

ĐỀ KHẢO SÁT CHẤT LƯỢNG ĐẦU NĂM TRƯỜNG THCS – THPT TẠ QUANG BỬU

NĂM HỌC 2025 – 2026

Môn: Toán - Lớp 9

SUÙ TẦM: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM

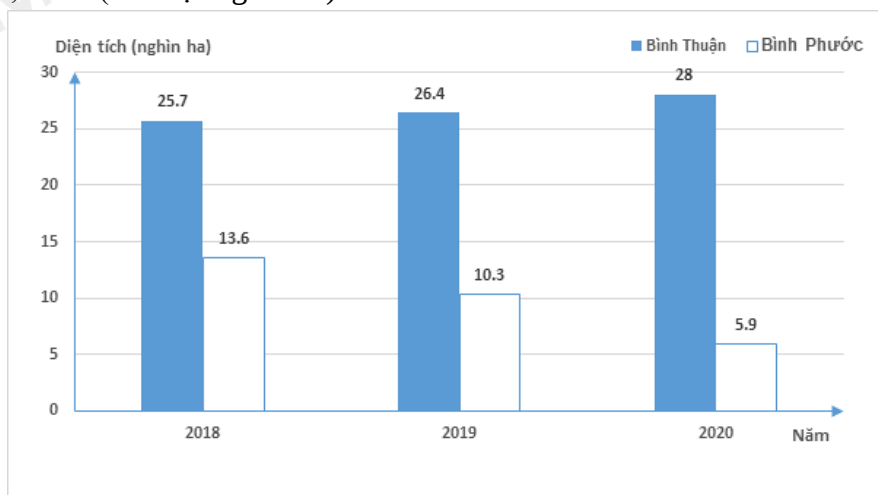


HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

THỰC HIỆN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM

Bài 1 (1,0 điểm):

1. Biểu đồ cột kép biểu diễn diện tích gieo trồng sản của tỉnh Bình Thuận (cũ) và tỉnh Bình Phước (cũ) trong các năm 2018; 2019; 2020 (đơn vị: Nghìn ha).



Tính tỉ số phần trăm diện tích trồng sản của Bình Phước so với Bình Thuận vào năm 2020 (làm tròn đến chữ số thập phân thứ hai).

2. Một túi đựng bút tô màu của bạn Bình có 4 chiếc bút màu đỏ, 6 chiếc bút màu cam, 5 chiếc bút màu xanh và 3 chiếc bút màu tím (các chiếc bút có cùng khối lượng và kích thước). Bạn Bình lấy ngẫu nhiên một chiếc bút từ trong túi. Tính xác suất của các biến cố sau: "Lấy được chiếc bút màu đỏ hoặc màu cam".

Phương pháp:

1. Xác định diện tích trồng sản của Bình Phước và Bình Thuận vào năm 2020 rồi tính tỉ số phần trăm:

Tỉ số phần trăm = $\frac{BP}{BT} \cdot 100\%$.

2. Xác định số kết quả có thể khi lấy ngẫu nhiên một chiếc bút từ trong túi.

Xác định số kết quả thuận lợi cho biến cố: "Lấy được chiếc bút màu đỏ hoặc màu cam".

Cách giải:

1. Quan sát biểu đồ ta thấy năm 2020:

- Diện tích trồng sản của Bình Phước là 5,9 (ha)

- Diện tích trồng sản của Bình Thuận là 28 (ha)

Vậy tỉ số phần trăm diện tích trồng sản của Bình Phước so với Bình Thuận vào năm 2020 là:

$$\frac{5,9}{28} \cdot 100\% \approx 21,07\%.$$

2. Vì túi đựng có 4 chiếc bút màu đỏ, 6 chiếc bút màu cam, 5 chiếc bút màu xanh và 3 chiếc bút màu tím nên số kết quả có thể khi lấy ngẫu nhiên một chiếc bút từ trong túi là: $4 + 6 + 5 + 3 = 18$.

Có 4 chiếc bút màu đỏ, 6 chiếc bút màu cam nên số kết quả thuận lợi cho biến cố lấy được chiếc bút màu đỏ hoặc màu cam là: $4 + 6 = 10$

Vậy xác suất của biến cố "Lấy được chiếc bút màu đỏ hoặc màu cam" là: $\frac{10}{18} = \frac{5}{9}$

Bài 2 (2,0 điểm): Cho biểu thức: $A = \frac{x^2-1}{1-2x}$ và $B = \frac{2}{x+1} - \frac{1}{x-1} - \frac{5-x}{1-x^2} \left(x \neq \frac{1}{2}, x \neq \pm 1 \right)$

a) Tính giá trị của A biết $x = 2$

b) Rút gọn biểu thức B

c) Tìm x nguyên để A.B có giá trị nguyên.

Phương pháp:

a) Thay $x = 2$ (nếu thỏa mãn điều kiện) vào A để tính giá trị.

b) Sử dụng quy tắc trừ phân thức khác mẫu để rút gọn biểu thức.

c) Tính A.B.

Ta có: $AB = \frac{m}{g(x)}$ trong đó $h(x)$ là một biểu thức nguyên khi x nguyên, m nguyên.

Biện luận A.B nguyên khi $\frac{m}{g(x)}$ nguyên, suy ra $g(x) \in U(m)$.

Kết hợp điều kiện ban đầu của x để kết luận.

Cách giải:

a) Thay $x = 2$ (TMĐK $x \neq \frac{1}{2}, x \neq \pm 1$) vào A, ta được:

$$A = \frac{2^2-1}{1-2 \cdot 2} = \frac{4-1}{1-4} = \frac{3}{-3} = -1$$

Vậy $A = -1$ khi $x = 2$

b) Ta có:

$$B = \frac{2}{x+1} - \frac{1}{x-1} - \frac{5-x}{1-x^2} \left(x \neq \frac{1}{2}, x \neq \pm 1 \right)$$

$$B = \frac{2}{x+1} - \frac{1}{x-1} - \frac{x-5}{x^2-1}$$

$$B = \frac{2(x-1)}{(x-1)(x+1)} - \frac{x+1}{(x-1)(x+1)} - \frac{x-5}{(x-1)(x+1)}$$

$$B = \frac{2x-2-x-1-x+5}{(x-1)(x+1)}$$

$$B = \frac{2}{x^2-1}$$

$$\text{Vậy } B = \frac{2}{x^2-1}$$

$$\text{c) } AB = \frac{x^2-1}{1-2x} \cdot \frac{2}{x^2-1} = \frac{2}{1-2x}$$

Để A.B nguyên thì $\frac{2}{1-2x}$ nguyên hay $(1-2x) \in U(2) = \{-2; -1; 1; 2\}$.

Ta có bảng giá trị sau:

$1-2x$	-2	-1	1	2
--------	----	----	---	---

x	$\frac{3}{2}$ (KTM)	1 (TM)	0 (TM)	$\frac{-1}{2}$ (KTM)
-----	---------------------	--------	--------	----------------------

Kết hợp với điều kiện ban đầu $x \neq \frac{1}{2}, x \neq \pm 1$, ta được $x = 0$

Vậy $x = 0$ thì $A.B$ nguyên.

Bài 3 (3,0 điểm):

1. Giải các phương trình sau:

a) $\frac{x-2}{4} + \frac{2x-3}{3} = \frac{x-18}{6}$

b) $5x(x+3) = 9 - x^2$

2. Giải bài toán bằng cách lập phương trình:

Lúc 8 giờ một người đi xe máy khởi hành từ A với vận tốc 40km/giờ. Sau đó 30 phút, một người đi ô tô từ A đuổi theo với vận tốc 60km/giờ. Hỏi đến mấy giờ người đi ô tô mới đuổi kịp người đi xe máy và nơi gặp nhau cách A bao nhiêu km?

Phương pháp:

- a) Đưa phương trình về phương trình bậc nhất một ẩn để giải.

b) Chuyển vế phải sang vế trái, sử dụng phân tích đa thức thành nhân tử để biến đổi về trái.

Giải phương trình $A.B = 0$ thì $A = 0$ hoặc $B = 0$.

2. Đổi thời gian về cùng đơn vị.

Gọi thời gian người đi xe máy đi là x (giờ), đặt điều kiện của x theo đề bài.

Biểu diễn được thời gian, quãng đường xe máy và ô tô đi.

Vì hai người cùng khởi hành từ A nên quãng đường ô tô và xe máy đi được là bằng nhau, ta lập được phương trình.

Đưa phương trình về phương trình bậc nhất một ẩn và giải.

Kiểm tra điều kiện và kết luận.

Tính thời điểm ô tô đuổi kịp xe máy và khoảng cách từ A tới điểm gặp nhau.

Cách giải:

1. a) $\frac{x-2}{4} + \frac{2x-3}{3} = \frac{x-18}{6}$

$$\frac{3(x-2)}{4 \cdot 3} + \frac{4(2x-3)}{4 \cdot 3} = \frac{2(x-18)}{6 \cdot 2}$$

$$3(x-2) + 4(2x-3) = 2(x-18)$$

$$3x - 6 + 8x - 12 = 2x - 36$$

$$3x + 8x - 2x = -36 + 6 + 12$$

$$9x = -18$$

$$x = -2$$

Vậy $x = -2$.

b) $5x(x+3) = 9 - x^2$

$$5x^2 + 15x = 9 - x^2$$

$$5x^2 + x^2 + 15x - 9 = 0$$

$$6x^2 + 15x - 9 = 0$$

$$2x^2 + 5x - 3 = 0$$

$$2x^2 - x + 6x - 3 = 0$$

$$x(2x-1) + 3(2x-1) = 0$$

$$(x+3)(2x-1) = 0$$

$$\text{TH1: } x+3=0 \text{ suy ra } x=-3.$$

$$\text{TH2: } 2x-1=0 \text{ suy ra } x=\frac{1}{2}.$$

$$\text{Vậy } x \in \left\{-3; \frac{1}{2}\right\}.$$

$$2. \text{ Đổi } 30 \text{ phút} = \frac{1}{2} \text{ giờ.}$$

$$\text{Gọi thời gian người đi xe máy đi là } x \text{ (giờ), } x > \frac{1}{2}.$$

$$\text{Khi đó thời gian người đi ô tô đi là: } x - \frac{1}{2} \text{ (giờ).}$$

$$\text{Quãng đường người đi xe máy đi được là: } 40x \text{ (km).}$$

$$\text{Quãng đường người đi ô tô đi được là: } 60\left(x - \frac{1}{2}\right) \text{ (km).}$$

Vì hai người cùng khởi hành từ A nên quãng đường ô tô và xe máy đi được là bằng nhau, ta có phương trình:

$$60\left(x - \frac{1}{2}\right) = 40x$$

$$60x - 30 = 40x$$

$$60x - 40x = 30$$

$$20x = 30$$

$$x = \frac{3}{2} \text{ (giờ)} = 1 \text{ giờ } 30 \text{ phút}$$

$$\text{Vậy hai người gặp nhau lúc } 8 \text{ giờ} + 1 \text{ giờ } 30 \text{ phút} = 9 \text{ giờ } 30 \text{ phút.}$$

$$\text{Nơi gặp nhau cách A là: } 40 \cdot \frac{3}{2} = 60 \text{ km.}$$

Bài 4 (3,5 điểm): Cho $\triangle ABC$ nhọn ($AB < AC$), ba đường cao AE, BD, CF cắt nhau tại H

a) Chứng minh $\triangle ABD$ đồng dạng $\triangle ACF$.

b) Chứng minh $\triangle ABC$ đồng dạng $\triangle ADF$ và $BH \cdot BD + CH \cdot CF = BC^2$.

c) Chứng minh $\frac{HE}{AE} + \frac{HD}{BD} + \frac{HF}{CF} = 1$.

Phương pháp:

a) Chứng minh $\triangle ABD \sim \triangle ACF$ (g.g).

b) Chứng minh $\triangle ABC \sim \triangle ADF$ (c.g.c)

Chứng minh $\triangle BHE \sim \triangle BCD$ (g.g), suy ra $BH \cdot BD = BE \cdot BC$

Chứng minh $\triangle CHE \sim \triangle CBF$ (g.g), suy ra $CH \cdot CF = CE \cdot CB$

Suy ra $BH.BD + CH.CF = BC^2$.

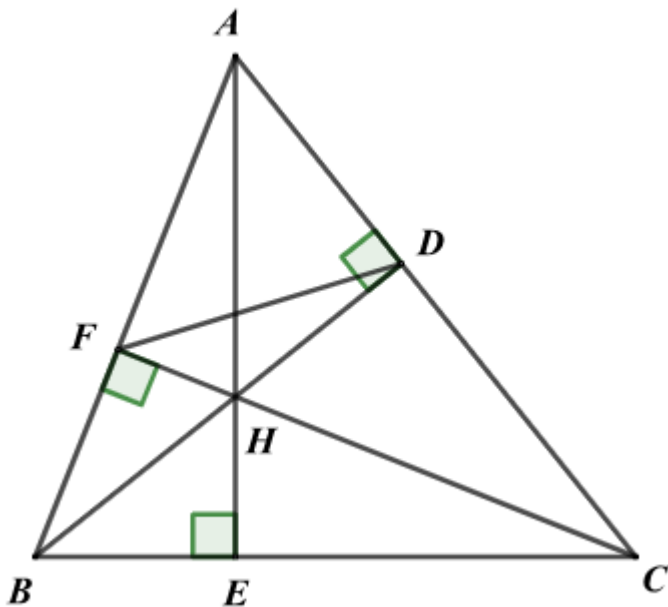
c) Nhân cả tử và mẫu của $\frac{HE}{AE}$ với $\frac{1}{2}BC$.

Nhân cả tử và mẫu của $\frac{HD}{BD}$ với $\frac{1}{2}AC$.

Nhân cả tử và mẫu của $\frac{HF}{CF}$ với $\frac{1}{2}AB$.

Xuất hiện diện tích các tam giác tương ứng, từ đó chứng minh tổng của chúng bằng 1.

Cách giải:



a) **Chứng minh** $\triangle ABD \sim \triangle ACF$

Xét $\triangle ABD$ và $\triangle ACF$ có:

$D = F (= 90^\circ)$ (vì BD và CF là đường cao)

A chung

Vậy $\triangle ABD \sim \triangle ACF$ (g.g).

b) **Chứng minh** $\triangle ABC \sim \triangle ADF$

Vì $\triangle ABD \sim \triangle ACF$ nên $\frac{AB}{AC} = \frac{AD}{AF}$ hay $\frac{AB}{AD} = \frac{AC}{AF}$.

Xét $\triangle ABC$ và $\triangle ADF$ có:

$\frac{AB}{AD} = \frac{AC}{AF}$ (cmt)

A chung

Vậy $\triangle ABC \sim \triangle ADF$ (c.g.c)

Chứng minh $BH.BD + CH.CF = BC^2$

Xét $\triangle BHE$ và $\triangle BCD$ có:

B chung

$BEH = BDC (= 90^\circ)$ (vì AE và BD là đường cao)

Do đó $\triangle BHE \sim \triangle BCD$ (g.g), suy ra $\frac{BH}{BC} = \frac{BE}{BD}$ nên $BH \cdot BD = BE \cdot BC$ (1)

Chứng minh tương tự ta có $\triangle CHE \sim \triangle CBF$ (g.g), suy ra $\frac{CH}{CB} = \frac{CE}{CF}$ nên $CH \cdot CF = CE \cdot CB$ (2)

Từ (1) và (2) suy ra:

$$BH \cdot BD + CH \cdot CF = BE \cdot BC + CE \cdot CB = (BE + CE) \cdot BC = BC \cdot BC = BC^2$$

c) **Chứng minh** $\frac{HE}{AE} + \frac{HD}{BD} + \frac{HF}{CF} = 1$

$$\begin{aligned} & \frac{HE}{AE} + \frac{HD}{BD} + \frac{HF}{CF} \\ &= \frac{\frac{1}{2} HE \cdot BC}{\frac{1}{2} AE \cdot BC} + \frac{\frac{1}{2} HD \cdot AC}{\frac{1}{2} BD \cdot AC} + \frac{\frac{1}{2} HF \cdot AB}{\frac{1}{2} CF \cdot AB} \\ &= \frac{S_{\triangle HBC}}{S_{\triangle ABC}} + \frac{S_{\triangle HAC}}{S_{\triangle ABC}} + \frac{S_{\triangle HAB}}{S_{\triangle ABC}} \\ &= \frac{S_{\triangle HBC} + S_{\triangle HAC} + S_{\triangle HAB}}{S_{\triangle ABC}} \\ &= \frac{S_{\triangle ABC}}{S_{\triangle ABC}} = 1 \end{aligned}$$

Bài 5 (0,5 điểm): Có 5 vận động viên thi đấu cờ vua theo thể thức vòng tròn một lượt.

a) Hỏi có bao nhiêu trận đấu diễn ra.

b) Biết vận động viên hạng 1 không có trận nào hòa, hạng 2 không có trận nào thua và hạng 4 không có trận nào thắng. Hỏi điểm số của các vận động viên sau khi thi đấu là bao nhiêu, biết nếu thắng thì được 1 điểm, hòa được 0,5 điểm, thua 0 điểm và các vận động viên không bằng điểm với nhau.

Phương pháp:

a) Đánh số thứ tự 5 vận động viên, liệt kê các trận đấu diễn ra: mỗi vận động viên đấu với 4 vận động viên còn lại.

b) Dựa vào các thông tin: vận động viên hạng 1 không có trận nào hòa, hạng 2 không có trận nào thua và hạng 4 không có trận nào thắng và các vận động viên không bằng điểm với nhau để xác định số trận thắng, hoà, thua của từng thứ hạng.

Từ đó xác định số điểm của từng thứ hạng.

Cách giải:

a) Ta đánh số thứ tự 5 vận động viên lần lượt là 1, 2, 3, 4, 5.

Vì mỗi vận động viên đấu với 4 vận động viên còn lại nên ta có các trận đấu diễn ra là:

1 – 2, 1 – 3, 1 – 4, 1 – 5, 2 – 3, 2 – 4, 2 – 5, 3 – 4, 3 – 5, 4 – 5.

Vậy có 10 trận đấu diễn ra.

b) Giả sử vận động viên hạng 1 có số thứ tự là 1; vận động viên hạng 2 có số thứ tự là 2; vận động viên hạng 3 có số thứ tự là 3; vận động viên hạng 4 có số thứ tự là 4; vận động viên hạng 5 có số thứ tự là 5.

Theo bài ra thì mỗi vận động viên thi đấu 4 trận.

Vì vận động viên hạng 1 không có trận nào hoà và hạng 2 không có trận nào thua nên trận đấu 1 – 2 thì hạng 2 thắng. Do đó số điểm hạng 1 đạt được có thể là:

+) 3 điểm (thắng 3 trận, thua 1 trận).

+) 0 điểm (thua 4 trận).

Mà vận động viên hạng 2 không có trận nào thua nên các trận còn lại thắng hoặc hoà. Do đó số điểm hạng 2 đạt được có thể là:

- + Thắng 1 trận, hoà 3 trận: $1 + 3.0,5 = 2,5$ điểm
- + Thắng 2 trận, hoà 2 trận: $2.1 + 2.0,5 = 3$ điểm
- + Thắng 3 trận, hoà 1 trận: $3.1 + 1.0,5 = 3,5$ điểm
- + Thắng 4 trận thì số điểm là $4.1 = 4$ điểm

Mà hạng 1 > hạng 2 nên số điểm của hạng 1 > số điểm của hạng 2.

Vậy **hạng 1 đạt 3 điểm, hạng 2 đạt 2,5 điểm** ($3 > 2,5$).

Do đó trận 1 – 4: hạng 4 thua, trận 2 – 4: hạng 4 hoà.

Ta có các kết quả như sau:

1 – 2: 2 thắng

1 – 3: 1 thắng

1 – 4: 1 thắng

1 – 5: 1 thắng

2 – 3: hoà

2 – 4: hoà

2 – 5: hoà

Ta thấy điểm của vận động viên 3, 4, 5 đang bằng nhau.

Còn lại 3 trận, tổng số điểm của ba trận là 3 điểm.

Vì các vận động viên không bằng điểm nhau nên ta kiểm tra các trường hợp:

+ Hạng 3 không thể thắng 2 trận vì như vậy sẽ bằng điểm hạng 2.

+ Hạng 3 không thể đạt 1 điểm, vì như vậy sẽ không thể cao hạng hơn hạng 4 và hạng 5.

Vậy **hạng 3 đạt 1,5 điểm** (hoà 1 trận, thắng 1 trận).

Vì hạng 4 không thắng trận nào nên **hạng 4 đạt 1 điểm** (hoà 2 trận, nếu không E sẽ nhiều điểm hơn D).

Vậy **hạng 5 đạt 0,5 điểm** (hoà 1 trận, thua 1 trận).