chữ nhật ta có $AD = BC$

Do đó $BC^2 = BD \cdot DH$ (đpcm)

c) **Chứng minh ΔAIE cân tại A**

Sử dụng tính chất tia phân giác cho DE và từ $\Delta ABD \sim \Delta HAD$ suy ra $DBA + EDB = HAD + EDA$

Sử dụng tính chất góc ngoài cho ΔAID và ΔDEB để có $AIE = HAD + EDA$ và $AEI = EBD + BDE$

Suy ra $AIE = AEI$ nên ΔAIE cân tại A.

Chứng minh $AE^2 = IH \cdot EB$

Từ ΔAIE cân tại A có $AE = AI$

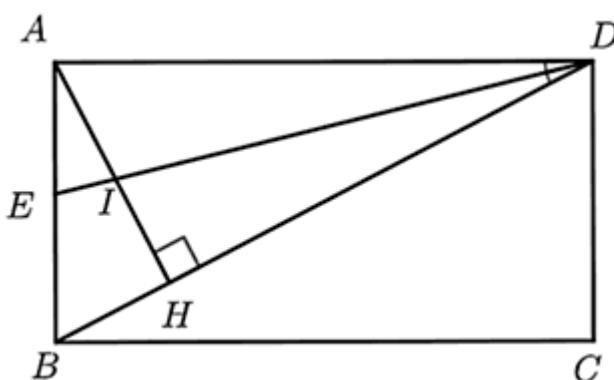
Kết hợp tính chất đường phân giác DI của tam giác ΔADH suy ra $\frac{IH}{IA} = \frac{DH}{DA}$ nên $\frac{IH}{AE} = \frac{DH}{DA}$

Chứng minh $\frac{DH}{AD} = \frac{AD}{BD}$ suy ra $\frac{IH}{AE} = \frac{AD}{BD}$

Kết hợp tính chất đường phân giác DE của tam giác ΔADB suy ra $\frac{AE}{EB} = \frac{AD}{BD}$

Suy ra $\frac{IH}{AE} = \frac{AE}{EB}$, do đó $AE^2 = IH \cdot EB$.

Lời giải



a) Vì ABCD là hình chữ nhật nên $BAD = 90^\circ$.

Vì $AH \perp BD$ tại H nên ta có: $BAD = AHB = 90^\circ$.

Xét ΔABD và ΔHBA có:

$BAD = AHB = 90^\circ$ (cmt)

ABD chung

nên $\Delta ABD \sim \Delta HBA$ (g.g) (đpcm)

b) Xét ΔABD và ΔHAD có:

$$\angle BAD = \angle AHD = 90^\circ$$

BDA chung

nên $\Delta ABD \sim \Delta HAD$ (g.g.)

$$\text{suy ra } \frac{AD}{DH} = \frac{BD}{AD} \text{ hay } AD^2 = BD \cdot DH$$

Mà $AD = BC$ (do ABCD là hình chữ nhật)

$$\text{Do đó } BC^2 = BD \cdot DH \text{ (đpcm)}$$

c) **Chứng minh ΔAIE cân tại A**

Vì DE là đường phân giác của tam giác ABD nên $\angle ADE = \angle EDB$

Vì $\Delta ABD \sim \Delta HAD$ (cmt) nên $\angle DBA = \angle HAD$ (hai góc tương ứng)

$$\text{suy ra } \angle DBA + \angle EDB = \angle HAD + \angle EDA \quad (1)$$

Xét ΔAID có $\angle AIE = \angle IAD + \angle IDA = \angle HAD + \angle EDA$ (tính chất góc ngoài) (2)

Xét ΔDEB có $\angle AEI = \angle EBD + \angle BDE$ (tính chất góc ngoài) (3)

Từ (1), (2) và (3) suy ra $\angle AIE = \angle AEI$.

Do đó ΔAIE cân tại A (đpcm)

Chứng minh $AE^2 = IH \cdot EB$

Suy ra $AE = AI$

Xét ΔADH có DI là đường phân giác nên $\frac{IH}{IA} = \frac{DH}{DA}$, suy ra $\frac{IH}{AE} = \frac{DH}{DA}$ (4)

Vì $\Delta ABD \sim \Delta HAD$ (cmt) nên $\frac{DH}{AD} = \frac{AD}{BD}$ (5)

Từ (4) và (5) suy ra $\frac{IH}{AE} = \frac{AD}{BD}$ (6)

Xét ΔADB có DE là đường phân giác nên $\frac{AE}{EB} = \frac{AD}{BD}$ (7)

Từ (6) và (7) suy ra $\frac{IH}{AE} = \frac{AE}{EB}$, do đó $AE^2 = IH \cdot EB$ (đpcm)

Câu 3. (0,5 điểm) Giải phương trình:

$$\frac{1}{x^2 + 9x + 20} + \frac{1}{x^2 + 11x + 30} + \frac{1}{x^2 + 13x + 42} = \frac{1}{18}.$$

Phương pháp

Phân tích mẫu thức của cách phân thức ở vế trái thành nhân tử.

Từ đó đưa về dạng $\frac{1}{x(x+1)} = \frac{1}{x} - \frac{1}{x+1}$.

Lời giải

Ta có: $\frac{1}{x^2+9x+20} + \frac{1}{x^2+11x+30} + \frac{1}{x^2+13x+42} = \frac{1}{18}$

Phân tích thành nhân tử:

$$* x^2+9x+20 = x^2+4x+5x+20 = (x^2+4x)+(5x+20) = x(x+4)+5(x+4) = (x+4)(x+5)$$

$$* x^2+11x+30 = x^2+5x+6x+30 = (x^2+5x)+(6x+30) = x(x+5)+6(x+5) = (x+5)(x+6)$$

$$* x^2+13x+42 = x^2+6x+7x+42 = (x^2+6x)+(7x+42) = x(x+6)+7(x+6) = (x+6)(x+7)$$

suy ra phương trình trở thành $\frac{1}{(x+4)(x+5)} + \frac{1}{(x+5)(x+6)} + \frac{1}{(x+6)(x+7)} = \frac{1}{18}$

Điều kiện xác định: $x \neq 4; x \neq 5; x \neq 6; x \neq 7$

Ta có: $\frac{1}{(x+4)(x+5)} + \frac{1}{(x+5)(x+6)} + \frac{1}{(x+6)(x+7)} = \frac{1}{18}$

$$\frac{1}{x+4} - \frac{1}{x+5} + \frac{1}{x+5} - \frac{1}{x+6} + \frac{1}{x+6} - \frac{1}{x+7} = \frac{1}{18}$$

$$\frac{1}{x+4} - \frac{1}{x+7} = \frac{1}{18}$$

$$\frac{x+7-(x+4)}{(x+4)(x+7)} = \frac{1}{18}$$

$$\frac{3}{(x+4)(x+7)} = \frac{1}{18}$$

suy ra $(x+4)(x+7) = 54$

$$x^2+7x+4x+28=54$$

$$x^2+11x-26=0$$

$$x^2+13x-2x-26=0$$

$$x(x+13)-2(x+13)=0$$

$$(x+13)(x-2)=0$$

Do đó $x+13=0$ hoặc $x-2=0$

$$x=-13 \text{ (TM)} \quad x=2 \text{ (TM)}$$

Vậy nghiệm của phương trình là $x=-13; x=2$.